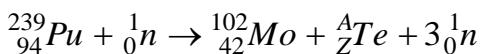


التمرين الأول: (10 نقطة)

1- يعتمد إنتاج الطاقة في بعض المفاعلات النووية على انشطار البلوتونيوم 239. معادلة أحد تفاعلات الانشطار التي تحدث هي:



1- أ- عرف تفاعل الانشطار النووي.

ب- بتطبيق قانون الانفراط لصودي حدد قيميتي A و Z .

2- احسب الطاقة المحررة E_{lib} من انشطار نواة واحدة من البلوتونيوم 239 بوحدة MeV .

3- احسب الطاقة المحررة من انشطار $1kg$ من البلوتونيوم 239.

4- يستهلك المفاعل النووي $10^3 kg$ من البلوتونيوم 239 في كل سنة باستطاعة كهربائية قدرها $W = 9 \times 10^8 W$.

- احسب r المردود الطاقوي للمفاعل النووي.

5- الديناميت مادة كيميائية تستعمل في أعمال الهدم وشق الطرق في الجبال، عند انفجاره يحرر طاقة مشابهة لطاقة انشطار

البلوتونيوم ^{239}Pu . علما أن: $1kg$ من الديناميت يحرر طاقة قدرها $J = 7,5 \times 10^6 J$.

- احسب كتلة الديناميت التي تحرر نفس الطاقة التي يحررها انشطار $1kg$ من البلوتونيوم ^{239}Pu .

II- إن الأنوية الناتجة عن تفاعل الانشطار هي أنوية مشعة ،من بين هذه الأنوية نواة السينزيوم $^{137}_{55}Cs$ المشعة β^- .

- عن اللحظة $t=0$ عينة من السينزيوم $^{137}_{55}Cs$ كتلتها m_0 ، تصبح كتلة هذه العينة $m(t) = \frac{m_0}{8}$ بعد مدة زمنية قدرها $90ans$ يتفكك

السينزيوم $^{137}_{55}Cs$ إلى باريوم $^{137}_{56}Ba$. علما أن نواة A_ZBa تنتج في حالة مثارة.

1- أ- ما معنى تنتج نواة باريوم مثارة.

ب- اكتب معادلة تفكك السينزيوم 137.

ت- احسب زمن نصف العمر $t_{1/2}$ للسينزيوم 137.

2- يتسرّب السينزيوم 137 من أماكن إجراء التجارب النووية ،فيصيب الخضر والفواكه ،الحيوان والإنسان عن طريق دورة التغذية في جانفي 2018 وفي أحد مستودعات مصنع خل التفاح وجد قارورة خل مكتوب على بطاقتها "تاريخ الصنع جانفي 1990" ، قام تقني بقياس نشاط السينزيوم 137 فيها فكان $400mBq$.

أ- احسب النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 .

ب- احسب عدد الجسيمات β^- المنبعثة من القارورة منذ تاريخ الصنع حتى تاريخ القياس.

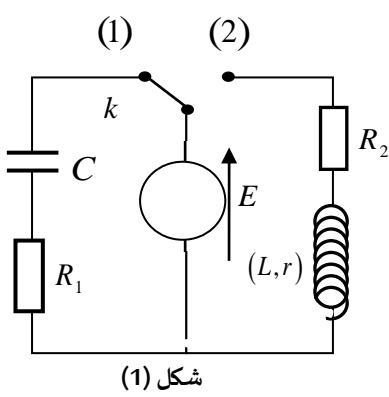
$$m({}^{102}_{42}Mo) = 101,88836u , m({}^1_0n) = 1,00866u , 1u = 931,5 Mev/C^2 , N_A = 6,02 \times 10^{23} mol^{-1}$$

$$1Mev = 1,6 \times 10^{-13} j , m({}^{239}_{94}Pu) = 239,052u , m({}^A_ZTe) = 134,89445u$$

التمرين الثاني: (10 نقطة)

لتحديد السعة C لمكثفة ومميزي (L, r) للوسيعةتحقق التركيب التجاري المبين في الشكل (1) والذي يتكون من:

- مولد توتر المحركة الكهربائية E .
- مكثفة غير مشحونة سعتها C .
- وشيعة ذاتية L و مقاومتها الداخلية r .
- ناقلان أوميان R_1 و R_2 متماثلان حيث: $R_1 = R_2 = 40\Omega$.
- بادلة k وأسلاك توصيل.



1- عند اللحظة $t=0$ نضع البادلة k في الوضع (1):

أ- أعد رسم الدارة مع تحديد جهة كل من التيار الكهربائي i و تمثيلأسهم جهة التوتر الكهربائي.

