

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين:

الموضوع الأول

يحتوي الموضوع الأول على 05 صفحات (من الصفحة 1 من 10 إلى الصفحة 5 من 10)

الجزء الأول: (14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)

نهمل تأثير الهواء في كامل التمرين ، g : تسارع الجاذبية الأرضية

نابض من مهمل الكتلة، حلقاته غير متلاصقة، ثابت مرونته k . يثبت من إحدى نهايتيه في نقطة ثابتة A ويعمل في نهايته الحرة جسمًا صلبة (S) نعتبره نقطيا، كتلته $m = 100g$ (الشكل-1).

1-أ) مثل القوى المؤثرة على الجسم (S) في حالة التوازن.



الشكل - 1

ب) بين أن استطالة النابض x_0 في حالة التوازن تعطى بالعلاقة $x_0 = \frac{m \cdot g}{k}$.

2) انطلاقا من وضع التوازن الذي نعتبره مبدأ لقياس الفواصل، يسحب الجسم (S) شاقوليا نحو الأسفل بمسافة X_m في الاتجاه الموجب ويُترك دون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$.

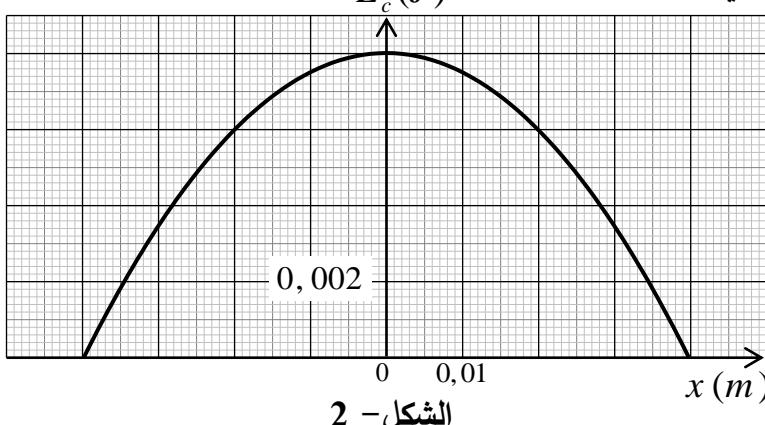
أ) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون أوجد المعادلة التفاضلية التي تتحققها فاصلة المتحرك $x(t)$.

ب) تحقق أن $x(t) = X_m \cdot \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t + \varphi\right)$ حل لالمعادلة التفاضلية السابقة.

3) سمحت دراسة تغيرات الطاقة الحركية E_c للجسم (S) بدلالة فاصلته x أثناء الاهتزاز

بالحصول على البيان $E_c(x)$ الموضح في الشكل-2.

$E_c(J)$



أ) جد عبارة الطاقة الحركية العظمى $E_{C_{\max}}$

بدلالة: X_m ، ω_0 و

$$\cdot \omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

حيث

ب) اعتمادا على البيان جد:

- السعة (الفاصلة الأعظمية) X_m .

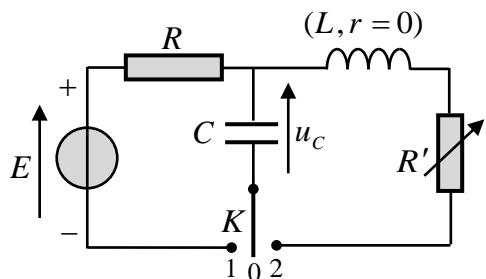
- الطاقة الحركية العظمى $E_{C_{\max}}$.

- نبض الحركة θ_0 ودورها الذاتي T_0 .
- ثابت المرونة k للنابض.
- 4) اكتب المعادلة الزمنية للحركة $x = f(t)$.

التمرين الثاني: (04 نقاط)

التجهيز المستخدم:

مولد توتر ثابت قوته المحركة الكهربائية $E = 5V$ ، جهاز راسم الاهتزاز ذو ذاكرة، مكثفة فارغة سعتها $C = 1\mu F$ ، وشيعة ذاتيتها L مقاومتها مهملة، ناقل أومي مقاومته R ، مقاومة متغيرة R' ، بادلة K ، أسلاك التوصيل.

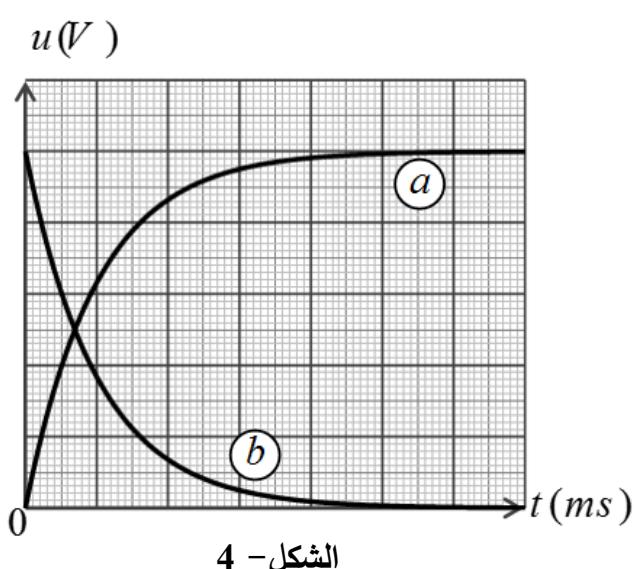


الشكل-3

لدراسة تأثير المقاومة على نمط الاهتزازات الكهربائية تم تحقيق التركيب التجاري (الشكل-3).

• التجربة الأولى:

قام فوج من التلاميذ بشحن المكثفة C بوضع البادلة K في الوضع (1) وضبط الحساسية الشاقولية لرسم الاهتزاز على $1V/div$ والمسح الأفقي على $10ms/div$ ظهر على شاشته المنحنيين (a) و (b) (الشكل-4).



الشكل - 4

1) بيان على الشكل-3 كيف تم ربط جهاز راسم

الاهتزاز لمتابعة تطور التوترين الكهربائيين $u_R(t)$

و $u_C(t)$ بين طرفي كل من الناقل الأومي والمكثفة.

2) انساب مع التعليل كل من المنحنيين (a) و (b)

لتطور التوتر الكهربائي الموفق.

3- أ) باستعمال المعادلة الزمنية للتوتر $u_C(t)$ ، حدد

عباراتي اللحظتين t_1 و t_2 الموقعتين لشحن المكثفة بنسبة

40% و 90% على الترتيب بدلالة ثابت الزمن للدارة τ .

ب) تأكد من أن $\tau = t_2 - t_1 \approx 1,79\tau$ ثم حدد

بيانيا قيمة كل من t_1 و t_2 وباستغلال العلاقة السابقة

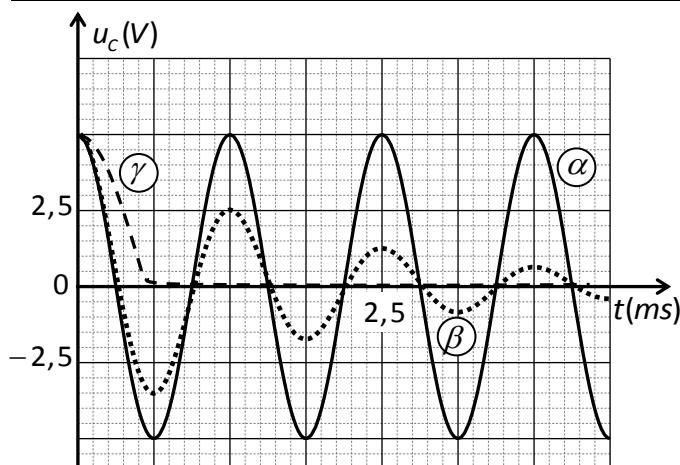
احسب قيمة τ واستنتج قيمة R .

• التجربة الثانية:

بعد شحن المكثفة تماماً وفي لحظة تعتبرها كمبأ لقياس الأزمنة $t = 0$ قام فوج آخر من التلاميذ بنقل البادلة K إلى الوضع (2) وتسجيل في كل مرة تغيرات التوتر الكهربائي $u_C(t)$ بين طرفي المكثفة من أجل عدة قيم لالمقاومة

معطاة في الجدول التالي:

$R'(\Omega)$	0	100	5000
--------------	---	-----	------



الشكل - 5

فتحصل الفوج على المنحنيات الموضحة في الشكل-5.

١) ما هو نمط الاهتزازات في كل حالة؟ علّل.

2) انسب كل بيان للمقاومة المناسبة.

من أجل (3)

أ) أوجد المعادلة التقاضية لتطور التوتر الكهربائي

$u_C(t)$ بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن.

ب) حل المعادلة التقاضية السابقة هو

$$. u_C(t) = A \cdot \cos Bt$$

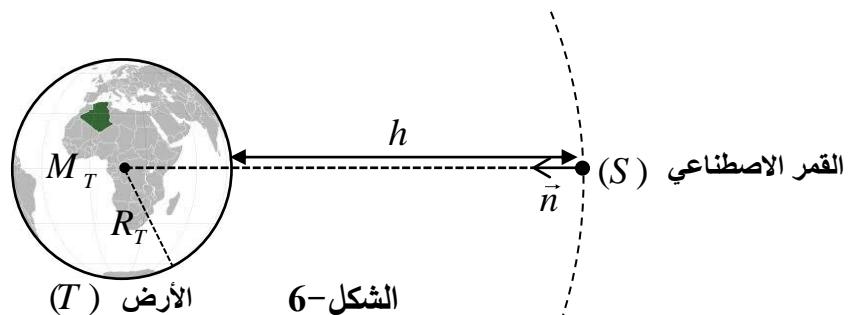
غير عن الثابتين A و B بدلالة مميزات الدارة.

