



على التلميذ أن يختار أحد الموضوعين:

يحتوي الموضوع الأول على 4 صفحات (من الصفحة 01 إلى الصفحة 04)

التمرين الأول: (06 نقاط)



عرض التلفزيون الجزائري يوم 09 جانفي 2017 مشهد لنقل رفاة شهاء وجدوا في مغارة بوسيف بجبل الطارف بأم البواقي إلى مخبر التحليل الإشعاعي لغرض تحديد تاريخ استشهادهم.

يهدف هذا التمرين إلى تحديد تاريخ استشهاد الشهاء باعتماد طريق التاريخ (كربون - آزوت)

المعطيات : $N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$; $1\mu\text{g} = 10^{-6} \text{ g}$; $M(^{14}_6C) = 14 \text{ g.mol}^{-1}$

1. ينتج عن تفكك نواة الكربون 14 ($^{14}_6C$) نواة الأزوت 14 ($^{14}_7N$) .

1.1. أكتب المعادلة الممنذجة لتفكك نواة الكربون 14.

2.1. أي النوتين ($^{14}_6C$) أو ($^{14}_7N$) الأكثر استقرارا.

3.1. حدد موقع كل من النوتين ($^{14}_6C$) و ($^{14}_7N$) في المخطط ($N - Z$) الممثل في الشكل 1 معللا إجابتك.

2. 1.2. أكتب قانون التناقص الإشعاعي بدالة عدد الأنوية المتبقية.

2.2. عرف ثابت الزمن τ ، ثم بين أن ثابت التفكك λ يعطي

$$\text{بالعلاقة : } \lambda = \frac{1}{\tau}$$

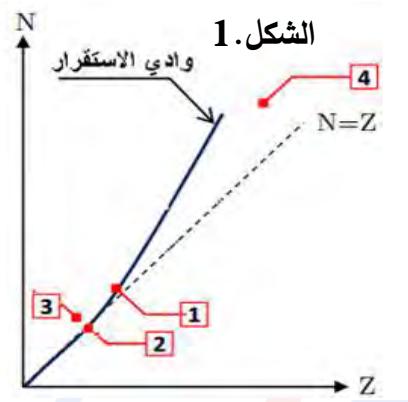
3. يمثل البيان الممثل في الشكل 2 تطور عدد أنوية الأزوت المتشكلة بدالة الزمن ($N_{(^{14}_7N)} = f(t)$). اعتمد على هذا البيان، جد كل من:

1.3. عدد الأنوية N_0 لعينة الكربون 14 الحاضرة في اللحظة $t = 0$ ، ثم أحسب الكتلة m_0 للعينة في نفس اللحظة.

2.3. ثابت الزمن τ لنواة الكربون 14 ثم أستنتج قيمة ثابت التفكك λ .

4. تبيّن من خلال تحليل عينة من رفاة الشهاء أنها تحتوي في لحظة t على كتلة $m_1 = 0,216 \text{ mg}$ من الكربون 14 وعلى الكتلة $m_2 = 1,68 \mu\text{g}$ من نواة الأزوت 14 .

يبين أن عبارة عمر رفات الشهيد هو: $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(1 + \frac{m_2}{m_1} \right)$



الشكل 1.

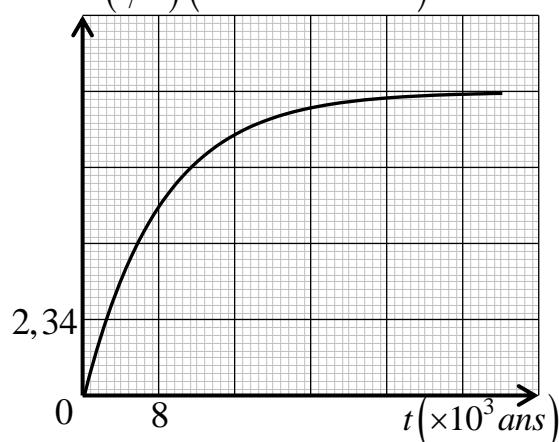
1.1. أكتب المعادلة الممنذجة لتفكك نواة الكربون 14.

2.1. أي النوتين ($^{14}_6C$) أو ($^{14}_7N$) الأكثر استقرارا.

