

## اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

### التمرين الأول: (06 نقاط)

(1) أ) عَلم على الدائرة المثلثية (C) النقط A ، B و C صور الأعداد  $\frac{703\pi}{6}$  ،  $\frac{-127\pi}{3}$  و  $\frac{2024\pi}{4}$  على الترتيب مع الشرح .

ب) إستنتج القيمة المضبوطة لكل من  $\cos \frac{703\pi}{6}$  ،  $\cos \frac{-127\pi}{3}$  و  $\sin \frac{2024\pi}{4}$  .

(2) لتكن العبارتين  $A(x)$  و  $B(x)$  حيث :

$$A(x) = \frac{\sqrt{3}}{2} - \cos(3\pi + x) + \sin\left(\frac{18\pi}{2} - x\right) + \cos\left(\frac{703\pi}{6}\right)$$

$$\text{و } B(x) = -\sin(4\pi - x) - \cos(-x) + \sin \frac{2024\pi}{4}$$

أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  فإن :  $A(x) = \sin x + \cos x$  و  $B(x) = \sin x - \cos x$

ب) إستنتج أن :  $[A(x)]^2 - [B(x)]^2 = 4\sin x \cos x$

### التمرين الثاني: (08 نقاط)

(I) لتكن الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R} - \{3\}$  كما يلي :  $f(x) = \frac{x-2}{x-3}$  ، وليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  .

(1) أثبت أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R} - \{3\}$  فإن :  $f(x) = 1 + \frac{1}{x-3}$

(2) أ) أدرس إتجاه تغير الدالة  $f$  على المجال  $]3; +\infty[$  ثم استنتجه على المجال  $]-\infty; 3[$  .

ب) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .

(3) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $f(x) = 0$  ، ماذا تمثل حلول هذه المعادلة بيانيا ؟

(4) اشرح كيف يمكن استنتاج  $(C_f)$  انطلاقا من التمثيل البياني للدالة "مقلوب" ، ثم أنشئ  $(C_f)$  .

(II) لتكن الدالة التآلفية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي :  $g(x) = ax + b$  ، وليكن  $(C_g)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم السابق .

(1) عين العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  بحيث يمر  $(C_g)$  بالنقطتين  $E(0; 4)$  و  $F(6; -2)$  .

(2) أنشئ  $(C_g)$  في نفس المعلم السابق ، هل تقبل المعادلة  $f(x) = g(x)$  حلويا في  $\mathbb{R}$  ؟ برر .

**التمرين الثالث: (06 نقاط)**

في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  ، نعتبر النقط التالية :  $A(2;6)$  ،  $B(-4;-2)$  و  $C(6;3)$  .

(1) بين أن المثلث  $ABC$  قائم.

(2) عين إحداثيات النقطة  $I$  مركز الدائرة المحيطة بالمثلث  $ABC$  .

(3) أ) اكتب معادلة للمستقيم  $(AB)$  ، ثم تحقق أن النقطة  $D(-1;2)$  تنتمي له .

ب) أكتب معادلة للمستقيم  $(\Delta)$  الذي يشمل النقطة  $D$  و يوازي المستقيم  $(AC)$  .

ج) ماذا تستنتج حول وضعية المستقيمين  $(AB)$  و  $(\Delta)$  .

(4) ليكن  $(T)$  المستقيم الذي معادلته  $(2m+1)x - (m+2)y + 3 = 0$  حيث  $m$  ثابت حقيقي :

• عين قيمة  $m$  حتى يكون  $\vec{u} = \vec{i} - \vec{j}$  شعاع توجيه له .