ج) استنتاج قيمة الدور الذاتي T للاهتزازات واحسب قيمة الذاتية L للوشيعة.

التمرين الثالث: (٥٦ نقاط)

I- لمنافسة النظام الأمريكي في التموضع الدقيق *GPS* والتحرر منه، وضع الاتحاد الأوروبي نظامه الخاص المسمى *Galileo* المتكون من 30 قمراً اصطناعياً يرسم كل واحد منها مساراً يمكن اعتباره دائرياً حول الأرض على ارتفاع $h = 23616\text{ km}$ من سطحها.

تم دراسة حركة أحد هذه الأقمار الاصطناعية (L) في المرجع المركزي الأرضي (الجيو مركزي) والذي يمكن اعتباره غاليليا (الشكل-6).



الشكل-6 الأرض (T)

1) اكتب العبارة الشعاعية لقوة الجذب $\vec{F}_{T/S}$ التي تؤثر بها الأرض (T) على القمر الاصطناعي (S) بدلالة ثابت التجاذب الكوني G ، كتلة الأرض M_T ، كتلة القمر الاصطناعي m_S ، نصف قطر الأرض R_T والارتفاع h ومتلها

2- أ) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في المرجع المحدد، أوجد العبارة الحرفية للسرعة المدارية v للقمر (S)
دلالة: G , R_T , M_T ، و h ثم احسب قيمتها.

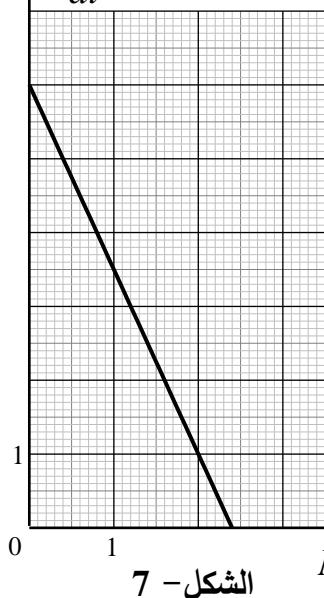
ب) اكتب العبارة الحرفية للدور T لحركة القمر الاصطناعي (S) بدلالة R_T ، h ، θ ثم احسب قيمة h .

ج) هل يمكن اعتبار هذا القمر جيو مستقرًا؟ يذر إجابتك.

$$\text{يعطى: } G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ SI, } R_T = 6371 \text{ km, } M_T = 5,972 \times 10^{24} \text{ kg}$$

II- تعتمد محركات التوجيه للأقمار الصناعية والمعدات الأخرى على بطاريات نووية تولد طاقة متحركة من جراء انبعاث جسيمات α من أنوية البلوتونيوم المشع $^{238}_{94}Pu$ ، ثابت التفكك له λ .

$$\frac{dN_d}{dt} \left(\times 10^{10} \text{ noyaux} \cdot s^{-1} \right)$$



الشكل - 7

1) اكتب معادلة التحول النووي المنمذجة لتفكك نواة البلوتونيوم 238 للحصول على نواة اليورانيوم $^{238}_{92}U$.

2) بين أن المعادلة التقاضلية التي تخضع لها عدد الأنوية المتفككة N_d للبلوتونيوم 238 هي من الشكل:

$$\frac{dN_d}{dt} = \lambda \cdot N_d \text{ حيث } N_0 \text{ هو عدد أنوية}$$

البلوتونيوم الابتدائية في العينة المشعة.

3) إذا كان حل هذه المعادلة التقاضلية من

$$N_d(t) = A \cdot e^{-\alpha t} + B$$

أوجد عبارة الثوابت: α ، B و A . ما المدلول الفيزيائي لكل من α و B ؟

$$4) \text{ نمثل } \frac{dN_d}{dt} = f(N_d) \text{ فنحصل على البيان (الشكل-7) .}$$

أ- باستغلال البيان استنتج قيمتي الثوابتين λ و N_0 .

ب- عرف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ للعينة المشعة واحسب قيمته.

$$5) \text{ تحتوي بطارية أحد الأقمار الصناعية على كتلة } m = 1,2 \text{ kg من } ^{238}_{94}Pu .$$

تُقدم هذه البطارия خلال مدة اشتغالها استطاعة كهربائية متوسطة مقدارها $P_e = 888 \text{ W}$ بمدد $r = 60\%$.

أ) احسب الطاقة الكلية الناتجة عن التفكك الكلي للكتلة m .

ب) استنتاج مدة اشتغال البطاريه.

يعطى: $m(^4_2He) = 4,00150 \text{ u}$ ، $m(^{238}_{92}Pu) = 238,04768 \text{ u}$ ، $1 \text{ MeV} = 1,6 \times 10^{-13} \text{ J}$ ، $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ، $1 \text{ u} = 931,5 \text{ MeV} / c^2$

الجزء الثاني: (06 نقاط)

التمرين التجاري: (06 نقاط)

I- نُحضر محلولاً مائياً (S) لحمض الايثانويك CH_3-COOH بإذابة كتلة $m = 0,60 \text{ g}$ من حمض الايثانويك النقي في حجم $V = 1,0 \text{ L}$ من الماء المقطر.

نقيس الناقليه النوعية σ للمحلول (S) في درجة الحرارة 25°C فنجد لها $\sigma = 1,64 \times 10^{-2} \text{ S} \cdot m^{-1}$.

أ) اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي الحادث بين حمض الايثانويك النقي والماء.

ب) هل التفاعل السابق تم بين: حمض وأسسه المرافق أو حمض لثنائية وأساس لثنائية أخرى؟

ج) احسب التركيز المولى C للمحلول (S).

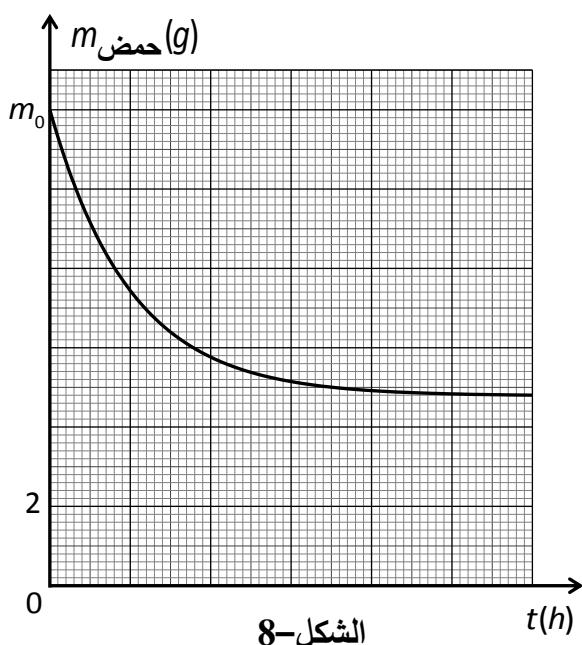
2- أ) قدم جدولًا لتقدم التفاعل الحادث في محلول (S).

ب) جُد عبارة التركيز المولي لشوارد الهيدرونيوم $[H_3O^+]$ في محلول (S) بدلالة σ والناقلتين الموليتين

الشارديتين $\lambda_{H_3O^+}$ و $\lambda_{CH_3COO^-}$

ج) استنتج قيمة الا pH للمحلول الحمضي (S).

3- أ) اكتب عبارة كسر التفاعل النهائي $Q_{t,f}$ للتفاعل الحادث في المحلول (S) وبين أنها تكتب على الشكل:



ب) احسب ثابت التوازن K للتفاعل السابق. ماذا تستنتج؟

II- حقق مزيجاً متساوياً المولات يتكون من n_0 (mol) من حمض الايثانويك النقي CH_3-COOH مع n_0 (mol) من كحول بنته المائية CH_3CH_2OH .

١) سُه التَّقَاعُلُ الْحَادِثُ فِي الْمَزَبِحِ وَذَكْرُ خَصائِصِهِ.

2) اكتب معادلة التفاعل الكيميائي الحادث.

(3) يمثل البيان (الشكل-8) تغيرات الكتلة m للحمض المتبقى أثناء التفاعل بدلالة الزمن t .

أ) حدد التركيب المولى للمزيج عند التوازن الكيميائي.

ب) احسب مردود التفاعل وحدّد من بين الصيغتين التاليتين:

صيغة الكحول المستخدم، مع التعليل. $CH_3-CHOH-CH_3$ ؛ $CH_3-CH_2-CH_2-OH$

ج) اكتب الصيغة نصف المنشورة للمركب العضوي الناتج واذكر اسمه.

4-أ) عند حدوث التوازن الكيميائي حيث ثابت التوازن للتفاعل السابق $K = 2,25$ ، نضيف $0,1\text{mol}$ من الماء إلى المزيج التفاعلي. اعتماداً على كسر التفاعل Q حدد جهة تطور حالة الجملة.

ب) حدد التركيب المولى للمزيج عند التوازن الكيميائي الجديد.

$$\text{المعطيات: } \lambda_{H_3O^+} = 35,0 \text{ mS} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1} \quad , \quad \lambda_{CH_3COO^-} = 4,1 \text{ mS} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$M(H) = 1 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} \quad , \quad M(O) = 16 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} \quad , \quad M(C) = 12 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

انتهٰى الموضع الأول

الموضوع الثاني

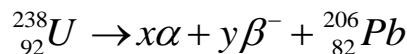
يحتوي الموضع الثاني على 05 صفحات (من الصفحة 6 من 10 إلى الصفحة 10 من 10)

الجزء الأول: (14 نقطة)

التمرين الأول: (04 نقاط)

لتقدير عمر بعض الصخور، يلجأ العلماء إلى طرائق وتقنيات مختلفة تعتمد أساساً على قانون التناقص الإشعاعي من بين هذه التقنيات تقنية التأريخ بواسطة اليورانيوم.