3.1. حدد موقع كل من النوتين ($^{14}_6C$) و ($^{14}_7N$) في المخطط ($N - Z$) الممثل في الشكل 1 معللا إجابتك.

2. 1.2. أكتب قانون التناقص الإشعاعي بدالة عدد الأنوية المتبقية.

2.2. عرف ثابت الزمن τ ، ثم بين أن ثابت التفكك λ يعطي



3. يمثل البيان الممثل في الشكل 2 تطور عدد أنوية الأزوت المتشكلة بدالة الزمن ($N_{(^{14}_7N)} = f(t)$). اعتمد على هذا البيان، جد كل من:

1.3. عدد الأنوية N_0 لعينة الكربون 14 الحاضرة في اللحظة $t = 0$ ، ثم أحسب الكتلة m_0 للعينة في نفس اللحظة.

2.3. ثابت الزمن τ لنواة الكربون 14 ثم أستنتاج قيمة ثابت التفكك λ .

4. تبيّن من خلال تحليل عينة من رفاة الشهاء أنها تحتوي في لحظة t على كتلة $m_1 = 0,216 \text{ mg}$ من الكربون 14 وعلى الكتلة $m_2 = 1,68 \mu\text{g}$ من نواة الأزوت 14 .

يبين أن عبارة عمر رفات الشهيد هو: $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(1 + \frac{m_2}{m_1} \right)$



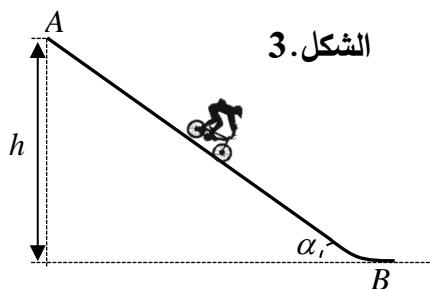
التمرين الثاني: (07 نقاط)



BMX هو سباق لركوب الدراجات نشأ في الولايات المتحدة وتم اعتماده كرياضة أولمبية منذ عام 2008. يجري السباق على مضمار وعر يتراوح طوله بين 270 و400 متر.

يهدف التمرين إلى دراسة حركة أحد المتسابقين خلال حصة تدريبية صورت لأحدى القنوات التلفزيونية.

المعطيات: - كتلة الدراج + الدراجة: $m = 93 \text{ kg}$ - الجاذبية الأرضية: $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$



الشكل 3.

ا. مرحلة الانطلاق:

عندما تتخض البوابة، ينطلق ثمانية دراجين من نقطة A ارتفاعها $h = 8 \text{ m}$ عن الأفق، يقوم الدراجون بالدوس بشكل مكثف للحصول على أكبر سرعة ممكنة في أسفل النيل (الشكل 3).

مكنت دراسة حركة الجملة (دراج + دراجة) خلال مرحلة النزول على المسار الخشن (AB) من الحصول على البيان ($v = f(t)$) الممثل

لسريعة مركز عطالة الجملة السابقة بدلالة الزمن t الموضح في الشكل 4.

1. اعتماداً على بيان الشكل 4:

1.1. حدد طبيعة حركة الجملة على المسار (AB).

1.2. أحسب طول المسار (AB)، وبين أن $\alpha \approx 20,5^\circ$ زاوية ميل المنحدر.

2. استنتاج قيمة a تسارع مركز عطالة الجملة.

2. تخضع الجملة خلال حركتها على المسار (AB) إلى ثلاث قوى: النقل \vec{P} ، فعل الطريق \vec{R} والتي تمثل عن نظام المستوى (AB) بزاوية $\theta = 15^\circ$ و \vec{F} التي يطبقها الدراج والتي تعتبرها ثابتة في الشدة وموازية للطريق.