2- الدراسة التجريبية مكتننا من رسم المنحنى البياني (U_C) الموضح في الشكل (2):

أ- بين أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة تكتب بالشكل:

$$\frac{dU_C(t)}{dt} + \frac{1}{\tau_1} U_C(t) = \frac{E}{\tau_1}$$

حيث τ_1 ثابت الزمن يطلب إيجاد عبارته بدلالة مميزات الدارة.

ب- بين أن: $U_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$ حل للمعادلة التفاضلية.

ت- اعتمادا على بيان شكل (2) أوجد قيمة كل من: τ_1 و E .

ث- استنتج قيمة سعة المكثفة C .

ج- احسب قيمة الطاقة الأعظمية المخزنة في المكثفة في النظام الدائم.

II- عند لحظة نعتبرها مبدأ جديددلأزمنة $t=0$ نرجع البادلة k إلى الوضع (2):

1- أوجد المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار (i) .

2- بين أن العبرة: $I_b(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right)$ حل للمعادلة التفاضلية.

حيث: I_0 شدة التيار الأعظمي في النظام الدائم.

3- بين أن عباره التوتر بين طرفي الوسيعة تكتب على الشكل:

4- الدراسة التجريبية مكتننا من رسم المنحنى البياني (U_b) الشكل (3).

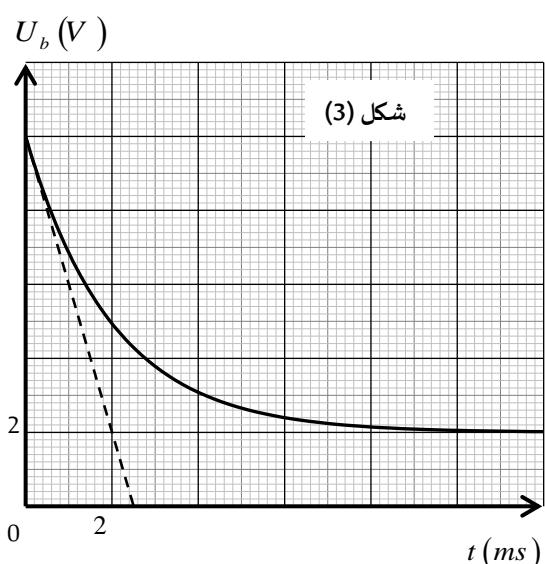
أ- اعتمادا على البيان أوجد:

- شدة التيار الأعظمي I_0 المار في الدارة.

- قيمة ثابت الزمن τ_2 .

- قيمة كل من الذاتية L والمقاومة r .

ب- احسب قيمة الطاقة الأعظمية المخزنة في الوسيعة في النظام الدائم.



تصحيح الاختبار الأول

التمرين 01: (10 نقطة)

1-أ-تعريف الانشطار النووي Fission هو تفاعل نووي مفتعل، نCDF فيه نواة ثقيلة بنترون بطيء فتنقسم إلى نواتين خفيفتين نسبياً

وأكثر استقراراً من النواة المنشطرة. ويرافق هذا التفاعل النووي تحرير طاقة ونترونات

$\langle 0,5 \rangle \dots$

$$239 + 1 = 102 + A + 3 \times 1 \Rightarrow A = 135$$

$$\langle 0,5 \rangle \dots \quad 94 + 0 = 42 + Z \Rightarrow Z = 52$$

ب- تحديد قيمتي A و Z بتطبيق قانون الانحفاظ لصودي:

2- حساب الطاقة المحررة E_{lib} من انشطار نواة واحدة من البلوتونيوم 239 بوحدة MeV :

$\langle 1 \rangle \dots$

$$E_{lib} = [m(m_i - m_f)C^2] \text{ MeV}$$

$$E_{lib} = [m(239_{^{94}Pu}) + m(^1_n) - m(^{102}_{^{42}Mo}) - 3 \times m(^1_n)] C^2$$

$$E_{lib} = [239,052 + 1,00866 - 134,89445 - 101,88836 - 3 \times 1,00866] C^2 \cdot 931,5 \text{ MeV/C}^2 = 234,61 \text{ MeV}$$

3- حساب الطاقة المحررة من انشطار $E_{lib(T)}$ من البلوتونيوم 239 من البلوتونيوم 1kg

$\langle 1 \rangle \dots$

$$E_{lib(T)} = N \cdot E_{lib} = \frac{m}{M} \cdot N_A \cdot E_{lib}$$

$$E_{lib(T)} = \frac{1.10^3}{239} \cdot 6.02 \times 10^{23} \cdot 234,61 = 5,909 \times 10^{26} \text{ MeV}$$