تلقائياً وفق سلسلة من التفككتان α و β^- والتي تتمزج بالمعادلة التالية:



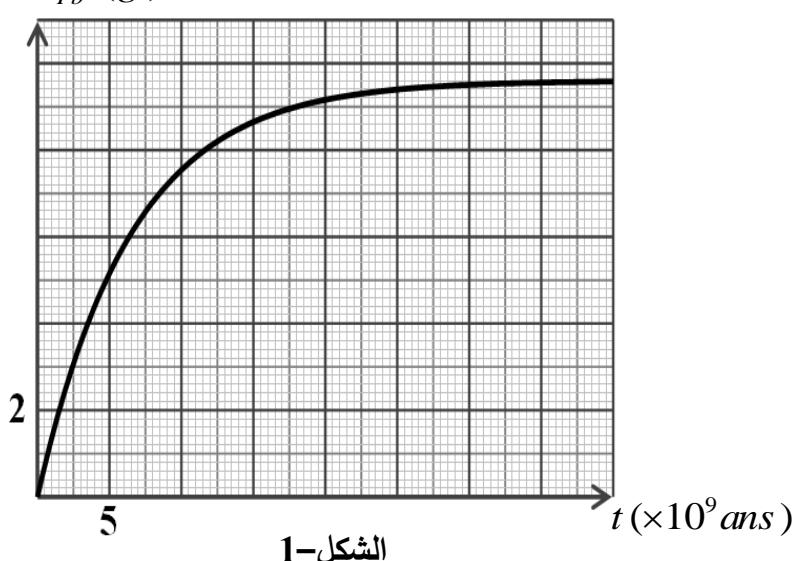
ما المقصود ب α و β ؟

ب) بتطبيق قانوني الانحفاظ، أوجد قيمتي العدددين x و y .

2) بفرض أن عينة صخريّة تحتوي على اليورانيوم U_{92}^{238} فقط لحظة تشكّلها ($t = 0$) التي نعتبرها لحظة بداية التاريخ وأن الرصاص Pb_{82}^{206} الموجود في العينة ناتج عن تفكّك اليورانيوم U_{92}^{238} فقط.

عند لحظة القياس t_m تكون النسبة المئوية الكتالية للرصاص 206 تساوي 31 % من الكتلة الابتدائية لليورانيوم U_{92}^{238}

- بتطبيق قانون التناقص الاشعاعي، أثبت أن كتلة الرصاص في العينة عند لحظة t



تعطى بالعلاقة:

$$m_{Pb}(t) = 0,866 \cdot m_U(0) \left(1 - e^{-\lambda t}\right)$$

حيث ثابت التفكك لليورانيوم 238 .

3) يُمثل البيان الموضح في الشكل -

تغيرات كتلة الرصاص المتشكل بدلاً

$$\cdot m_{Pb} = f(t)$$

اعتماداً على البيان جد:

أ) عدد أنوية اليورانيوم 238 الابتدائية

في العينة المدروسة $N_U(0)$

ب) زمن نصف العمر $t_{1/2}$ لليورانيوم 238.

ج) عيّن بيانياً عمر العينة، ثم تحقق حسابياً من النتيجة.

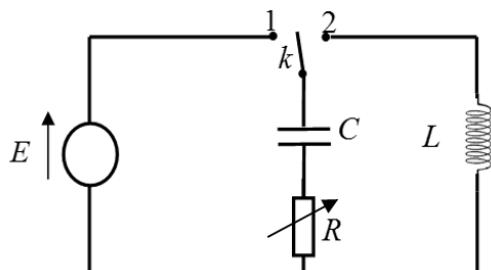
٤) فسر تواجد اليورانيوم U_{92}^{238} في القشرة الأرضية إلى يومنا هذا.

يعطى: عمر الأرض $N_A = 6,02 \times 10^{23} mol^{-1}$ ، عدد أفراد $t = 4,5 \times 10^9 ans$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

نحق التركيب التجاري الموضح في الشكل-2 والمكون من:

- مولد مثالي للتوتر الكهربائي، قوته المحركة الكهربائية E
- مكثفة فارغة سعتها C
- ناقل أولمي مقاومته R متغيرة.
- وشيعة ذاتيتها L ، مقاومتها مهملة.
- يادلة k



الشكل-2

1) نضع البادلة k في الوضع (1) في اللحظة $t = 0$ s.

أ) ماهي الظاهرة التي تحدث في الدارة؟

ب) وضح بأسمهم الاتجاه الاصطلاحي للتيار الكهربائي المار في الدارة واتجاه التوترين U_R ، U_C .

2- أ) بتطبيق قانون جمع التوترات، اكتب المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة (t_C)

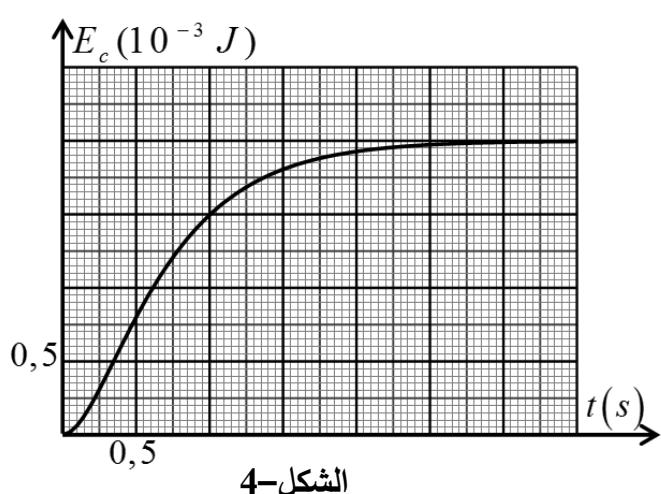
ب) تقبل المعادلة التفاضلية السابقة حلا من الشكل :

حيث: α ، A ، B مقادير ثابتة يطلب تحديد عباراتها بدلالة المقادير المميزة للدارة.

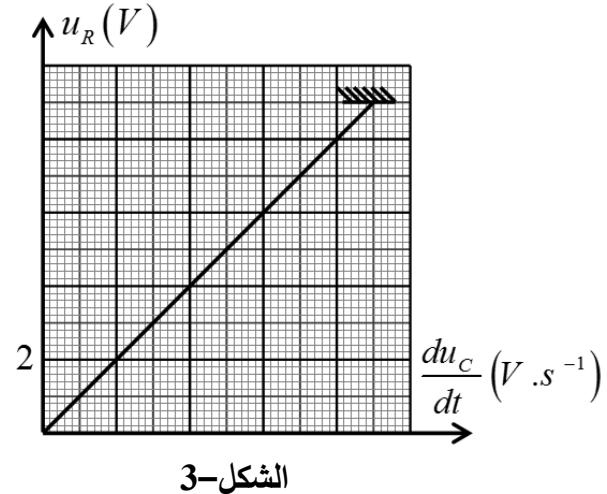
ج) باستعمال التحليل البعدي، أوجد وحدة قياس المقدار α في جملة الوحدات الدولية.

(3) مكنت برمجية خاصة من رسم بياني العلاقةين: $E_C = g(t)$ و $u_R = f\left(\frac{du_c}{dt}\right)$ الممثلين على الترتيب في

الشكلين (3) و (4). تمثل الطاقة المخزنة في المكثفة عند اللحظة t



الشكل-4



الشكل-3

باستغلال البيانات أوجد:

أ) ثابت الزمن للدارة ٢.

ب) القوة المُحرّكة الكهربائية للمولد E .

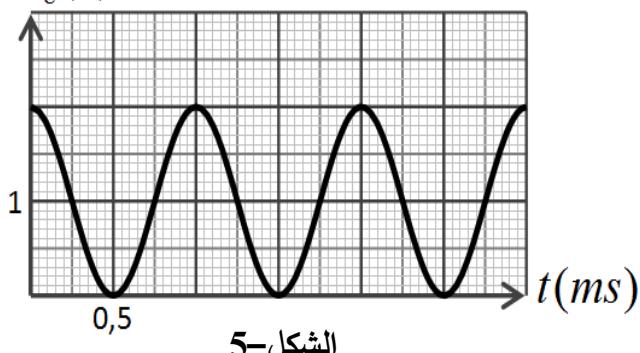
.C) سـعة المـكـثـفة .

.D) مقـاومـة النـاقـل الأـوـمي R .

4) بعد إتمـام شـحن المـكـثـفة، نـجـعـلـ مقـاومـة النـاقـل الأـوـمي (R = 0) وـنـضـعـ الـبـادـلـةـ فيـ الـوـضـعـ (2) عـنـدـ .t = 0 s اللـحظـةـ .

