

**اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات****التمرين 01 : (07 نقاط)**

1/  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  شعاعان غير معادمين و  $x$  قيس بالراديان للزاوية الموجةة  $(\vec{v} ; \vec{u})$

أ- عين القيس الرئيسي للزاوية الموجةة  $(\vec{v} ; \vec{u})$  إذا كان :  $x = \frac{-2015\pi}{3}$

ب- هل  $\frac{-5}{3}$  قيس زاوية آخر للزاوية الموجةة  $(\vec{v} ; \vec{u})$ ? برهن ثم عين قيسا للزاوية الموجةة  $(-2\vec{v} ; -\vec{u})$

ت- أحسب القيمة المضبوطة لكل من  $\sin\left(\frac{-2015\pi}{3}\right)$  ،  $\cos\left(\frac{-2015\pi}{3}\right)$

2/ لتكن العبارة  $A(x)$  المعرفة كما يلي :

$$A(x) = \cos(\pi + x) + \cos\left(\frac{3\pi}{2} - x\right) + \sin(\pi - x) + 2\cos(2\pi - x) + \cos(2022\pi + x)$$

أ- أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $A(x) = 2\cos x$

ب- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $A(x) = -1$

ت- حل في المجال  $\left[-\frac{\pi}{2}; \pi\right]$  المترادفة :  $\cos x < -\frac{1}{2}$

**التمرين الثاني : (4 نقاط)**

A ، B ، C ثلات نقط (الشكل)

1/ بين أن النقطة A هي صورة النقطة C بتحاك عين مركزه و نسبته

2/ استنتج أن النقطة C هي صورة النقطة A بتحاك  $h'$  عين مركزه و نسبته



3/ مثل النقطة D حيث :  $\overrightarrow{DC} = -3\overrightarrow{BC}$

4/ أثبت أن النقطة D صورة النقطة A بتحاك يطلب تعين مركزه و نسبته .

**التمرين الثالث : 9 نقاط**

f دالة معرفة على  $\mathbb{R} - \{2\}$  كما يلي :

$(Cf)$  تمثيلها البياني في معلم متعدد و متجانس  $(\vec{o} ; \vec{i} ; \vec{j})$

1/ بين أنه من أجل  $\{2\} - \mathbb{R}$  ،  $x \in \mathbb{R}$  ،  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-2}$

حيث a ، b و c أعداد حقيقة يطلب تعينها .

2/ أحسب النهايتين  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

- أحسب النهايتين  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$  ثم فسر النتيجة هندسيا

3/ أ- بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x - 3$  مقارب مايل للمنحنى  $(Cf)$

ب- أدرس الوضع النسبي للمنحنى  $(Cf)$  و المستقيم  $(\Delta)$

$$f'(x) = \frac{(x-1)(x-3)}{(x-2)^2}, x \in \mathbb{R} - \{2\}$$

أ- بين أنه من أجل  $\{2\}$  .  
ب/ أدرس إشارة  $(x)'f$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة .

ج/ عين احداثي نقطة تقاطع المنحنى  $(Cf)$  مع محور التراتيب .

5- بين أن النقطة  $(-1 ; 2)$  مركز تناظر للمنحنى  $(C)$

6- أرسم المستقيمين المقربين و المنحنى  $(Cf)$

7- ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقى  $m$  عدد حلول المعادلة :  $f(x) = m$

بال توفيق