

التمرين الأول: (14 نقاط)



صورة: "حدائق الزّيّبان المائية" الجزائر

المدينة المائية من أمنع أماكن الاستجمام في فصل الصيف فهي تحوي الكثير من الألعاب المائية للكبار والصغار منها الزحلقة المائية.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة حركة متزحلق (S) على هذه الزحلقة. تكون هذه اللعبة من ثلاثة أجزاء (الشكل 1).

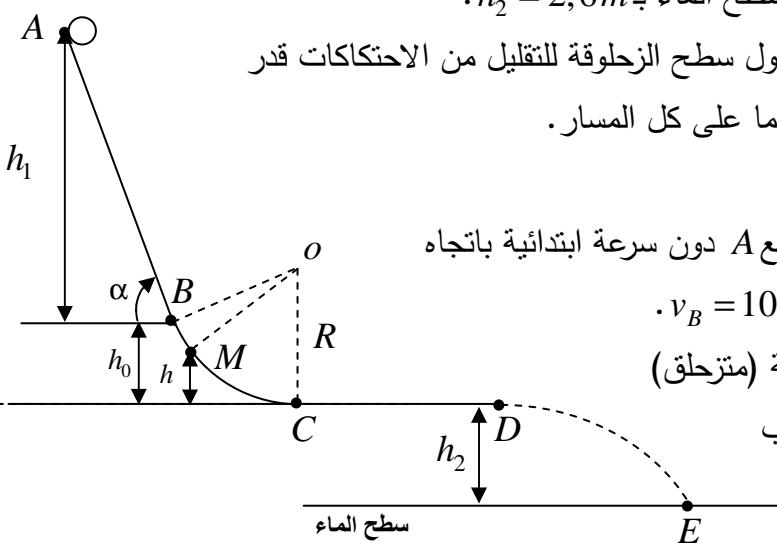
- مستوي مائل AB يميل على الأفق بزاوية α .
- مسار دائري BC نصف قطره R .

- مستوي أفقى CD يعلو على سطح الماء بـ $h_2 = 2,6\text{m}$.

يندفع الماء بصفة دائمة على طول سطح الزحلقة للتقليل من الاحتكاكات قدر الإمكان والتي تعتبرها مهملا تماما على كل المسار.

$$\text{يعطى: } g = 10 \text{ m.s}^{-2}$$

الشكل 1



1- ينطلق المتزحلق من الموضع A دون سرعة ابتدائية باتجاه الموضع B فيبلغه بسرعة $v_B = 10 \text{ m/s}$.

أ. مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (متزحلق)

بين الموضعين A و B ، ثم اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ب- جـ قيمة الارتفاع h_1 .

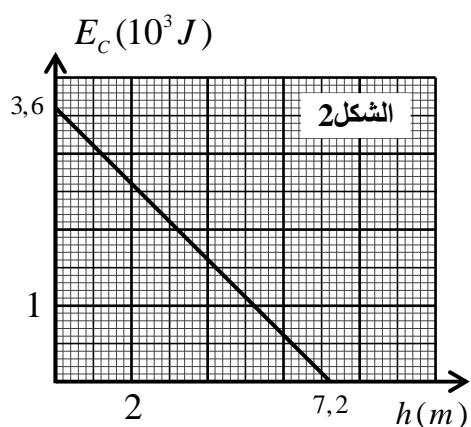
2- بيان (الشكل 2) يمثل تغيرات الطاقة الحركية E_C للمتزحلق (S)

بدالة h ارتفاع الموضع الكيفي M عن الموضع الأفقى CD . نعتبر المستوى الأفقى المار من C مرجعا لحساب الطاقة الكامنة الثقالية.

أ- مثل الحصيلة الطاقية للجملة (متزحلق+أرض) بين الموضعين B و M واكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ب- بين الطاقة الحركية للمتزحلق عند الموضع M يعبر عنها بالعلاقة:

$$E_C = -mgh + m\left(\frac{1}{2}v_B^2 + gh_0\right)$$



ج- بالاعتماد على المنحنى البياني جد:

▪ كتلة المترافق m ارتفاع الموضع B عن المستوى الأفقي CD .