أ) اـكـتـبـ المـعـادـلـةـ التـفـاضـلـيـةـ التـيـ يـحـقـقـهـاـ التـوـتـرـ الـكـهـرـيـائـيـ (t) u_C بـيـنـ طـرـفـيـ المـكـثـفةـ .

$$E_C (J) \times 10^{-3}$$



$$b) بـيـنـ أـنـ: u_C (t) = A \cos\left(\frac{1}{\sqrt{LC}}t\right) حـلـ لـلـمـعـادـلـةـ$$

التـفـاضـلـيـةـ السـابـقـةـ ثـمـ حـدـدـ عـبـارـةـ كـلـ مـنـ الدـورـ الذـاتـيـ

لـلـاهـتزـازـاتـ (T₀) وـالـعـدـدـ A بـدـلـالـةـ الـمـقـادـيرـ الـمـمـيـزةـ لـلـدـارـةـ

جـ) يـمـثـلـ الـبـيـانـ الـمـوـضـحـ فـيـ الشـكـلـ5ـ تـغـيـرـاتـ الطـاقـةـ

الـمـخـزـنـةـ فـيـ المـكـثـفةـ E_C (t) بـدـلـالـةـ الزـمـنـ .

بـاسـتـعـمـالـ الـبـيـانـ اـسـتـنـجـ قـيـمـةـ:

- الدـورـ الذـاتـيـ (T₀) لـلـاهـتزـازـاتـ .

- ذاتـيـةـ الـوـشـيـعـةـ (L) .

الـتـمـرـينـ الثـالـثـ: (06ـ نـقـاطـ)

الـيـورـياـ أوـ الـبـولـةـ CO(NH₂)₂ـ هـيـ مـنـ الـمـلـوـثـاتـ،ـ تـوـاجـدـ فـيـ فـضـلـاتـ الـكـائـنـاتـ الـحـيـةـ وـتـفـكـكـ ذاتـيـاـ وـفـقـ تـفـاعـلـ

بـطـيـءـ وـتـامـ يـنـتـجـ عـنـهـ شـوـارـدـ الـأـمـونـيـومـ NH₄⁺ـ وـشـوـارـدـ الـسـيـانـاتـ CNO⁻ـ وـفـقـ مـعـادـلـةـ التـفـاعـلـ التـالـيـةـ:



I- لـمـتـابـعـةـ تـطـورـ هـذـاـ التـحـولـ تـحـضـرـ حـجـمـ V = 100mLـ مـنـ مـحـلـولـ الـيـورـياـ تـرـكـيـزـ c = 2,0.10⁻² mol.L⁻¹ـ

وـنـضـعـهـ فـيـ حـمـامـ مـائـيـ درـجـةـ حرـارـتـهـ 50°Cـ ثـمـ نـقـيـسـ النـاقـلـيـةـ النـوـعـيـةـ لـلـمـحـلـولـ عـنـ أـزـمـنـةـ مـخـتـلـفةـ (ـنـهـمـلـ تـأـثـيرـ

ـشـوـارـدـ H₃O⁺ـ وـO⁻ـ فـيـ نـاقـلـيـةـ الـمـحـلـولـ)ـ .

1) أـنـشـيـ جـدـولـاـ لـقـدـمـ التـفـاعـلـ الـحـاـصـلـ ثـمـ حـدـدـ قـيـمـةـ التـقـدـمـ الـأـعـظـمـيـ x_{max}ـ لـلـتـفـاعـلـ .

2) اـكـتـبـ عـبـارـةـ تـرـكـيـزـ شـوـارـدـ الـأـمـونـيـومـ NH₄⁺ـ بـدـلـالـةـ النـاقـلـيـةـ النـوـعـيـةـ σـ لـلـمـحـلـولـ وـالـنـاقـلـيـاتـ الـمـوـلـيـةـ الـشـارـدـيـةـ .

3) اـكـتـبـ الـعـلـاقـةـ بـيـنـ تـرـكـيـزـ شـوـارـدـ NH₄⁺ـ فـيـ الـمـحـلـولـ وـتـقـدـمـ التـفـاعـلـ xـ وـحـجـمـ الـمـحـلـولـ Vـ .

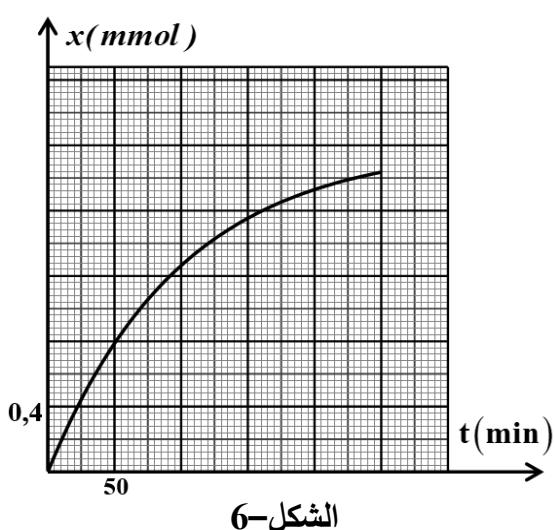
4) اـسـتـنـجـ الـعـلـاقـةـ بـيـنـ النـاقـلـيـةـ النـوـعـيـةـ σـ وـتـقـدـمـ التـفـاعـلـ xـ

ـوـاحـسـبـ قـيـمـةـ النـاقـلـيـةـ الـعـظـمـيـ σ_{max}ـ عـنـ نـهـاـيـةـ التـفـاعـلـ .

5) أـثـبـتـ أـنـ تـقـدـمـ التـفـاعـلـ فـيـ الـلـحظـةـ tـ يـعـطـيـ بـالـعـلـاقـةـ:

$$x(t) = x_{\max} \frac{\sigma(t)}{\sigma_{\max}}$$

6) يمثل الشكل-6 منحنى تطور تقدم التفاعل بدلالة الزمن.



أ) اكتب عبارة السرعة الحجمية للتفاعل ثم

بین اعتمادا على المنحنی كيفية تطورها مع الزمن.

ب) عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ، ثم حدد قيمته بيانيا.

7) احسب تركيز شوارد NH_4^+ المتشكلة عند نهاية التفاعل.

II- للتحقق من تركيز شوارد الامونيوم NH_4^+ المتشكلة عند

نهاية التفاعل السابق، نعایر حجم $V = 10mL$ من

المحلول السابق بواسطة محلول هيدروكسيد الصوديوم

تركيز المولي $C_b = 1.10^{-2} mol.L^{-1}$ فيحدث التكافؤ

عند إضافة حجم قدره V_{bE} = 20 mL

١) أذكر البرتوكول التجاري المناسب لهذا التفاعل مدعماً إجابتك برسم تخطيطي.

2) اكتب معادلة تفاعل الممنجة لتحول المعايرة.

3) احسب تركيز شوارد الامونيوم في محلول.

4) قارن قيمتها مع المحسوبة سابقا في السؤال (I-7).

يعطى: عند الدرجة 50^0C $\lambda_{CNO^-} = 9,69 \text{ mS.m}^2.\text{mol}^{-1}$ و $\lambda_{NH_4^+} = 11,01 \text{ mS.m}^2.\text{mol}^{-1}$

الجزء الثاني (٦٠ نقاط):

التمرين التجربى (06 نقاط):

نهمل في كامل التمرن تأثير الهواء

$$g = 9,81 \text{ m/s}^2$$

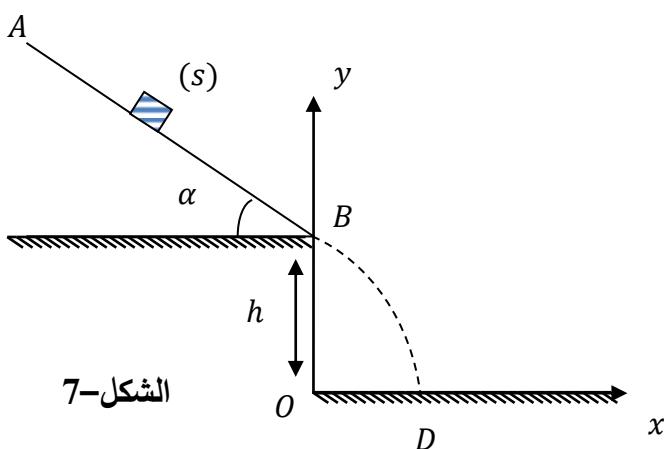
قصد دراسة تأثير قوة الاحتكاك على طبيعة حركة جسم

صلب (S) كتلته m ، نتركه من نقطة A أعلى

مستوي مائل، زاوية ميله α وطوله $AB = 1m$ دون

سرعة ابتدائية ليتحرك وفق خط الميل الأعظم باتجاه

النقطة B . (الشكل 7-)



I. الدراسة التجريبية:

نغير في كل مرة من شدة قوة الاحتكاك f بتغيير الورق الكاشط الذي ينزلق عليه الحسم،

فحصلنا على النتائج التالية:

$f(N)$	0,5	1,0	1,5	2,0
$a(m / s^2)$	3,9	2,9	1,9	0,9

1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون، أوجد عبارة a تسارع مركز عطالة الجسم (S).

2) أرسم البيان الممثّل للتغييرات a تسارع مركز عطالة الجسم (S) بدلالة شدة قوة الاحتكاك f .

$$1\text{cm} \rightarrow 0,5\text{m} / \text{s}^2 \quad , \quad 1\text{cm} \rightarrow 0,25\text{N} : \text{ي اختيار السلم}$$

3) أوجد قيمة زاوية الميل α وكتلة الجسم m .

4) مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم (S)) بين الموضعين A و B .

5) بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم (S)):

أ) أوجد عبارة شدة قوة الاحتكاك f وأحسب قيمتها من أجل $v_B = 2,19 \text{ m/s}$

ب) تأكّد بيّانياً من قيمة f السابقة.

II. يغادر الجسم (S) النقطة B ليسقط على الأرض عند

النقطة D ، انظر الشكل-7.