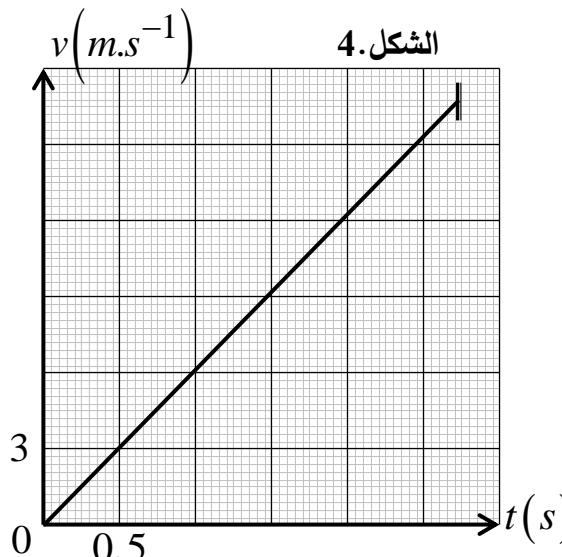
2.1. مثل القوى المؤثرة على مركز عطالة الجملة التي تعتبرها نقطية.

2.2. حدد المرجع المناسب للدراسة.

3.2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة الجملة، بين أن عبارة التسارع تكتب بالشكل التالي:

$$a = g \cdot \sin \alpha + \frac{F}{m} - \frac{R \cdot \sin \theta}{m}$$

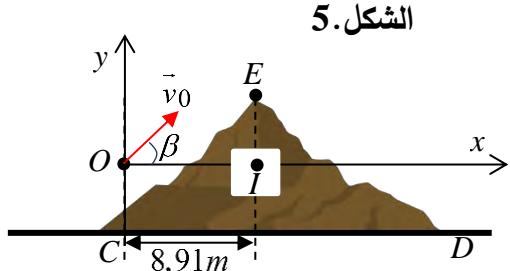
4.2. أحسب شدة القوة \vec{R} ثم \vec{F} .



الشكل 4.



II. مرحلة القفز:



يصل الدراج إلى هضبة ارتفاعها $IE = 2m$ وعرضها $CD = 16m$ ليقفز ابتداء من الموضع O بسرعة ابتدائية $v_O = 13,6 \text{ m.s}^{-1}$ يصنع حامل شعاعها زاوية $\beta = 35^\circ$ مع الأفق. (الشكل.5) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون في مرجع غاليلي، تحصلنا على عبارة شعاع السرعة لحركة مركز عطالة الجملة (دراج + دراجة) في المعلم (O, i, j) والتي عبارته:

$$\vec{v} = (v_O \cos(\beta)) \vec{i} + (-gt + v_O \sin(\beta)) \vec{j}$$

1. استخرج المعادلات الزمنية للحركة $x(t)$ و $y(t)$ ، ثم معادلة مسار الحركة $y(x)$.
2. لكي يتجاوز الدراج القمة E عليه أن يمر على ارتفاع $0,6m$ فوق الموضع E .
- 1.2. تأكّد من أن الجملة (دراج + دراجة) قد اجتازت الموضع E .
- 2.2. أحسب أدنى قيمة للسرعة الابتدائية v_O' التي من أجلها تجاوز الجملة الموضع E .
3. إذا كانت مدة السقوط هي $1,8s$ ، أحسب: المسافة الأفقيّة للسقوط وسرعته عندئذ.

التمرين التجاري: (7 نقاط)



سبتين أو بويفيدون أيودين هو مطهر موضعي يستعمل لتطهير جروح الجلد. يعتبر بويفيدون أيودين معقد كيميائي يحتوي على ثنائي اليود ($I_2 aq$). يتوفر على مستوى الصيدليات في قارورات صفراء تحمل الدلالة 10% من بويفيدون أيودين والتي تعني أنه في كل $100mL$ من المحلول تحتوي على $10g$ من بويفيدون أيودين.

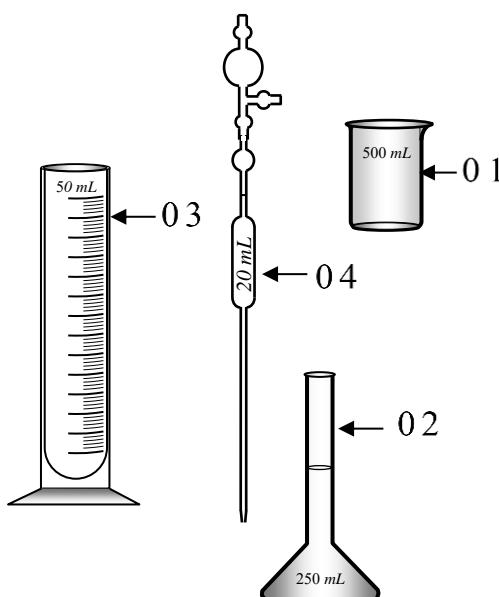
يهدف التمرين إلى دراسة حركية التفاعل بين ثنائي اليود ($Zn(s)$) والتوتاء ($I_2 aq$) ، والتحقق من النسبة الكتليلية لبوتيفيدون أيودين في المطهر.