▪ الطاقة الحركية للمترافق في الموضع C وسرعته عندئذ.

3- اذكر نص مبدأ العطالة واعتمادا عليه استنتج سرعة المترافق عند الموضع D .

4- عندما يبلغ المترافق الموضع D يواصل حركته في الهواء ليصطدم في النهاية سطح مائي في الموضع E .

أ- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (مترافق) بين الموضعين D و E واكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ب- مثل شعاع سرعة المترافق عند الموضع D .

ج- احسب السرعة عند الموضع E .

التمرين الثاني: (6 نقاط)

جسم صلب (S) كتلته $g = 200 \text{ g}$ يُقذف بالسرعة $v_A = 5 \text{ m/s}$ من

الموضع A أسفل مستوى مائل يميل على الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ ،

باتجاه موضع B حيث $AB = 90 \text{ cm}$ ، وعندها يصطدم بنابض من

حلقاته غير متلاصقة ثابت مرونته $K = 40 \text{ N/m}$ ، فينضغط هذا

النابض بمقادير x_0 ويتوقف الجسم (S) في الموضع C .

يعطى: $g = 10 \text{ m/s}^2$ ، وتهمل كل قوى الاحتكاك.

1- اشرح المصطلحات التالية:

"جسم صلب" ، "نابض من" ، "نابض حلقاته غير متلاصقة".

2- نختار الجملة (جسم+أرض)، ونعتبر المستوى الأفقي المار من B مرجعا لحساب الطاقة الكامنة التقالية.

أ- مثل الحصيلة الطاقوية بين الموضعين A و B واكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

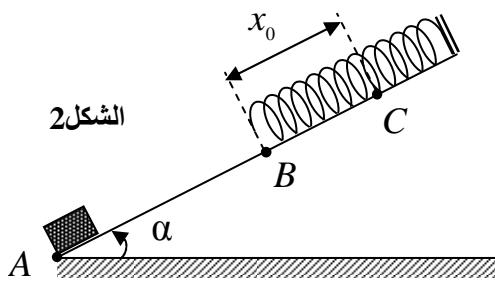
ب- احسب سرعة الجسم (S) عند بلوغه الموضع B .

3- نختار الجملة (جسم+نابض)، والنابض في حالة راحة عندما يكون طرفه الحر في الموضع B .

أ- مثل القوى المؤثرة على الجسم (S) عندما يكون بين الموضعين B و C ، ثم صنف هذه القوى إلى داخلية وخارجية.

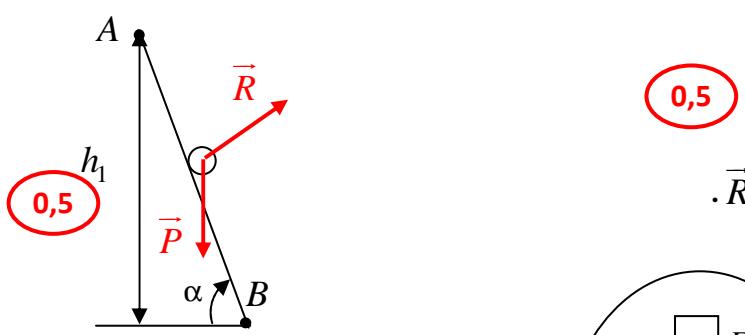
ب- مثل الحصيلة الطاقوية على الجملة (جسم + نابض) بين الموضعين B و C واكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ج- احسب x_0 مقدار الإنضغاط الأعظمي للنابض، وشدة القوة المرونية في الموضع C .