يمثل الشكل-8 بيانيًّا تغيرات مركبتي شعاع السرعة v_x و v_y

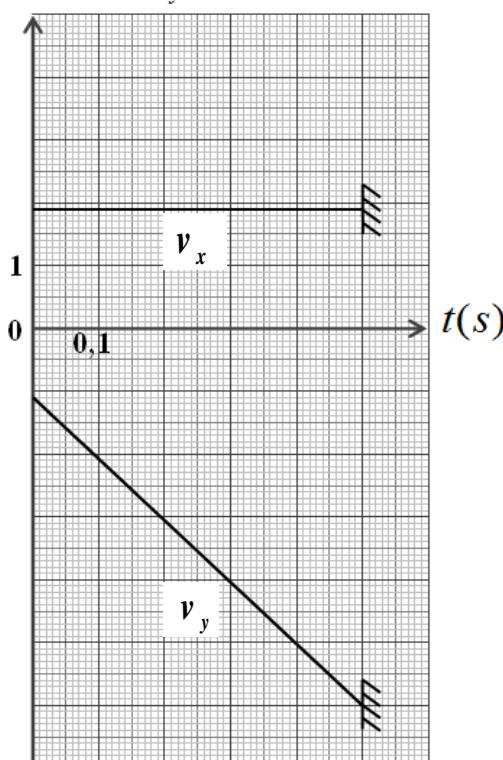
في المعلم (ox, oy) بدلالة الزمن.

اعتمادا على البيانين:

1) حدد طبيعة حركة الحس (S) في المعلم (ρ_x, ρ_y) .

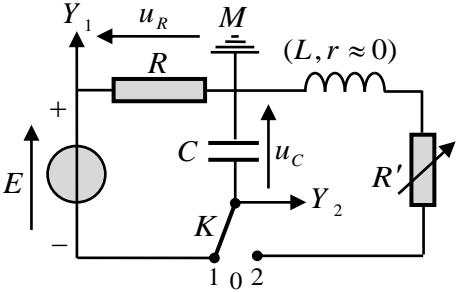
2) أوحد قيمة كا من الارتفاع h والمدى x_D .

3) أوحد قيمة سرعة الحس (S) عند النقطة D.



الشكل-8

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	جزء الأول (13 نقطة) التمرين الأول: (04 نقاط)
0,25	<p>أ) تمثيل القوى:</p> <p>ب- عبارة x_0:</p> <p>الجملة المدرosa هي الجسم (S) والقوى المطبقة هي:</p> <p>- قوة ثقل الجسم \vec{P} ، قوة توتر النابض \vec{T}_0.</p> $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{P} + \vec{T}_0 = \vec{0}$ $P - T_0 = 0 \rightarrow mg - kx_0 = 0 \rightarrow x_0 = \frac{m \cdot g}{k}$
0,25	<p>(2) أ- المعادلة التقاضية: بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على الجملة جسم (S) في المرجع السطحي الأرضي المعتبر غاليليا</p> $\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}$ $\vec{P} + \vec{T} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow p - T = m \cdot a$ $mg - k(x + x_0) = m \cdot a \Rightarrow mg - x_0 - kx = m \cdot a$ $mg - x_0 = 0 \rightarrow -k \cdot x = m \cdot a \Rightarrow \frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{k}{m} x = 0$ $\frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{k}{m} \cdot x = 0 \dots \dots \dots (1)$
0,25	<p>ب- إثبات أن العبارة $x(t) = X_m \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t + \varphi\right)$ هي حل للمعادلة التقاضية:</p> $a = \ddot{x} = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2 x}{dt^2} = -X_m \left(\sqrt{\frac{k}{m}}\right)^2 \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} t + \varphi\right) \dots \dots \dots (4)$
0,25	<p>وبالتعويض في عبارة المعادلة التقاضية (1) نجد:</p> $-X_m \cdot \left(\sqrt{\frac{k}{m}}\right)^2 \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t + \varphi\right) + \frac{k}{m} \cdot X_m \cos\left(\sqrt{\frac{k}{m}} \cdot t + \varphi\right) = 0$

العلامة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	جزء
	<p>(3) أ- برهنة عبارة الطاقة الحركية الأعظمية:</p> $E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2, \quad v = -X_m \cdot \omega_0 \cdot \sin(\omega_0 t + \varphi)$ $v_m = \pm X_m \cdot \omega_0 \Rightarrow (E_c)_{\max} = \frac{1}{2} m \cdot \omega_0^2 \cdot X_m^2$ <p>ب- تحديد قيم الثوابت: من البيان نجد: - المطال الأعظمي: $X_m = 4\text{cm}$ - الطاقة الحركية العظمى: $(E_c)_{\max} = 0,008\text{J}$ - نبض الحركة $\omega_0 = \sqrt{\frac{2 \cdot (E_c)_{\max}}{m \cdot X_m^2}} = \sqrt{\frac{8 \times 10^{-3} \times 2}{0,1 \times 16 \times 10^{-4}}} = 10\text{rd/s}$ - قيمة الدور الذاتي $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2\pi}{10} = 0,628\text{s}$: T_0 - قيمة ثابت المرونة k : من العبارة $k = m \cdot \omega_0^2 = 0,1 \times 100 = 10\text{N/m}$</p>
1,5	<p>(4) المعادلة الزمنية للحركة:</p> <p>لدينا: $X_m = 4\text{cm}$ ، $\omega_0 = 10\text{rd/s}$</p> <p>الشروط الابتدائية $x(t) = 0,04 \cos(10t)$ و منه: $t = 0, x = X_m \Rightarrow \cos \varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0$</p>
0,5	<p>التمرين الثاني: (04 نقاط)</p> <p>التجربة الأولى:</p> <p>(1) كيفية ربط جهاز راسم الاهتزاز: لاحظ الشكل ملاحظة: تقلب إشارة المدخل Y_2.</p> 
0,25	<p>(2) المنحني (a) يوافق تطور التوتر $u_C(t)$.</p> <p>التعليق: في اللحظة $t = 0$، حيث $u_R(0) = E$، حيث $u_C(0) = 0$ يكون: $E = u_R + u_C$</p> <p>و حسب قانون جمع التوترات: $u_C(0) = 0$ يكون: $E = u_R + u_C$</p> <p>المنحني (b) يواافق تطور التوتر $u_R(t)$.</p> <p>التعليق: في اللحظة $t = 0$، حيث $u_R(0) = (u_R)_{\max} = E$، حيث $u_R(t) = R \cdot i(t)$ فإن $i(0) = I_0$ و حسب العلاقة $i = I_0$، فإن $u_R(t) = R \cdot I_0$ (قبل كل الإجابات الصحيحة الأخرى).</p>

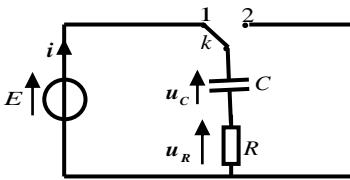
العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة	
1		<p>(أ) عبارتي t_1 و t_2 : $u_C(t) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ من معادلة البيان (a) :</p> $t_1 = -\tau \cdot \ln 0,6 \quad t_1 \longrightarrow u_C(t_1) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t_1}{\tau}}) = 0,40E$ $t_2 = -\tau \cdot \ln 0,1 \quad t_2 \longrightarrow u_C(t_2) = E \cdot (1 - e^{-\frac{t_2}{\tau}}) = 0,90E$ <p>بـ التحقق من أن $\tau = t_2 - t_1 \approx 1,79\tau$ وحساب قيمة τ واستنتاج قيمة R :</p> $\Delta t = \tau (\ln 0,6 - \ln 0,1) = 1,79\tau$ <p>من عبارتي t_1 و t_2 السابقتين نجد: $\Delta t = \tau$</p> $t_2 = 23ms \quad t_1 = 5ms$ <p>و منه: $\tau = 10ms$ (تقبل الإجابة بتوظيف العبارة Δt فقط).</p> <p>قيمة R : بالتعريف $R = \frac{\tau}{C}$ و منه:</p>
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
0,75		<p><u>التجربة الثانية:</u></p> <p>(أ) نمط الاهتزازات في كل حالة:</p> <ul style="list-style-type: none"> * المنحنى (α): اهتزازات حرة غير متاخمة (نظام دوري). التعليق: سعة الاهتزاز ثابتة (لا يوجد ضياع في طاقة الجملة). * المنحنى (β): اهتزازات حرة متاخمة (نظام شبه دوري). التعليق: سعة الاهتزاز تتناقص خلال الزمن (يوجد ضياع في طاقة الجملة في مقاومة الدارة بمفعول جول). * المنحنى (γ): نظام لا دوري حرج. التعليق: لا توجد اهتزازات .
	0,25	
	0,25	
	0,25	
	0,25	
0,25		<p>(أ) البيان المافق لكل مقاومة: اعتمادا على ما سبق يوافق:</p> <ul style="list-style-type: none"> * المنحنى (α): المقاومة $R' = 0$. * المنحنى (β): المقاومة $R' = 100\Omega$. * المنحنى (γ): المقاومة $R' = 5000\Omega$.
	0,25	
	0,25	
01,25		<p>(أ) المعادلة التفاضلية لتطور التوتر (t) u_C من أجل $R' = 0$:</p> $u_C(t) + u_L(t) = 0 \quad (LC)$ <p>تطبيق قانون تجميع التوترات في الدارة المهتزة (LC) :</p> $u_L(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{d^2q(t)}{dt^2} = LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2}$ <p>لـ $u_L(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{d^2q(t)}{dt^2} = LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2}$</p> $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C(t) = 0 \quad \text{أو} \quad u_C(t) + LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = 0$ <p>و منه:</p>
	0,25	

