

إختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

السنة الدراسية: 2023/2024

المدة: ساعتان

متقن حاسبي القارة

المستوى: الثانية رياضيات

التمرين الأول (07 نقاط)

$\vec{CJ} = \frac{2}{3}\vec{CA}$ مثلث كيفي ABC و J نقطتان من المستوى حيث I منتصف القطعة $[AB]$ و

❶ أنشئ النقطة G من ح الجملة المثلثة $\{(1, 2); (B, 2); (C, 1)\}$.

❷ بين أن النقطة J من ح الجملة المثلثة $\{(A, 2); (C, 1); (B, 2)\}$. ثم أنشئ النقطة J .

❸ أثبت أن المستقيمين (CI) و (BJ) يتقاطعان في نقطة واحدة يطلب تعينها.

❹ عين ثم أنشئ المجموعة (E) مجموعة النقط M من المستوى التي تتحقق :

$$3\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}\| = 2\|\overrightarrow{2MA} + \overrightarrow{MC}\|$$

❺ في المستوى منسوب إلى المعلم المتعامد و المتبعانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ لتكن النقط $A(-1, 0)$ ، $B(2, -1)$ و $C(1, 3)$

ولتكن النقطة G_m من ح الجملة المثلثة التالية : $\{(A, m); (B, m+1); (C, 1)\}$ ، حيث m عدد حقيقي .

أ) - عين قيم m حتى تكون G_m موجودة .

ب) - عين إحداثياتي النقطة G_m بدلالة m . هل توجد قيمة ل m حتى تكون احداثيا النقطة G_m هما $(1; \frac{1}{4})$

التمرين الثاني (05 نقاط)

اختر الاجابة الصحيحة من بين الاجابات الثلاثة مع التبرير :

1) اذا علمت أن $\cos(\frac{7\pi}{12}) = \frac{1-\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$ فان القيمة المضبوطة ل $\sin(\frac{7\pi}{12})$ هي :

$\sin(\frac{7\pi}{12}) = \frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ (ب) $\sin(\frac{7\pi}{12}) = -\frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ أو $\sin(\frac{7\pi}{12}) = \frac{\sqrt{2+\sqrt{3}}}{2}$ (أ)

$\sin(\frac{7\pi}{12}) = -\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{2}$ أو $\sin(\frac{7\pi}{12}) = \frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{2}$ (ج)

2) الكتابة المبسطة للعبارة $E(x)$ حيث :

$$E(x) = \sin(\frac{9\pi}{2} - x) + \cos(\frac{9\pi}{2} - x) + \sin(\frac{7\pi}{2} - x) + \cos(\frac{7\pi}{2} - x)$$

هي :

$$E(x) = 0 \quad (ج)$$

$$E(x) = \cos(x) \quad (ب)$$

$$E(x) = \sin(x) \quad (أ)$$

3) اذا كان $\frac{2007\pi}{3}$ قيس لزاوية فان قيسها الرئيسي هو :

$$\frac{4\pi}{3} \quad (ج)$$

$$\frac{\pi}{3} \quad (ب)$$

$$\pi \quad (أ)$$

التمرين الثالث (08 نقاط)

I) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\{1 - \mathbb{R}\}$ كألي: $f(x) = \frac{x^2}{x-1}$ ولتكن (C_f) المنحى الممثل للدالة f في معلم متعامد ومتجانس.

1. أ-أحسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب-أحسب $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ ثم فسر النتيجة هندسيا.

2. أ-تحقق أنه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{1\}$:

ب-بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x + 1$ مستقيم مقارب مائل للمنحى (C_f) .

ج-أدرس وضعية المنحى (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

3. أ-بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{1\}$ فإن :

ب-أدرس إتجاه تغير الدالة f على مجالي مجموعة تعريفها ، ثم شكل جدول تغيراتها.

4. بين أن النقطة $(1, 2)$ هي مركز تنازول للمنحى (C_f) .

5. أنشئ المستقيم (Δ) والمنحى (C_f) .

6. ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد واتسارة حلول المعادلة $1 - m = f(x)$.

7. نعتبر الدالة h المعرفة على \mathbb{R} كألي: $h(x) = f(-|x|)$ ، و (C_h) تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق.

أ-بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x ، $h(x) - h(-x) = 0$. ماذا تستنتج.

ب-أنشئ المنحى (C_h) إعتمادا على المنحى (C_f) .