المعطيات: - الكتلة المولية لبوتيفيدون أيودين $M = 2368,8 \text{ g.mol}^{-1}$

- جزيئة واحدة من بويفيدون أيودين تحتوي على جزيئة واحدة من ثنائي اليود I_2 .

- الجزء الأول: تحضير محلول مدد

قام تلميذ بتوجيهه من الأستاذ بتحضير محلول مدد (S_1) من المطهر تركيزه المولي بثنائي اليود $C_1 = [I_2]_0$ حجمه $V = 250mL$ وذلك بأخذ حجم $V_0 = 25mL$ من قارورة المطهر التجاري ذي التركيز المولي C_0 .



1. سم العناصر المرقمة، ثم أحسب معامل التمديد F .

2. توجد في المخبر مجموعة من الزجاجيات.

1.2. حدد الزجاجيات المناسبة لعملية تحضير محلول (S_1).

2.2. انكر البروتوكول التجاري لتحضير محلول (S_1).

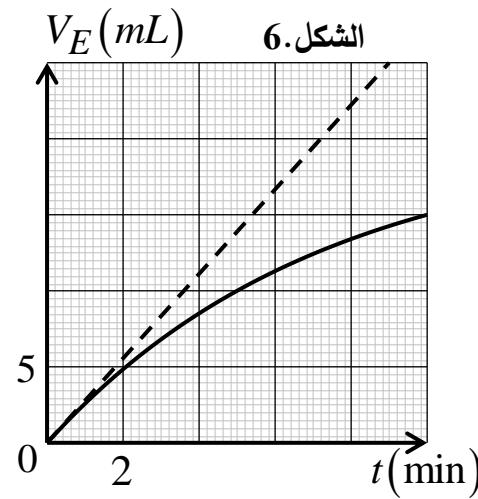
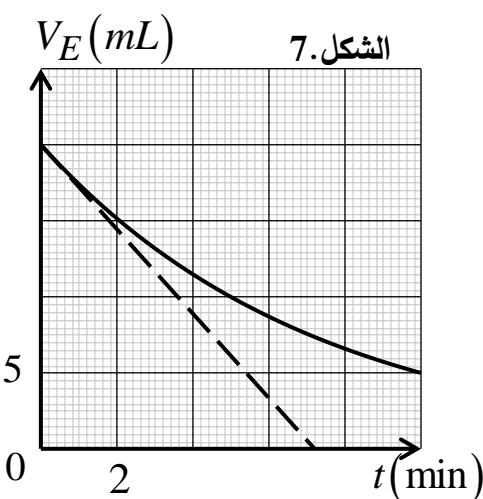


- الجزء الثاني:

في بيشر سعة $L = 500\text{mL}$ ، يحتوي على حجم $V = 250\text{mL}$ من المحلول المدد (S_1) ذي التركيز المولي $C_1 = [I_2]_0$ عند اللحظة $t = 0$ ندخل صفيحة من التوتاء $\text{Zn}(s)$ ، وبعد مدة زمنية نلاحظ أن جزءاً من الصفيحة قد تآكل، وأن اللون الأسمر قد اخفى تماماً.

ننمذج التحول الكيميائي الحادث بمعادلة التفاعل التالية: $\text{Zn}(s) + I_2(aq) \rightarrow \text{Zn}^{2+}(aq) + 2I^-(aq)$ في اللحظة t وعند درجة الحرارة $T = 25^\circ\text{C}$ ، نأخذ حجم $V_P = 25\text{mL}$ من المزيج التفاعلي ونضعه في الثلاج المدهش، ثم نعاير ثبائي اليود الموجود فيه بواسطة محلول ثيوکبريتات الصوديوم $(2\text{Na}^+(aq) + \text{S}_2\text{O}_3^{2-}(aq) \rightarrow \text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3(s) + \text{Na}^+(aq))$ تركيزه المولي $C' = 10^{-2}\text{ mol.L}^{-1}$.