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
مجموع	جزء	
0,5	0,25	$(2) \text{ المعادلة التقاضية بعدد الأنوية المتفككة } N_d : N_d = N_0 - N_d(t) \text{ مع } A(t) = -\frac{dN_d(t)}{dt} = -\lambda \cdot N_d(t)$ <p>من قانون التناقص: $N(t) = N_0 - N_d(t)$ مع $A(t) = -\frac{dN(t)}{dt} = -\lambda \cdot N(t)$</p> <p>وبالتعويض في العبارة السابقة نجد:</p> $\frac{d(N_0 - N_d(t))}{dt} + \lambda \cdot (N_0 - N_d(t)) = 0 \rightarrow \frac{dN_d(t)}{dt} + \lambda \cdot N_d(t) = \lambda \cdot N_0$
	0,25	$(3) \text{ ايجاد عبارة الثوابت } A \text{ و } B : B = -A = N_0$ <p>وبالتعويض في المعادلة التقاضية نجد:</p> $\frac{dN_d(t)}{dt} = -\alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha t} \text{ و } N_d(t) = A \cdot e^{-\alpha t} + B$ $-\alpha \cdot A \cdot e^{-\alpha t} + \lambda(A \cdot e^{-\alpha t} + B) = \lambda \cdot N_0 \Rightarrow A \cdot e^{-\alpha t}(\lambda - \alpha) + \lambda(B - N_0) = 0$ <p>ومنه: $\alpha = \lambda$ (ثابت النشاط الإشعاعي) : $B = -A = N_0$ (عدد الأنوية الابتدائية)</p>
0,75	0,25	$(4) \text{ أ- المعادلة البيانية: (1) } \frac{dN_d(t)}{dt} = a \cdot N_d + b \dots \dots \dots$ <p>من عبارة المعادلة التقاضية لدينا: $(2) \frac{dN_d(t)}{dt} = -\lambda \cdot N_d + \lambda N_0 \dots \dots \dots$</p> <p>من (1) و (2) نجد:</p> $\begin{cases} a = -\lambda = \tan \alpha = \frac{-6 \times 10^{10}}{2,4 \times 10^{20}} = -2,5 \times 10^{-10} \text{ s}^{-1} \rightarrow \lambda = 2,5 \times 10^{-10} \text{ s}^{-1} \\ b = \lambda \cdot N_0 = 6 \times 10^{10} \Rightarrow N_0 = \frac{b}{\lambda} = \frac{6 \times 10^{10}}{2,5 \times 10^{-10}} = 2,4 \times 10^{20} \text{ noyaux} \end{cases}$
	0,25	<p>ب- زمن نصف العمر : $t_{1/2}$</p> <p>التعريف: المدة الزمنية اللازمة لتفكك نصف عدد الأنوية الابتدائية المشعة.</p> <p>حساب: $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0.69}{2,5 \times 10^{-10}} = 2,76 \times 10^9 \text{ s} = 87,52 \text{ ans}$: $t_{1/2}$</p>
	0,25	$(5) \text{ أ- حساب الطاقة الكلية الناتجة عن التفكك الكلي للكتلة } m : m = (m(Pu) - m(U) - m(He))C^2$ <p>الطاقة المحررة من تفكك نواة واحدة: $E_0 = 4,87 \text{ MeV} = 7,8 \times 10^{-13} \text{ J}$</p> <p>لدينا: $E_T = N_0 \cdot E_0 = \frac{m \cdot N_A}{M} \cdot E_0 = \frac{1,2 \times 10^3 \times 6,023 \times 10^{23}}{238} \times 7,8 \times 10^{-13} = 2,37 \times 10^{12} \text{ J}$</p>
	0,25	<p>ب- تحديد مدة اشتغال البطارية:</p> <p>من عبارة الاستطاعة $P_T = \frac{P_e}{r} = \frac{888}{0,6} = 1480 \text{ W}$</p> <p>من عبارة المردود $\Delta t = \frac{E_T}{P_T} = \frac{2,37 \times 10^{12}}{1480} = 1,6 \times 10^9 \text{ s} = 50,7 \text{ ans}$</p>
01	0,25	

العلامة	مجموع	جزء	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)																										
			التمرين التجاري: (06 نقاط)																										
0,75	0,25		$CH_3CO_2H(\ell) + H_2O(\ell) = CH_3CO_2^-(aq) + H_3O^+(aq)$																										
	0,25		(I) أ- معادلة التفاعل: ب- التفاعل السابق تم بين: حمض ثنائية وأساس ثنائية أخرى.																										
	0,25		ج- التركيز المولى c للمحلول (S) : بالتعريف: $c = \frac{n_0}{V} = \frac{m}{M \cdot V} = 10^{-2} mol \cdot L^{-1}$																										
			أ- جدول تقدم التفاعل:																										
	0,25		<table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="2">م. التفاعل</th> <th colspan="3">كميات المادة (mol)</th> <th rowspan="4">بوفرة</th> </tr> <tr> <th>الحالة</th> <th>$x (mol)$ التقدم</th> <th colspan="3">$n (mol)$</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>الابتدائية</td> <td>0</td> <td>n_0</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>الانتقالية</td> <td>x</td> <td>$n_0 - x$</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>النهائية</td> <td>x_f</td> <td>$n_0 - x_f$</td> <td>x_f</td> <td>x_f</td> </tr> </tbody> </table>	م. التفاعل		كميات المادة (mol)			بوفرة	الحالة	$x (mol)$ التقدم	$n (mol)$			الابتدائية	0	n_0	0	0	الانتقالية	x	$n_0 - x$	x	x	النهائية	x_f	$n_0 - x_f$	x_f	x_f
م. التفاعل		كميات المادة (mol)			بوفرة																								
الحالة	$x (mol)$ التقدم	$n (mol)$																											
الابتدائية	0	n_0	0	0																									
الانتقالية	x	$n_0 - x$	x	x																									
النهائية	x_f	$n_0 - x_f$	x_f	x_f																									
1,25	0,25		ب- عبارة $\sigma = \lambda_{CH_3CO_2^-} + \lambda_{H_3O^+}$ بدلالة σ و $\lambda_{H_3O^+}$ و $\lambda_{CH_3CO_2^-}$: بالتعريف: $\sigma = \sum \lambda_{X_i} \cdot [X_i] = \lambda_{H_3O^+} \cdot [H_3O^+] + \lambda_{CH_3CO_2^-} \cdot [CH_3CO_2^-]$																										
	0,25		من الجدول: $[H_3O^+]_f = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_3CO_2^-}}$ و منه: $\frac{x_f}{V} = [H_3O^+]_f = [CH_3CO_2^-]_f$																										
	0,25		ج- استنتاج قيمة pH للمحلول الحمضي (S) : بالتعريف: $pH = -\log [H_3O^+] = -\log \left(\frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{CH_3CO_2^-}} \right)$																										
	0,25		و منه: $pH = -\log \left(\frac{1,64 \times 10^{-2}}{(35,0 + 4,1) \times 10^{-3} \times 10^3} \right) = 3,4$																										
			أ- عبارة كسر التفاعل النهائي $Q_{r,f}$ للتفاعل الحادث في المحلول (S) :																										
	0,25		بالتعريف: $Q_{r,f} = \frac{[H_3O^+]_f \cdot [CH_3CO_2^-]_f}{[CH_3CO_2H]_f}$																										
1,25	0,25		إثبات أن: $Q_{r,f} = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$																										
	0,25		من جدول التقدم لدينا: $[CH_3CO_2H]_f = C - [H_3O^+]_f$ و $[H_3O^+]_f = [CH_3CO_2^-]_f$																										
	0,25		و منه: $Q_{r,f} = \frac{[H_3O^+]_f^2}{C - [H_3O^+]_f} = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$																										
	0,25		ب- ثابت التوازن K للتفاعل: بالتعريف: $K = Q_{r,f} = \frac{10^{-2pH}}{C - 10^{-pH}}$																										
	0,25		و منه: $K = \frac{10^{-2 \times 3,4}}{10^{-2} - 10^{-3,4}} = 1,65 \times 10^{-5}$ الاستنتاج: التفاعل غير تام $(K < 10^4)$																										