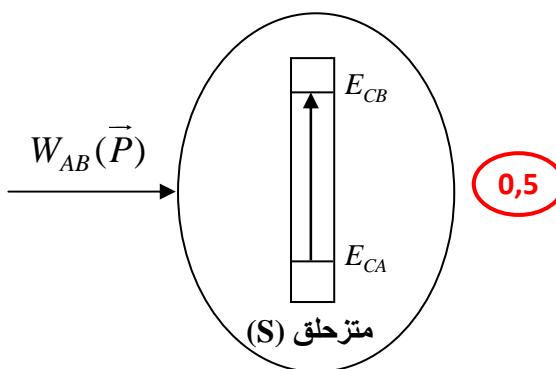


التمرين الأول: (12 نقاط)

1- مخطط الحصيلة الطاقوية:



0,5



0,5

▪ معادلة انحفاظ الطاقة:

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (كرة) بين الموضعين A و B :

$$E_A + E_{مكسبة} - E_{مقدمة} = E_B$$

0,5

$$\cancel{E_{CA}} + W_{AB}(\vec{P}) = E_{CB} \Rightarrow W_{AB}(\vec{P}) = E_{CB}$$

ب- حساب الارتفاع h_1 :

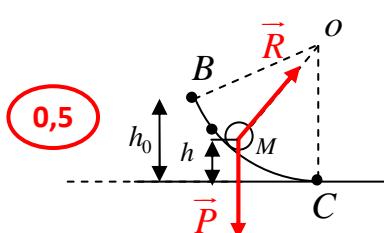
اعتمادا على معادلة انحفاظ الطاقة السابقة:

$$\cancel{m \cdot g \cdot h} = \frac{1}{2} \cancel{m \cdot v_B^2} \Rightarrow 2g \cdot h = v_B^2 \Rightarrow h_1 = \frac{v_B^2}{2g} .$$

0,5

$$h_1 = \frac{10^2}{2 \times 10} = 5m$$

0,5



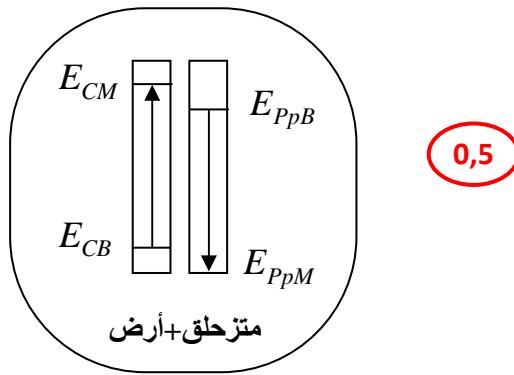
0,5

2- مخطط الحصيلة الطاقوية:

- الجملة المدرosa: (منزلق S + أرض) .

- مرجع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره غاليلي.

- القوى الخارجية المؤثرة: قوة رد الفعل \vec{R} .



بنطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (متزحلق S+أرض) بين الموضعين B و M :

$$E_B + E_{CB} - E_{M \text{ مكتسبة}} = E_M \quad 0,5$$

$$E_{CB} + E_{PpB} = E_M + E_{PpM} \quad 0,5$$

ب- عبارة الطاقة الحركية عند الموضع M :

اعتمادا على معادلة انحفاظ الطاقة السابقة:

$$\frac{1}{2}m.v_B^2 + m.g.h_0 = E_C + m.g.h \Rightarrow \frac{1}{2}m.v_B^2 + m.g.h_0 - m.g.h = E_C \quad 0,5$$

$$m(\frac{1}{2}v_B^2 + g.h_0) - m.g.h = E_C \Rightarrow E_C = -m.g.h + m(\frac{1}{2}v_B^2 + g.h_0)$$

ج- قيمتي h_0 و m :

بيانيا:

المنحنى (h) هو مستقيم لا يشمل المبدأ معادلته من الشكل:

$$E_C = ah + b \quad 0,5$$

من البيان:

$$\bullet a = \frac{(0-3,6) \times 10^3}{7,2-0} = -500$$

$$\bullet b = 3,6 \times 10^3$$

$$\text{ومنه: } E_C = -500h + 3,6 \times 10^3 \quad 0,5$$

نظريا ومن عبارة الطاقة الحركية السابقة:

$$E_C = -m.g.h + m(\frac{1}{2}v_B^2 + g.h_0)$$

بالمطابقة نجد:

$$\bullet -m.g = a \Rightarrow -m.g = -\frac{a}{g} = -\frac{-500}{10} = 50 \text{ kg} \quad 0,5$$

$$\bullet m(\frac{1}{2}v_B^2 + g.h_0) = b \Rightarrow \frac{1}{2}v_B^2 + g.h_0 = \frac{b}{m} \Rightarrow g.h_0 = \frac{b}{m} - \frac{1}{2}v_B^2$$

$$h_0 = \frac{\frac{b}{m} - \frac{1}{2} v_B^2}{g} \Rightarrow h_0 = \frac{\frac{3,6 \times 10^3}{50} - \frac{1}{2} (10)^2}{10} = 2,2 \text{ m}$$
0,5

▪ الطاقة الحركية للمترافق في الموضع C وسرعته:

عند الموضع C يكون $E_{CC} = \frac{1}{2} m \cdot v_C^2$ ، وحيث أن $E_{CC} = 3,6 \times 10^3 \text{ J}$ بحسب الإسقاط في البيان نجد: $v_C = \sqrt{\frac{2E_{CC}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 3,6 \times 10^3}{50}} = 12 \text{ m/s}$

- نص مبدأ العطالة:

0,5

يحافظ الجسم على سكونه أو حركته المستقيمة المنظمة ما لم تتدخل قوة لتغيير حالته الحركية.

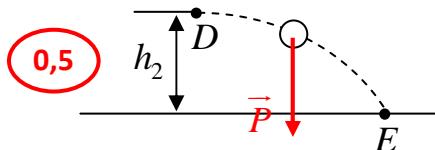
استنتج قيمة v_C :

لا توجد أي قوة تغير من حالة المترافق الحركية أثناء انتقاله من C إلى D ، وبالتالي يحافظ على سرعته التي اكتسبها

0,5

عند الموضع C ، فيكون $v_D = v_C = 12 \text{ m/s}$

-4- الحصيلة الطاقوية للجملة (مترافق S) بين D و E:

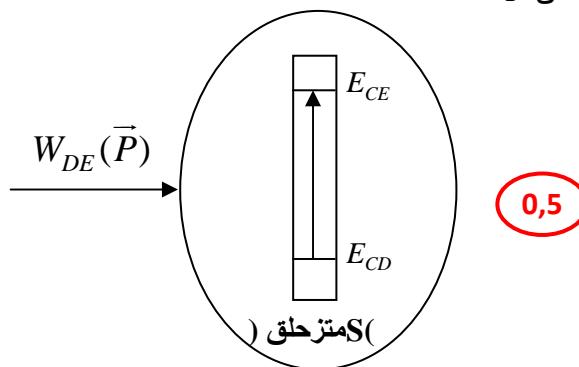


- الجملة المدرosa: مترافق (S).

0,5

- مرجع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره غاليلي.

- القوى الخارجية المؤثرة: الثقل \vec{P} .



▪ معادلة انحفاظ الطاقة:

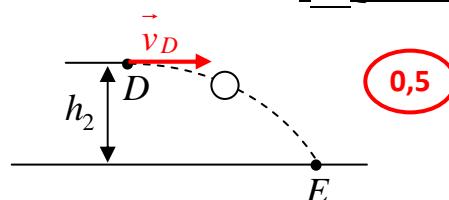
0,5

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (مترافق S) بين الموضعين D و E:

$$E_D + E_{CD} - E_{مقدمة} = E_E$$

$$E_{CD} + W_{DE}(\vec{P}) = E_{CE}$$

ب- تمثيل شعاع السعة عند الموضع D:



ج- حساب السرعة عند الموضع E :

اعتمادا على معادلة انحفاظ الطاقة السابقة:

$$\frac{1}{2}m.v_D^2 + m.g.h_2 = \frac{1}{2}m.v_E^2 \Rightarrow \frac{1}{2}\cancel{m}.v_D^2 + \cancel{m}.g.h_2 = \frac{1}{2}\cancel{m}.v_E^2$$

$$v_D^2 + 2g.h_2 = v_E^2 \Rightarrow v_E = \sqrt{v_D^2 + 2g.h_2} \quad 0,5$$

$$v_E = \sqrt{12^2 + (2 \times 10 \times 2,6)} = 14 \text{ m/s} \quad 0,5$$

التمرين الثاني: (8 نقاط)

1- شرح المصطلحات:

0,5

جسم صلب: جسم لا تتغير الأبعاد بين مختلف أجزاءه.

0,5 نابض مرن: يتضوئ عندما يخضع إلى تأثير قوة خارجية ويعود إلى وضعه الأصلي عندما يزول تأثير هذه القوة.

0,5

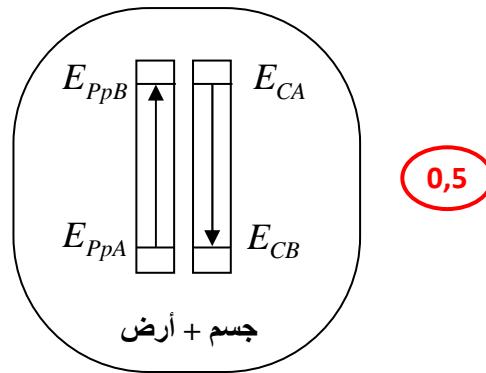
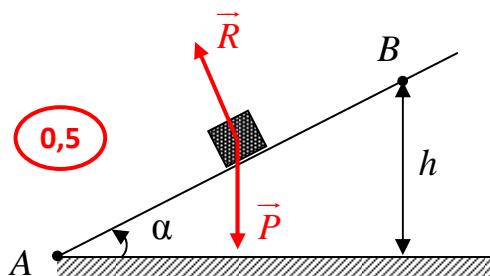
حلقاته غير متلاصقة: النابض قابل للانضغاط.

2- الحصيلة الطاقوية بين الموضعين A و B :

- الجملة المدرosa: (جسم S + أرض).

- مرجع الدراسة: سطحي أرضي نعتبره غاليلي.

- القوة الخارجية المؤثرة: قوة رد الفعل \vec{R} .



ب- حساب v_B :

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم S + أرض) بين الموضعين A و B :

$$E_A + E_{\text{مقدمة}} - E_{\cancel{\text{مقدمة}}} = E_B \quad 0,5$$

~~$$E_{CA} + E_{\cancel{PpA}} = E_{CB} + E_{PpB}$$~~

$$\frac{1}{2}\cancel{m}.v_A^2 = \frac{1}{2}\cancel{m}.v_B^2 + \cancel{m}.g.z_B$$

$$v_A^2 = v_B^2 + 2g.z_B$$

من الشكل: $\sin \alpha = \frac{z_B}{AB} \Rightarrow z_B = AB \sin \alpha$ ، ومنه:

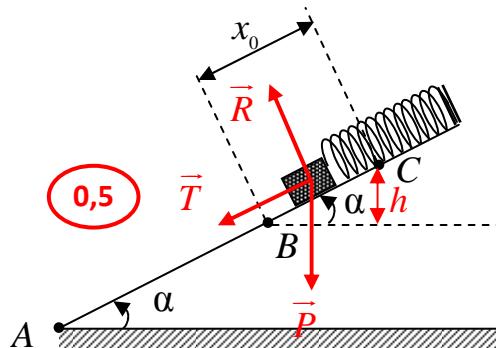
$$v_A^2 = v_B^2 + 2g \cdot AB \cdot \sin \alpha \Rightarrow v_B = \sqrt{v_A^2 - 2g \cdot AB \cdot \sin \alpha}$$

$$v_B = \sqrt{5^2 - (2 \times 10 \times 0,9 \times \sin 30)} = 4 \text{ m/s}$$

0,5

0,5

3-أ- تمثيل القوى وتصنيفها إلى داخلية وخارجية:



0,5

0,5

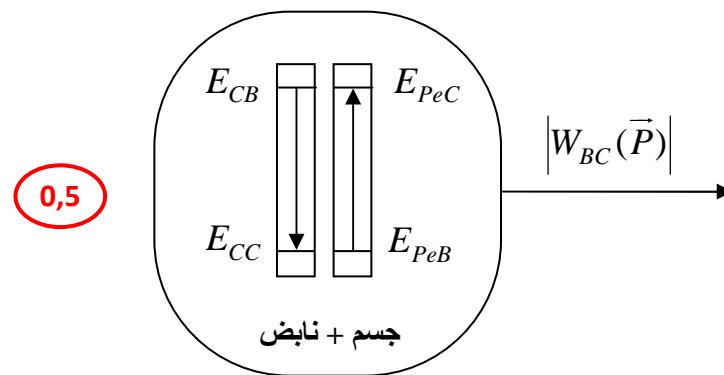
القوة	داخلية أم خارجية
قوية النقل \vec{P}	خارجية
قوية توتر النابض \vec{T}	داخلية
قوية رد الفعل \vec{R}	خارجية

قوية النقل \vec{P}

قوية توتر النابض \vec{T}

قوية رد الفعل \vec{R}

ب- الحصيلة الطاقوية بين B و C:



0,5

▪ معادلة انحفاظ الطاقة:

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على الجملة (جسم S + نابض) بين الموضعين B و C:

$$E_C + E_{\text{مكتسبة}} - E_C = E_C$$

$$E_{CB} + \cancel{E_{PeB}} - |W_{BC}(\vec{P})| = \cancel{E_{CC}} + E_{PeC} \Rightarrow E_{CB} - |W_{BC}(\vec{P})| = E_{PeC}$$

0,5

ج- قيمة x0:

اعتمادا على معادلة انحفاظ الطاقة:

$$\frac{1}{2}m.v_B^2 - |-m.g.h| = \frac{1}{2}k.x_0^2$$

$$\frac{1}{2}m.v_B^2 - m.g.h = \frac{1}{2}k.x_0^2$$

$$m.v_B^2 - 2m.g.h = k.x_0^2$$

من الشكل: $\sin \alpha = \frac{h}{x_0} \Rightarrow h = x_0 \cdot \sin \alpha$ ، ومنه:

$$m \cdot v_B^2 - 2m \cdot g \cdot \sin \alpha \cdot x_0 = k \cdot x_0^2$$

$$k \cdot x_0^2 + (2m \cdot g \cdot \sin \alpha) \cdot x_0 - m \cdot v_B^2 = 0 \Rightarrow 40x_0^2 + (2 \times 0,2 \times 10 \times \sin 30^\circ) \cdot x_0 - (0,2 \times 4^2) = 0$$

$$40x_0^2 + 2x_0 - 3,2 = 0 \quad \text{0,5}$$

$$\Delta = 2^2 - (4 \times (40) \times (-3,2)) = 516 \Rightarrow \sqrt{\Delta} = 22,72$$

نقبل المعادلة حين:

$$x_{01} = \frac{-2 + 22,72}{2 \times 40} = 0,26 \quad \text{(مقبول)}$$

$$x_{01} = \frac{-2 - 22,72}{2 \times 40} = -0,31 \quad \text{(مرفوض)}$$

0,5

إذن: $x_0 = 0,26 \text{ m} = 26 \text{ cm}$

ـ شدة القوة المرونية:

$$T = K \cdot x_0 = 40 \times 0,26 = 10,4 \text{ N}$$

0,5