

## ◀ التمرين الأول [06 نقاط]

نعتبر كثير الحدود  $p$  ذو المتغير الحقيقي  $x$  حيث:  $p(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$

(1) احسب  $p(3)$ ، ماذا تستنتج؟

(2) عين الأعداد الحقيقية  $a$ ،  $b$  و  $c$  بحيث من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $p(x) = (x - 3)(ax^2 + bx + c)$

(3) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $p(x) = 0$ .

(4) حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة:  $2(x^3 - 3) \leq x^3 - 5x^2$ ، ثم اعط إشارة العدد  $p\left(\frac{2021}{1442}\right)$

## ◀ التمرين الثاني [09 نقاط]

$a$  و  $b$  عدنان حقيقيان، في الشكل المقابل  $(C_f)$  هو التمثيل البياني

المنسوب إلى معلم متعامد متجانس  $(o; \vec{i}, \vec{j})$  للدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$

حيث:  $f(x) = x^3 + ax + b$

(I) بقراءة بيانية:

(1) عين:  $f(0)$ ،  $f(-1)$ ،  $f(1)$ ،  $f'(1)$ ،  $f'(0)$ .

(2) حل المعادلة  $f(x) = 0$ .

(3) عين حسب قيم  $x$  إشارة  $f(x)$  على  $\mathbb{R}$ ، ثم استنتج حلول المتراجحة

$f(x) > 0$

(4) باستعمال نتائج السؤال (1) عين العددين  $a$  و  $b$

(II) في كل ما يلي نضع:  $a = -3$  و  $b = -2$ :

(1) احسب  $f'(x)$  وادرس اشارتها على  $\mathbb{R}$ .

(2) اكتب معادلة المماس  $(D)$  للمنحني  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0.

(3) ادرس إشارة الفرق  $[f(x) - (-3x - 2)]$ ، ثم استنتج وضعية  $(C_f)$

بالنسبة إلى  $(D)$

(4) بين أن النقطة  $I(0; -2)$  هي مركز تناظر للمنحني  $(C_f)$ .

(III) نعتبر  $h$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:

$h(x) = f(-|x|)$  و  $(C_h)$  تمثيلها البياني في المعلم السابق.

(1) ادرس شفعية الدالة  $h$ .

(2) اعتمادا على المنحني  $(C_f)$  اشرح كيف يتم رسم المنحني  $(C_h)$ ، ثم ارسمه في نفس المعلم السابق

## ◀ التمرين الثالث [05 نقاط]

كيس به ثلاث كريات خضراء مرقمة بـ 1، 2 و 3، وكريتان بيضاوان مرقمتان بـ 1، 2. نسحب منه بصفة عشوائية دفعة واحدة كريتين.

(1) اكتب المجموعة الكلية  $\Omega$  لهذه التجربة، حيث تكون الإمكانات متساوية الحظوظ.

(2) احسب احتمال أن يظهر في السحب الأحداث التالية:

•  $A$ : اللونان معا. •  $B$ : رقم واحد على الأقل زوجي. •  $C$ : كرتان تحملان رقمان فرديان

(3) نعتبر المتغير العشوائي  $X$  الذي يرفق كل إمكانية بمجموع الرقمين المسحوبين.

أ/ عرف قانون الاحتمال للمتغير العشوائي  $X$ .

ب/ احسب كلا من: الأمل الرياضي، التباين والانحراف المعياري للمتغير  $X$ .