$\langle 1 \rangle \dots$

$$r = \frac{E_{ele}}{E_{lib(T)}} \times 100 = \frac{P \cdot \Delta t}{E_{lib(T)}} \times 100$$

4- حساب مردود التفاعل النووي r :

$$\Rightarrow r = \frac{9 \times 10^8 \times 365 \times 24 \times 3600}{5,909 \times 10^{29} \times 10^3 \times 1,6 \times 10^{-13}} \times 100 = 30\%$$

5- حساب كتلة الديناميت التي تحرر نفس الطاقة التي يحررها انشطار 1kg من البلوتونيوم

$\langle 1 \rangle \dots$

$$1kg \rightarrow 7.5 \times 10^6 J$$

$$m(kg) \rightarrow E_{lib(T)} = 5,909 \times 10^{26} \text{ MeV} = 5,909 \times 10^{26} \times 1,6 \times 10^{-13} \text{ J}$$

$$\left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow m = \frac{5,909 \times 10^{26} \times 1,6 \times 10^{-13}}{7.5 \times 10^6} = 1,26 \times 10^7 \text{ j}$$

1-II-أ- معنى نواة باريوم $^{A}_{Z}Ba$ مثارة: تصدر معها إشعاعات γ .

ب- معادلة التفكك :

$\langle 1 \rangle \dots$

$$m(t) = m_0 e^{-\lambda t} = \frac{m_0}{8} \Rightarrow \frac{1}{8} = e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}}} \Rightarrow -\ln 8 = -\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t \Rightarrow t_{1/2} = \frac{\ln 2 \times 90}{\ln 8} = 30 \text{ ans} : t_{1/2}$$

ت- حساب زمن نصف العمر

2-أ-حساب النشاط الإشعاعي الابتدائي A_0 :

$\langle 1 \rangle \dots$

$$\Rightarrow A_0 = A(t) e^{\frac{\ln 2}{t_{1/2}}} = 400 e^{\frac{\ln 2}{30} \cdot 28} = 760 \text{ kBq}$$

ومنه: $t = 2018 - 1990 = 28 \text{ ans}$

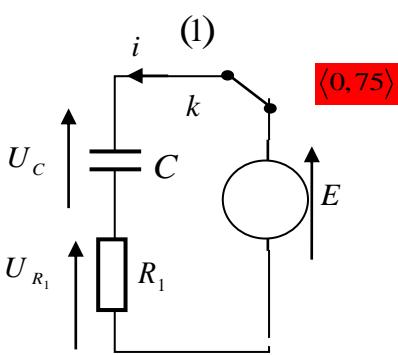
ب-احسب عدد الجسيمات β^- المنبعثة :

$\langle 1 \rangle \dots$

$$N_d(t) = \frac{\lambda N_0 - A(t)}{\lambda} \Rightarrow N_d(t) = \frac{(A_0 - A(t)) t_{1/2}}{\ln 2} = \frac{(760 - 400) \times 10^{-3} \times 30 \times 365 \times 24 \times 3600}{\ln 2} = 4,93 \times 10^8 \text{ corpus}$$

التمرين 02: (10 نقطة)

1-مخطط الدراة.



2-المعادلة التفاضلية لتطور التوتر الكهربائي U_C بين طرفي المكثفة :

قانون جمع التوترات: $u_{R_1}(t) + u_C(t) = E \Rightarrow R_1 i(t) + u_C(t) = E$

$\langle 1 \rangle \dots$

$$R_1 \cdot \frac{dq(t)}{dt} + u_C(t) = E \Rightarrow R_1 C \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = E$$

$\langle 0,25 \rangle \dots$

$$\tau_1 = R_1 C \text{ حيث: } \frac{du_C(t)}{dt} + \left(\frac{1}{R_1 C} \right) u_C(t) = \frac{E}{R_1 C} \text{ ومنه:}$$

ب- تبيان أن $U_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right)$ **ونعوض في المعادلة التفاضلية نجد:**

$$\langle 0,5 \rangle \dots \frac{E}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}} + \frac{1}{\tau_1} \cdot E \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_1}} \right) - \frac{E}{\tau_1} = 0 \Rightarrow \left\langle \cancel{\frac{E}{\tau_1} e^{-\frac{t}{\tau_1}}} + \cancel{\frac{1}{\tau_1} E} - \cancel{\frac{E}{\tau_1}} e^{-\frac{t}{\tau_1}} - \cancel{\frac{E}{\tau_1}} = 0 \right\rangle$$