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الأول)														
مجموع	جزء															
0,5	0,25 0,25	(II)) التحول الحادث في المزيج: تحول أسترة. خصائصه: غير تام (محدود أو عكوس) ، لا حراري ، بطيء.														
0,25	0,25	(2) معادلة التفاعل الممنذج للتحول الحادث: $CH_3CO_2H(\ell) + C_3H_7OH(\ell) \rightarrow CH_3CO_2C_3H_7(\ell) + H_2O(\ell)$														
01	0,25 0,25 0,25 0,25	(3) أ- التركيب المولي للمزيج في حالة التوازن الكيميائي: <table border="1"> <thead> <tr> <th>النوع الكيميائي</th> <th>CH_3CO_2H</th> <th>C_3H_7OH</th> <th>$CH_3CO_2C_3H_7$</th> <th>H_2O</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>كمية المادة (ح. التوازن)</td> <td>0,08</td> <td>0,08</td> <td>0,12</td> <td>0,12</td> </tr> </tbody> </table> ب- المردود : $r = \frac{n_f(CH_3CO_2C_3H_7)}{n_0(CH_3CO_2H)} \times 100 = 60\%$ و منه صيغة الكحول $CH_3-CHOH-CH_3$ هي C_3H_7-OH ج- الصيغة نصف المنشورة للمركب الناتج واسمها: $CH_3CO_2CH(CH_3)_2$ إيثانوات 1- ميثيل الإيثيل.					النوع الكيميائي	CH_3CO_2H	C_3H_7OH	$CH_3CO_2C_3H_7$	H_2O	كمية المادة (ح. التوازن)	0,08	0,08	0,12	0,12
النوع الكيميائي	CH_3CO_2H	C_3H_7OH	$CH_3CO_2C_3H_7$	H_2O												
كمية المادة (ح. التوازن)	0,08	0,08	0,12	0,12												
01	0,25 0,25 0,25 0,25	(4) أ- جهة تطور الجملة: بعد إضافة $0,1mol$ من الماء يصبح: $Q_{r,i} = \frac{[CH_3CO_2CH(CH_3)_2]_i \cdot [H_2O]_i}{[CH_3CO_2H]_i \cdot [(CH_3)_2CHOH]_i}$ $Q_{r,i} = \frac{0,12 \times 0,22}{0,08 \times 0,08} = 4,125$ و منه $Q_{r,i} > K$ و منه: حالة الجملة تتطور باتجاه التفاعل غير المباشر. (قبل الإجابة: تتطور جهة تشكيل الحمض والكحول). ب- التركيب المولي عند التوازن الجديد: $K = 2,25 = \frac{(0,12 - x_f) \times (0,22 - x_f)}{(0,08 + x_f)^2}$ $1,25x_f^2 - 0,7x_f - 0,012 = 0 \Rightarrow x_f = 0,0168mol \approx 0,017mol$ و منه: $x_f = 0,0168mol \approx 0,017mol$														
	0,25	إدن: <table border="1"> <thead> <tr> <th>النوع الكيميائي</th> <th>CH_3CO_2H</th> <th>C_3H_7OH</th> <th>$CH_3CO_2C_3H_7$</th> <th>H_2O</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>كمية المادة (ح. التوازن الجديد)</td> <td>0,097</td> <td>0,097</td> <td>0,103</td> <td>0,203</td> </tr> </tbody> </table>					النوع الكيميائي	CH_3CO_2H	C_3H_7OH	$CH_3CO_2C_3H_7$	H_2O	كمية المادة (ح. التوازن الجديد)	0,097	0,097	0,103	0,203
النوع الكيميائي	CH_3CO_2H	C_3H_7OH	$CH_3CO_2C_3H_7$	H_2O												
كمية المادة (ح. التوازن الجديد)	0,097	0,097	0,103	0,203												

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	جزء
0,75	<p>الجزء الأول (14 نقطة): التمرين الأول (04 نقاط):</p> <p>1-أ- α: نواة الهيليوم و β^-: الكترون. ب- ايجاد العدددين a و b: $\begin{cases} \sum A_i = \sum A_f \\ \sum Z_i = \sum Z_f \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 238 = 4a + 206 \\ 92 = 2a - b + 82 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 8 \\ b = 6 \end{cases}$ حسب قانوني صودي:</p>
0,75	<p>2- أثبات العلاقة ..</p> $N_{Pb}(t) = N'_U(t) = N_U(0) - N_U(0) \cdot e^{-\lambda t} = N_U(0)(1 - e^{-\lambda t})$ $\frac{m_{Pb}(t) \cdot N_A}{M_{Pb}} = \frac{m_U(0) \cdot N_A}{M_U}(1 - e^{-\lambda t})$ $m_{Pb}(t) = \frac{M_{Pb}}{M_U} m_U(0)(1 - e^{-\lambda t}) = 0,866 \cdot m_U(0)(1 - e^{-\lambda t})$
2,25	<p>3- ايجاد: $N_U(0)$ في العينة : من البيان نجد</p> $m_f(Pb) = 9,7 \text{ g}$ $N_0(U) = N_f(Pb) = \frac{m_f(Pb) \cdot N_A}{M_{Pb}} = \frac{9,7 \times 6,02 \times 10^{23}}{206} = 2,83 \times 10^{22} \text{ Noy}$ <p>ومنه زمن نصف العمر: لدينا</p> $N_U\left(t_{\frac{1}{2}}\right) = \frac{N_U(0)}{2} \Rightarrow N_{Pb}\left(t_{\frac{1}{2}}\right) = \frac{N_f(Pb)}{2} \Rightarrow m_{Pb}\left(t_{\frac{1}{2}}\right) = \frac{m_f(Pb)}{2} = 4,85 \text{ g}$ <p>بالاسقاط نجد: $t_{\frac{1}{2}}(U) = 4,5 \times 10^9 \text{ ans}$</p> <p>ج- عمر العينة الصخرية :</p> $m_{Pb}(t) = 0,103 m_U(0) = 0,103 \frac{N_U(0) \cdot M_U}{N_A} = \frac{0,31 \times 2,83 \times 10^{22} \times 238}{6,02 \times 10^{23}} = 3,5 \text{ g}$ <p>بالاسقاط نجد: تحقق حسابيا من النتيجة:</p> $m_{Pb}(t) = m_f(Pb)(1 - e^{-\lambda t}) \Rightarrow t = \frac{-t_{1/2}}{\ln 2} \cdot \ln\left(1 - \frac{m_{Pb}(t)}{m_f(Pb)}\right)$ $\Rightarrow t = \frac{-4,5 \times 10^9}{\ln 2} \cdot \ln\left(1 - \frac{3,5}{9,7}\right) = 3 \times 10^9 \text{ ans}$
0,25	<p>4- تفسير تواجد اليورانيوم $^{238}_{92}U$ في القشرة الأرضية الى يومنا هذا:</p> <p>وبالتالي انوية اليورانيوم 238 لم تتفكك كلها بعد $\frac{t}{t_{1/2}} = \frac{3 \times 10^9}{4,5 \times 10^9} = 0,66 \Rightarrow t = 0,66 \cdot t_{1/2} < 7,2 t_{1/2}$</p> <p>فهو لا يزال موجود في القشرة الأرضية .</p>

العلامة	عنصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	مجزأة
0,5	<p>التمرين الثاني (04 نقاط)</p> <p>أ/ الظاهرة التي تحدث في المكثفة هي ظاهرة الشحن .</p> <p>ب/ اتجاه التيار المار في الدارة ، واتجاه التوترين u_R و u_C :</p> 
0,25	<p>2-أ/ إيجاد المعادلة التفاضلية التي يحققها $u_C(t)$</p> <p>التوتر بين لبوسي المكثفة :</p> $u_C + u_R = E$ $u_C + RC \frac{du_C}{dt} = E$ $\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC} u_C = \frac{E}{RC}$
0,25	<p>ب / تعين عبارات A و B و α بدلالة المقادير المميزة للدارة :</p> $u_C(t) = A + B e^{-\alpha t} \Rightarrow \frac{du_C}{dt} = -B\alpha e^{-\alpha t}$ $-B\alpha e^{-\alpha t} + \frac{1}{RC} (A + B e^{-\alpha t}) = \frac{E}{RC} \quad \text{بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد :}$ $B e^{-\alpha t} \left(-\alpha + \frac{1}{RC} \right) + \left(\frac{A}{RC} - \frac{E}{RC} \right) = 0$ $\begin{cases} \left(-\alpha + \frac{1}{RC} \right) = 0 \Rightarrow \alpha = \frac{1}{RC} \\ \frac{A}{RC} - \frac{E}{RC} = 0 \Rightarrow A = E \end{cases}$
1,25	<p>من الشروط الابتدائية: عند $t=0$ يكون $u_C(0) = 0$ و منه $B = -A$ $u_C(0) = A + B = 0$</p> $u_C(t) = E \left(1 - e^{-\frac{1}{RC} t} \right) \quad \text{و منه :}$ <p>ج - إيجاد وحدة قياس المقدار α في ج و د :</p> $\alpha = \frac{1}{RC} \quad \text{لدينا :}$ <p>بتطبيق قواعد التحليل البعدي نجد:</p> $[\alpha] = \frac{1}{[R] \times [C]} = \frac{[I]}{[U]} \cdot \frac{[U]}{[Q]} = \frac{[I]}{[Q]} = \frac{[I]}{[I][T]} = [T]^{-1}$