نكر العملية عدة مرات عند لحظات زمنية مختلفة ونسجل في كل تجربة حجم محلول ثيوکبريتات الصوديوم V_E اللازم للتكافؤ. بواسطة برمجية مناسبة تم الحصول على أحد المنحنيين الممثلين في الشكلين 6 و 7.



- حدد الهدف من استعمال الثلاج المدهش.
- أنشئ جدولًا لتقدم التفاعل السابق، ثم أكتب عبارة n_t كمية مادة اليود عند لحظة t بدلالة t ، C_1 ، V و x .
- اكتب معادلة تفاعل المعايرة. الثنائيان المتفاعلان هما $(\text{S}_4\text{O}_6^{2-} / \text{S}_2\text{O}_3^{2-})$ و $(\text{I}_2 / \text{I}^-)$.
- بين أن عبارة V_E حجم التكافؤ عند اللحظة t في المزيج تكتب بالعلاقة: $V_E(t) = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} - \frac{1}{5C'} \cdot x(t)$.
- حدد المنحنى البياني المناسب، ثم أحسب قيمة كل من التركيز المولي C_1 و C_0 .
- أحسب m كتلة بوفيدون أيودين الموجودة في حجم 100mL ، تم تحقق من الدالة التجارية المدونة على القارورة.
- عرف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ، ثم حدد قيمته بياناً.
- أحسب السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة $t = 0$.
- إذا أجري التفاعل السابق عند درجة حرارة $\theta_2 = 40^\circ\text{C}$ ، ووضح مجهرياً كيف تتغير سرعة التفاعل عند $t = 0$.



يحتوي الموضوع الثاني على 4 صفحات (من الصفحة 05 إلى الصفحة 08)

التمرين الأول: (06 نقاط)



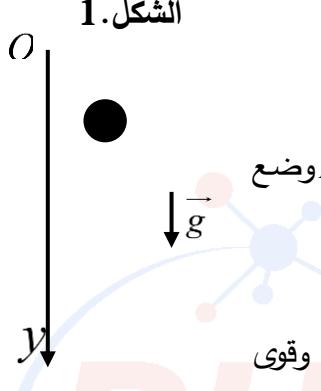
تعتبر دراسة حركة سقوط الأجسام من طرف غاليلي، ثم من بعده نيوتن، هي نقطة الانطلاق نحو اكتشاف قوانين الحركات، فحسب غاليلي فإن الحركة يمكن أن تتغير حسب طبيعة الوسط الذي تتم فيه حركة السقوط.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة نموذج مبسط لحركة سقوط شاقولي لجسم صلب في الهواء ونمذجة نوع الاحتكاك.

$$\text{المعطيات: } \rho_{\text{air}} = 1,3 \text{ kg.m}^{-3} \quad g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$$

تدرس حركة المركز (S) لجسم صلب في المعلم (O, \vec{j}) موجه نحو الأسفل والمرتبط بمرجع أرضي نعتبره عطاليا.

- I. يسقط الجسم (S) سقطاً حرراً من على ارتفاع $h = 2 \text{ m}$ عن سطح الأرض بدون سرعة ابتدائية عند اللحظة $t = 0$. (الشكل.1)



