

اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (06 نقاط)

(1) أ) علم على الدائرة المثلثية (C) النقط A ، B و C صور الأعداد $\frac{2024\pi}{4}$ ، $\frac{-127\pi}{3}$ و $\frac{703\pi}{6}$ على الترتيب مع الشرح .

ب) إستنتج القيمة المضبوطة لكل من $\sin \frac{2024\pi}{4}$ ، $\cos \frac{-127\pi}{3}$ و $\cos \frac{703\pi}{6}$.

(2) لتكن العبارتين $A(x)$ و $B(x)$ حيث :

$$A(x) = \frac{\sqrt{3}}{2} - \cos(3\pi + x) + \sin\left(\frac{18\pi}{2} - x\right) + \cos\left(\frac{703\pi}{6}\right)$$

$$\quad \cdot \quad B(x) = -\sin(4\pi - x) - \cos(-x) + \sin\frac{2024\pi}{4}$$

أ) بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن : $A(x) = \sin x - \cos x$ و $B(x) = \sin x + \cos x$

ب) إستنتج أن : $[A(x)]^2 - [B(x)]^2 = 4\sin x \cos x$

التمرين الثاني: (08 نقاط)

(I) لتكن الدالة العددية f المعرفة على $\{3\} - \mathbb{R}$ كا يلي : $f(x) = \frac{x-2}{x-3}$ ، و ليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد و متجانس $(j; \bar{a}; O)$.

1) أثبت أنه من أجل كل x من $\{3\} - \mathbb{R}$ فإن : $f(x) = 1 + \frac{1}{x-3}$

2) أ) أدرس إتجاه تغير الدالة f على المجال $[3; +\infty)$ ثم استنتاجه على المجال $[-\infty; 3]$.

ب) شكل جدول تغيرات الدالة f .

3) حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$ ، ماذا تمثل حلول هذه المعادلة بيانيا؟

4) اشرح كيف يمكن استنتاج (C_f) انطلاقا من تمثيل البياني للدالة "مقلوب" ، ثم أنشئ (C_f) .

(II) لتكن الدالة التالية g المعرفة على \mathbb{R} كا يلي : $g(x) = ax + b$ ، و ليكن (C_g) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم السابق.

1) عين العددين الحقيقيين a و b بحيث يمر (C_g) بال نقطتين $E(0; 4)$ و $F(6; -2)$.

2) أنشئ (C_g) في نفس المعلم السابق ، هل تقبل المعادلة $f(x) = g(x)$ حلولا في \mathbb{R} ؟ بره.

التمرين الثالث: (06 نقاط)

في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(\vec{j}; \vec{a}; O)$ ، نعتبر النقطة التالية : $A(2; 6)$ ، $B(-4; -2)$ و $C(6; 3)$.

- 1) بين أن المثلث ABC قائم.
- 2) عين إحداثيات النقطة I مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC .
- 3) أ) اكتب معادلة المستقيم (AB) ، ثم تحقق أن النقطة $D(-1; 2)$ تنتهي له.
ب) اكتب معادلة المستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة D و يوازي المستقيم (AC) .
ج) ماذا تستنتج حول وضعية المستقيمين (AB) و (Δ) .
- 4) ليكن (T) المستقيم الذي معادلته $0 = (m+2)y + (2m+1)x - (m+2)$ حيث m ثابت حقيقي:
• عين قيمة m حتى يكون $\vec{i} = \vec{j} - \vec{a}$ شعاع توجيه له.