العلامة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)																								
مجموع	جزء																								
1.25	<p>أ / إيجاد ثابت الزمن τ :</p> $E_C(\tau) = \frac{1}{2}CE^2(1 - e^{-\frac{1}{\tau}})^2 = E_{C_{max}} \times (0,63)^2 = 7,9 \times 10^{-4} J$ <p>عند :</p> <p>من البيان (4) نجد: $\tau = 0,5 s$</p> <p>ب- إيجاد القوة المحركة الكهربائية للمولد:</p> <p>عند اللحظة $t = 0$ يكون $u_R(0) = u_{R_{max}} = E = 9V$</p> <p>ج - إيجاد سعة المكثفه :</p> $E_{C_{max}} = \frac{1}{2}CE^2 \Rightarrow C = \frac{2E_{C_{max}}}{E^2} = 49,4 \mu F$ <p>د- إيجاد مقاومة الناكل الأولي R :</p> $R = \frac{\tau}{C} = \frac{0,5}{49,4 \times 10^{-6}} = 10,1 \times 10^3 \Omega$																								
	<p>أ) المعادلة التقاضية لتطور التوتر $u_C(t)$</p> <p>بتطبيق قانون تجميع التوترات في الدارة المهتزة (LC) :</p> $u_C(t) + u_L(t) = 0$ <p>لبن :</p> $u_L(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt} = L \cdot \frac{d^2q(t)}{dt^2} = LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2}$ <p>و منه :</p> $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_C(t) = 0 \quad \text{أو} \quad u_C(t) + LC \cdot \frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = 0$ <p>ب) تبيان حل المعادلة التقاضية:</p>																								
	<p>حل م. ت. السابقة $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = -A \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{LC}}\right)^2 \cdot \cos \frac{1}{\sqrt{LC}} t$ ، و منه: $u_C(t) = A \cdot \cos \frac{1}{\sqrt{LC}} t$</p> <p>و منه نجد: $\frac{d^2u_C(t)}{dt^2} = -\frac{1}{LC} \cdot u_C(t)$ وهو المطلوب.</p> <p>عبارة الدور الذاتي: $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$ حيث $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$ ومنه $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0}$</p> <p>عبارة A : عند $t=0$ $u_C(0) = A = E$</p> <p>ج) قيمة الدور الذاتي: $T_0 = 4 \times 0,5 = 2s$</p> <p>قيمة ذاتية الوشيعة: $L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C} = \frac{(2 \times 10^{-3})^2}{4 \times \pi^2 \times 50 \times 10^{-6}} = 2 \times 10^{-3} H = 2mH$</p>																								
	<p>التمرين الثالث (06 نقاط):</p> <p>-I 1- جدول تقدم التفاعل :</p>																								
	<table border="1"> <thead> <tr> <th>المعادلة</th> <th colspan="4">CO(NH₂)₂(aq) = NH₄⁺(aq) + CNO⁻(aq)</th> </tr> <tr> <th></th> <th>القدم</th> <th colspan="3">كميات المادة (mol)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>ح ابتدائية</td> <td>0</td> <td>$n_0 = CV$</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>ح انتقالية</td> <td>x</td> <td>$n_0 - x$</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>ح نهائية</td> <td>x_{max}</td> <td>$n_0 - x_{max}$</td> <td>x_{max}</td> <td>x_{max}</td> </tr> </tbody> </table> <p>-تحديد التقدم الأعظمي $x_{max} = n_0 = CV = 2 \times 10^{-3} mol / L$: لدينا x_{max}</p>	المعادلة	CO(NH ₂) ₂ (aq) = NH ₄ ⁺ (aq) + CNO ⁻ (aq)					القدم	كميات المادة (mol)			ح ابتدائية	0	$n_0 = CV$	0	0	ح انتقالية	x	$n_0 - x$	x	x	ح نهائية	x_{max}	$n_0 - x_{max}$	x_{max}
المعادلة	CO(NH ₂) ₂ (aq) = NH ₄ ⁺ (aq) + CNO ⁻ (aq)																								
	القدم	كميات المادة (mol)																							
ح ابتدائية	0	$n_0 = CV$	0	0																					
ح انتقالية	x	$n_0 - x$	x	x																					
ح نهائية	x_{max}	$n_0 - x_{max}$	x_{max}	x_{max}																					

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)	
مجموع	مجزأة		
0,5	0,25		2- عبارة تركيز NH_4^+ بدلالة σ :
	0,25	$\sigma = \lambda_{\text{NH}_4^+} \cdot [\text{NH}_4^+] + \lambda_{\text{CNO}^-} \cdot [\text{CNO}^-] = [\text{NH}_4^+] (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-})$	
	0,25	$\Rightarrow [\text{NH}_4^+] = \frac{\sigma}{\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}}$	
0,25	0,25		3- العلاقة بين $[\text{NH}_4^+] = \frac{x}{V}$ و x لدينا :
	0,25	$\sigma = [\text{NH}_4^+] (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) \Rightarrow \sigma = \frac{x}{V} (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-})$	4- العلاقة σ و x :
0,75	0,25	$\sigma_{\text{max}} = \frac{x_{\text{max}}}{V} (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) = \frac{2 \times 10^{-3} \times (9,69 + 11,02) \times 10^{-3}}{0,1 \times 10^{-3}} = 0,41 \text{ S.m}^{-1}$	5- حساب قيمة σ_{max} :
	0,25		5- إثبات العلاقة :
0,5	0,25	$\begin{cases} \sigma(t) = \frac{x(t)}{V} (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) \\ \sigma_{\text{max}} = \frac{x_{\text{max}}}{V} (\lambda_{\text{NH}_4^+} + \lambda_{\text{CNO}^-}) \end{cases} \Rightarrow \frac{\sigma(t)}{\sigma_{\text{max}}} = \frac{x(t)}{x_{\text{max}}} \Rightarrow x(t) = x_{\text{max}} \frac{\sigma(t)}{\sigma_{\text{max}}}$	
	0,25		6- أ- تعريف السرعة الحجمية للتفاعل : هي مشتق تقدم التفاعل في وحدة الحجم.
1,25	0,25		أو : $V_{\text{vol}}(t) = \frac{1}{V} \cdot \frac{dx}{dt}$
	0,25		6- السرعة تتراقص مع مرور الزمن لأن ميل المماس للمنحنى يتناقص مع مرور الزمن .
	0,25		6- ب- تعريف $t_{1/2}$: هو الزمن اللازم لبلوغ التفاعل نصف تقدمه الاعظمي.
	0,25	$x(t_{1/2}) = \frac{x_{\text{max}}}{2} = 10^{-3} \text{ mol} \Rightarrow t_{1/2} = 70 \text{ min}$	7- تحديد ببيانا :
0,25	0,25	$[\text{NH}_4^+]_f = \frac{x_{\text{max}}}{V} = 2 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$	7- حساب $[\text{NH}_4^+]_f$:
	0,75		8- البروتوكول التجاري :
	0,75		نأخذ من المزيج بواسطة ماصة عيارية حجما $V = 10 \text{ mL}$.
	0,75		نضيف للبيشر قطرات من كاشف ملون مناسب.
	0,75		نقوم بإضافة الصودا من السحاحة إلى غاية تغير اللون.
	0,75		نسجل حجم التكافؤ.
	0,75		الرسم :

العلامة	مجموع	جزء	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)												
0,25	0,25		2- معادلة التفاعل : $NH_4^+(aq) + OH^-(aq) = NH_3(aq) + H_2O(l)$												
0,5	0,25	0,25	3- حساب C' في محلول: نضع $C' = [NH_4^+]$ عند التكافؤ يكون : $C'V = C_b V_{be} \Rightarrow C' = \frac{C_b V_{be}}{V} = \frac{20 \times 10^{-2}}{10} = 2 \times 10^{-2} mol.L^{-1}$												
0,25	0,25		4- المقارنة : القيمة نفسها.												
1,25	0,25	0,5	<p><u>الجزء الثاني (06 نقاط)</u> <u>التمرين التجاري (06 نقاط)</u> I.</p> <p>(1) عبارة التسارع a :</p> <p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (s) وباختيار المرجع السطحي الأرضي والذي نعتبره غاليليا .</p> $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$ <p>بالإسقاط على محور الحركة: $a = -\frac{f}{m} + g \sin \alpha \dots \dots (1)$</p>												
0,5			<p><u>2- رسم البيان (f) :</u></p> <table border="1"> <caption>Data points for the graph</caption> <thead> <tr> <th>f (N)</th> <th>a (m/s²)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>0,5</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>1,5</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>0</td> </tr> </tbody> </table>	f (N)	a (m/s ²)	0	4	0,5	2	1	2	1,5	0	2	0
f (N)	a (m/s ²)														
0	4														
0,5	2														
1	2														
1,5	0														
2	0														
0,25	0,25	0,25	<p><u>(3) تحديد α و m :</u> بيان عبارة عن خط مستقيم مائل لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل :</p> $a = k \cdot f + b \dots \dots (2)$ <p>بمطابقة (1) و (2) نجد :</p> $k = -\frac{1}{m} = -2 \Rightarrow m = 0,5 \text{ Kg}$ $b = g \sin \alpha = 4,9 \Rightarrow \alpha = 30^\circ$												
0,5	0,5		<p><u>4) الحصيلة الطافية :</u></p>												

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموع	جزء	
		5- تطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم (s)) أ- عبارة قوة الاحتكاك:
1,25	0,25 0,25 0,25	$E_{CA} + w(\vec{P}) - \left \vec{W}(f) \right = E_{CB} \Rightarrow m.g.AB.\sin \alpha - f.AB = \frac{1}{2}mv_B^2$ $f = m(g \sin \alpha - \frac{v_B^2}{2AB}) = 1,25N$
	0,25 0,25	<u>ب- التأكيد من القيمة بيانيًا :</u> لدينا : $v_B^2 - v_A^2 = 2aAB \Rightarrow a = \frac{v_B^2}{2.AB} = 2,4m/s^2$ من البيان وبالإسقاط نجد :
0,5	0,25 0,25	على المحور (ox) : البيان $v_x(t)$ عبارة عن خط مستقيم أفقي، الحركة مستقيمة منتظمة على المحور (oy) : البيان $v_y(t)$ عبارة عن خط مستقيم مائل لا يمر من المبدأ ، الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام .
0,5	0,25 0,25	<u>2- قيمة الارتفاع h والمدى x_D :</u> من البيان -2 : $h = \frac{1}{2} \cdot (1,1 + 6) \cdot 0,5 = 1,78m$ من البيان -3 : $x = 1,9 \cdot 0,5 = 0,95m$
0,5	0,25 0,25	$v_D = \sqrt{v_{Dx}^2 + v_{Dy}^2} = \sqrt{1,9^2 + 6^2} = 6,29m/s$ <u>قيمة السرعة</u> :