

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

ثانوية شيهاني بشير *تلاغمة*

2023--2024

مديرية التربية لولاية ميلة

الشعبة : جذع مشترك علوم و تكنولوجيا

مقترح إختبار الثلاثي الثاني

المدة: 02 سا

المادة : رياضيات

المرين الأول: (8 نقاط)

المستوى المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

1. نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x^2 - 8x + 20$ و (C_f) المنحى البياني للدالة f و (P) القطع المكافئ الممثل للدالة مربع

(ا) بين انه من اجل عدد حقيقي x فان: $f(x) = (x - 4)^2 + 4$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين $[-\infty; 4]$ و $[4; +\infty]$ ثم شكل جدول تغيراتها

(ج) اشرح كيف يمكن استنتاج رسم المنحى (C_f) اطلاقا من (P) . ثم ارسمه

2. نعتبر المثلث ABC القائم في B حيث: $BC = 2\text{cm}$ ، $AB = 4\text{cm}$

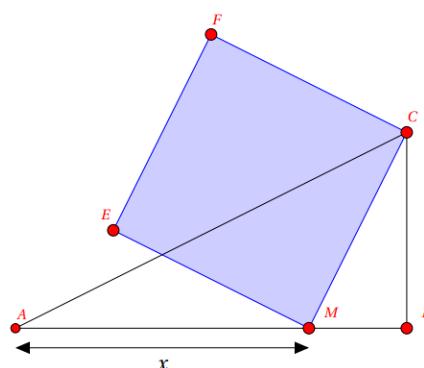
نقطة متحركة على $[AB]$ حيث $AM = x$

لتكن النقطتان E و D بحيث يكون $MCDE$ مربع (انظر الشكل)

(ا) ما هي مجموعة القيم الممكنة للعدد x

(ب) عبر عن الطول الصلع MC بدلالة x ، ثم استنتج ان مساحة المربع $MCDE$ هي $f(x)$

(ج) استنتاج قيمة x التي من اجلها تكون مساحة المربع $MCDE$ اصغر ما يمكن





التمرين الثاني: (7 نقاط)

المستوي منسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$. نعتبر النقط $A(0; -1)$ ، $B(-2; 1)$ و D المعرفة كمايلي : $\vec{j} = -4\vec{i} - \vec{OD}$ و $\vec{AC} = -2\vec{i}$

1. (ا) اوجد احداثيات النقطتين C و D
- (ب) بين ان المثلث ABC قائم في النقطة A و متساوي الساقين
2. (ا) احسب معامل توجيه المستقيم (BC) ثم اكتب معادلته
(ب) هل النقطة D تنتمي الى المستقيم (BC) ؟
3. اوجد معادلة للمستقيم (Δ) الذي يشمل D و $(1; -3; \vec{u})$ شعاع توجيه له.
4. (ا) بين ان المستقيمين (BC) و (Δ) متقاطعان في نقطة وحيدة
(ب) اوجد احداثيات نقطة تقاطع المستقيمين (BC) و (Δ)

التمرين الثالث: (5 نقاط)

(نصف قطر الدائرة 2 سنتيمتر)

1. حول الى الراديان فيس الزاوية 36° ، ثم حول الى الدرجات القيس $\frac{2\pi}{5} rad$
2. مثل على الدائرة المثلية النقط A ، B و C صور الاعداد $\frac{2019\pi}{5}$ ، $\frac{2\pi}{5}$ و $\frac{\pi}{2}$
3. اذا علمت ان : $\sin\left(\frac{\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$ ، $\cos\left(\frac{\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{5}+1}{4}$
4. برهن ان : $\tan\left(\frac{\pi}{5}\right) = \frac{(\sqrt{5}-1)\sqrt{10-2\sqrt{5}}}{4}$
5. بين مايلي :

$$(\cos x + \sin x)^2 - 2 \sin x \cos x - 1 = 0 \quad \bullet$$

$$\cos^4 x + \sin^4 x + 2 \sin^2 x \cdot \cos^2 x - 1 = 0 \quad \bullet$$

$$1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x} \quad \bullet$$

و من لم يذق مر التعلم ساعة ... تجرب ذل الجهل طول حياته