ت- إيجاد قيمة كل من τ_1 و E : معادلة البيان من الشكل: (1) $a = -250s^{-1}$ حيث $\frac{dU_C}{dt} = aU_C + 2500$ معامل توجيه البيان

$$\langle 0,5 \rangle \dots \frac{dU_C(t)}{dt} = -\left(\frac{1}{\tau_1} \right) U_C(t) + \frac{E}{\tau_1} (2)$$

$$\langle 1 \rangle \dots \begin{cases} a = \frac{1}{\tau_1} = 2500s^{-1} \Rightarrow \tau_1 = \frac{1}{250} = 4 \times 10^{-3}s = 4ms \\ \frac{E}{\tau_1} = 2500 \Rightarrow E = \tau_1 \times 2500 = 10V \end{cases} \text{ بمطابقة (1) و (2) نجد:}$$

$$\langle 0,5 \rangle \dots \tau_1 = R_1 C \Rightarrow C = \frac{\tau_1}{R_1} = \frac{4 \times 10^{-3}}{40} = 10^{-4}F \quad : C$$

ج- حسب قيمة الطاقة الأعظمية المخزنة في المكثفة: $E_{C_{max}} = \frac{1}{2} \cdot C \cdot E^2 = \frac{1}{2} \cdot (10^{-4}) \cdot (10)^2 = 5 \times 10^{-3}J$

II- المعادلة التفاضلية لتطور شدة التيار $i(t)$: حسب قانون جمع التوترات نجد :

$$\langle 1 \rangle \dots L \cdot \frac{di(t)}{dt} + (R_2 + r) \cdot i(t) = E \Rightarrow \left\langle \frac{di(t)}{dt} + \left(\frac{R+r}{L} \right) i(t) = \frac{E}{L} \Rightarrow \frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{\tau_2} i(t) = \frac{I_0}{\tau_2} \right\rangle$$

2- تبيان أن $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right)$ **ونعوض في المعادلة التفاضلية:** حل للمعادلة التفاضلية $i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right)$ نجد:

$$\langle 0,5 \rangle \dots \frac{I_0}{\tau_2} e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \frac{I_0}{\tau_2} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right) - \frac{I_0}{\tau_2} = 0 \Rightarrow \left\langle \cancel{\frac{I_0}{\tau_2} e^{-\frac{t}{\tau_2}}} + \cancel{\frac{I_0}{\tau_2}} - \cancel{\frac{I_0}{\tau_2} e^{-\frac{t}{\tau_2}}} - \cancel{\frac{I_0}{\tau_2}} = 0 \right\rangle$$

3- بيان بين أن عبارة التوترتين طرفي الوشيعة تكتب على الشكل: $U_b(t) = R_2 I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + rI_0$

لدينا: $\frac{di(t)}{dt} = \frac{I_0}{\tau_2} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} = \frac{(R+r)I_0}{L} \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} \iff i(t) = I_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau_2}} \right)$ و نعوض في عبارة التوتر بين طرفي الوشيعة

$$\langle 0,5 \rangle \dots U_b(t) = rI_0 - \cancel{rI_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}}} + \cancel{rI_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}}} + R_2 I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} \quad \text{نجد:} \quad U_b(t) = ri(t) + L \frac{di(t)}{dt}$$

$$U_b(t) = R_2 I_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_2}} + rI_0 \quad \text{ومنه:}$$

4- أ- شدة التيار الأعظمي I_0 الماركي الدارة: من قانون جمع التوترات وفي النظام الدائم

$$\langle 1 \rangle \dots u_{R_2}(\infty) = R_2 I_0 \Rightarrow I_0 = \frac{u_{R_2}(\infty)}{R_2} = \frac{8}{40} = 0,2A \quad \text{ومن قانون أوم: } u_{R_2}(\infty) = E - u_b(\infty) \Rightarrow \langle u_{R_2}(\infty) = 10 - 2 = 8V \rangle$$

$$\langle 0,5 \rangle \dots \tau_2 = 2ms \quad \text{بيانيا}$$

- قيمة كل من الذاتية L والمقاومة r : لدينا في النظام الدائم $r = \frac{u_b(\infty)}{I_0} = \frac{2}{0,2} = 10\Omega$

$$\langle 0,5 \rangle \dots \tau_2 = \frac{L}{R_2 + r} \Rightarrow L = \tau_2 (R_2 + r) = 2 \times 10^{-3} (40 + 10) = 0,1H$$

ب- حساب قيمة الطاقة الأعظمية المخزنة في الوشيعة: $E_{L_{max}} = \frac{1}{2} \cdot L \cdot I_0^2 = \frac{1}{2} \cdot (0,1) \cdot (0,2)^2 = 2 \times 10^{-3}J$