

(08.50) 1 ♦♦

الجزء الأول :

لتكن  $f$  دالة معرفة بـ  $f(x) = \frac{\delta x + 3}{2x + \sigma}$  حيث  $\delta$  و  $\sigma$  عدادان حقيقيان و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في م.م.م .

- 00.25+00.25 1. علماً أن  $(C_f)$  يمر من النقطتين  $B\left(-2; \frac{1}{2}\right)$  و  $A\left(0; \frac{3}{2}\right)$  .  $\delta = \sigma = 2$
- 00.25 2. عين  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$  .

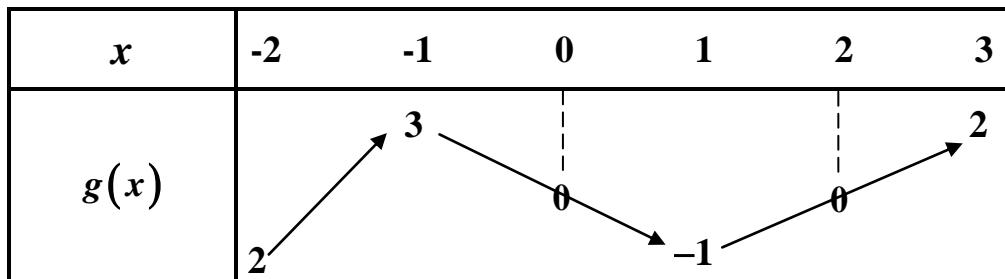
- 00.75 3. عين العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  حيث  $f(x) = \frac{a}{x+1} + b$

- 01.00 4. باستعمال مركب دالتين ، أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  .

- 00.75 5. بين أن  $(1;-1)\Omega$  مركز تناضر  $(C_f)$  .

الجزء الثاني :

g دالة معرفة على المجال  $[-2; 3]$  بجدول تغيراتها و  $(C_g)$  منحناها البياني في معلم متعامد و متجانس .



- 00.75+00.75 1. عين إشارة كل من  $(x)$  و  $g'(x)$  .
- 00.75+00.75 2. أكتب معادلة المماسين  $(\Delta)$  و  $(\Gamma)$  عند النقطتين ذات فاصلتين 1 و -1 على الترتيب .
- 00.50 3. أنشئ  $(C_g)$  على ورق مليمترى .
- 01.00 4. شكل جدول تغيرات الدالة  $\varphi$  المعرفة على  $[-3; 3]$  بـ :  $\varphi(x) = g(|x|)$
- 00.25+00.50 5. إشرح كيفية رسم  $(C_\varphi)$  إنطلاقاً من  $(C_g)$  ثم أرسنه في نفس المعلم .

❖ التمرين 2 (06.50) ❖

الجزء الأول :

ليكن  $p$  كثير حدود معرف على  $\mathbb{R}$  بـ :  $p(x) = 3x^3 - 2x^2 - 19x + m$  حيث  $m$  وسيط حقيقي.

1. عين قيمة  $m$  حتى يكون 2- جذراً لـ  $p(x)$ .

$$m = -6 \quad . \quad \text{نضع فيما يلي}$$

2. أحسب  $p(3)$  ثم عين تحليلًا لـ  $p(x)$ .

3. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $p(\sqrt{x}) = 0$  ثم إستنتج حلول المعادلة  $p(x) = 0$ .

4. حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة  $p(x) \geq 0$  ثم إستنتاج إشارة العدد  $\frac{2\pi}{\cos(1)}$ .

الجزء الثاني :

ليكن  $x$  و  $y$  عدداً طبيعياً يتحققان :

$$\begin{cases} x - y = 1 \\ x^3 - y^3 = 61 \end{cases}$$

1. علماً أن  $(x - y)^3 = x^3 - 3x^2y + 3xy^2 - y^3$  . إستنتج قيمة الجداء  $x \times y$ .

2. أحسب قيمة  $x^2 + y^2$  دون حساب  $x$  و  $y$ .

❖ التمرين الثالث : (05.00 نقاط) ❖

يحتوي كيس على 8 كريات متماثلة مرقمة من 1 إلى 8 لا نفرق بينها عند اللمس ، نسحب من الكيس كريتين على التوالي دون إرجاع .

1. أنشئ مخططاً بيّن كل الحالات (شجرة) ثم إستنتج عدد الحالات الممكنة.

2. هل يوجد تساوي إحتمال؟ علل .

3. أحسب إحتمال كل حادثة حيث :

✓ الحادثة  $A$  : "الكريتان تحملان رقمان أوليان"

✓ الحادثة  $B$  : "الكريتان تحملان رقمان من مضاعفات 3 أو 5"

4. أحسب  $P(A \cap B)$  و  $P(\overline{A \cup B})$ .

سؤال BONUS (+01.50) :

جد كثير حدود  $\gamma$  يحقق الشروط التالية : \*  $\gamma$  كثير حدود من درجة فردية \*  $\gamma(1) = 0$  \*  $\gamma(2) = 6$