

## امتحان إستدراكي في مادة الرياضيات

### ✓ التمرين الأول : (05 ن)

★ ممتالية عددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ :

$$\bullet \quad u_n = 3n - 2 \quad \text{و} \quad u_{\frac{2975}{175}}, u_9, u_1, u_0 \quad (1)$$

2) بين أن الممتالية  $(u_n)$  حسابية وعين أساسها  $r$ .

3) أدرس إتجاه تغير الممتالية  $(u_n)$ .

$$\bullet \quad S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n \quad \text{حيث} \quad S_n \quad (4)$$

$$\bullet \quad S_n = 8398 \quad \text{يعين قيمة} \quad n \quad (5)$$

★ ممتالية عددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ :

$$\bullet \quad T_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n \quad \text{حيث} \quad T_n \quad (1)$$

### ✓ التمرين الثاني : (06 ن)

أجب على الأسئلة التالية : (كل سؤال مستقل عن الآخرين)

•  $G = bar\{(A;3m-1);(B;m^2+2);(C;m-2)\}$  ★

1) عين قيم  $m$  حتى تكون النقطة  $G$  موجودة.

★  $(O;j;\bar{i})$  معلم متعامد ومتجانس.

•  $\frac{1}{2}\Omega$  أكتب المعادلة الديكارتية للدائرة  $(C)$  مركزها  $(-3;2)$  ونصف قطرها  $\frac{1}{2}$

2) بين أن  $x^2 + y^2 - 2x - 3 = 0$  دائرة يطلب تعين مركزها ونصف قطرها.

• حل في  $\mathbb{R}$  المعادلات التالية :

$$\cos^2 x - \frac{3}{2} \cos x + \frac{1}{2} = 0 \quad \text{و} \quad \sin x = \frac{7}{14}, \quad 2 \cos x + 1 = 1$$

★ قانون إحتمال المتغير العشوائي  $X$  معرف بالجدول المقابل :

$x_i$	-120	-70	20	115
$P(X = x_i)$	0.23	0.15	0.27	0.35

1) أحسب الأمل الرياضي  $E(X)$  للمتغير العشوائي  $X$ .

✓ الترين الثالث : (09 ن)

★ نعتبر الدالة  $f_m$  المعرفة على  $\{-1;1\} \rightarrow \mathbb{R}$  بـ  $f_m(x) = \frac{x^2 + mx}{x^2 - 1}$  حيث  $m$  وسيط حقيقي.

1) عين قيم  $m$  التي من أجلها يقبل بيان الدالة  $f_m$  مماسا عند المبدأ موازيا لمحور الفواصل.

★ نضع  $m = 2$  و نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\{-1;1\} \rightarrow \mathbb{R}$  بـ  $f(x) = \frac{x^2 + 2x}{x^2 - 1}$  و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستوى منسوب إلى معلم متعمد و متجانس  $(\bar{j}; \bar{i}; \bar{o})$ .

1) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ثم فسر النتائج هندسيا.

2) بين أنه من أجل كل  $x$  من  $\{-1;1\} \rightarrow \mathbb{R}$  فإن :  $f'(x) = \frac{-2(x^2 + x + 1)}{(x^2 - 1)^2}$ .

3) أدرس إشارة  $f'(x)$  على  $\{-1;1\} \rightarrow \mathbb{R}$  وإستنتج إتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4) ما هو عدد مماسات  $(C_f)$  التي توازي المستقيم ذو المعادلة  $2y = 6\sqrt{2}$ .

5) أدرس إشارة  $1 - \frac{x^2 + 2x}{x^2 - 1}$  ثم إستنتاج الوضع النسيبي  $L(C_f)$  بالنسبة للمستقيم ذو المعادلة  $y = 1$ .

6) أحسب  $f(0)$  و حل المعادلة  $f(x) = 0$  ثم أرسم  $(C_f)$ .

7) نقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $f(x) = m$ .

★ لتكن  $h$  دالة معرفة على  $\{-1;1\} \rightarrow \mathbb{R}$  بـ  $h(x) = \left| \frac{x^2 + 2x}{x^2 - 1} \right|$ :

1) أكتب عبارة الدالة  $h(x)$  دون رمز القيمة المطلقة.

2) بين كيف يمكن إنشاء  $(C_h)$  إنطلاقا من  $(C_f)$ .

بن نفيسة

إنتهى  $\infty$