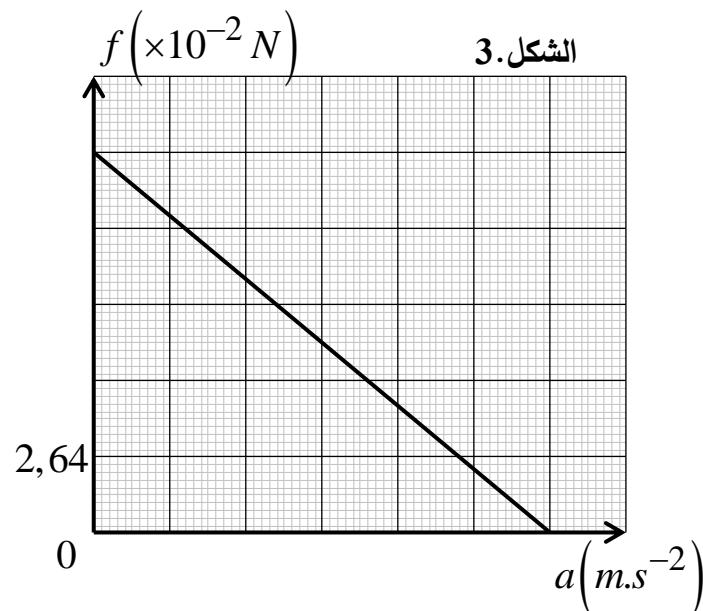
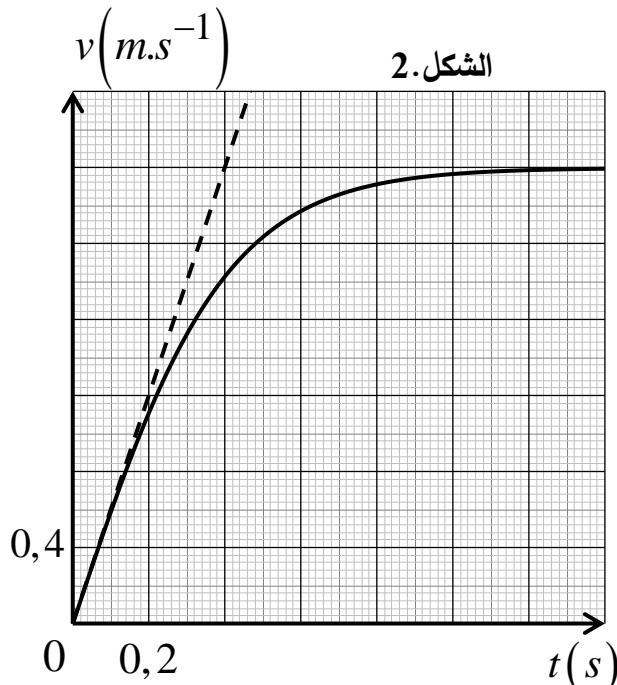
2. بتطبيق مبدأ انفاذ الطاقة على مركز عطاليا الجملة (S) بين الموضعين O و I وضع بلوغها سطح الأرض.

أحسب قيمة السرعة v_I مركز عطاليا الجسم (S) عند اصطدامها بسطح الأرض.

- II. يخضع الجسم (S) في الحقيقة بالإضافة إلى ثقله إلى قوتين: دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ وقوى الاحتكاك الناتجة عن الهواء ننمذجها بالقوة $\vec{f} = -0,023 \cdot v^n \cdot \vec{j}$ ، حيث n عدد طبيعي.

1. أعط العبارة الحرفية لشدة دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ ، وادكر مميزاتها.
2. مثل القوى المؤثرة على مركز عطاليا الجسم (S) عند اللحظة t .
3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد عبارة شدة قوة الاحتكاك f بدلالة a تسارع مركز عطاليا الجسم (S).
4. معالجة حركة السقوط للجسم (S) في الهواء، مكنتنا من الحصول على المنحنى $v = f(t)$ (الشكل.2)، والبيان

$$f = h(a) \quad (\text{الشكل.3}).$$





اعتمادا على الشكلين 2 و3:

1.4. حدد قيمة كل من: a_0 , v_{\lim} و τ .

2.4. استنتاج سلم رسم الشكل 3، ثم بين أن $m = 22 \text{ g}$

3.4. أحسب حجم الجسم (S) و n .

التمرين الثاني: (07 نقاط)

تلعب الأسترات دورا هاما في الصناعة الغذائية على اعتبار أنها تمتلك رائحة مميزة لبعض الأزهار أو الفواكه، والتي يتم تصنيعها انطلاقا من تفاعل حمض كربوكسيلي مع كحول $RCOOH$ معروف أنه مادة قابلة للاشتعال.



يهدف التمرين إلى تحديد صيغة حمض كربوكسيلي، ثم دراسة تفاعله مع كحول.

المعطيات: الكتل المولية مقدرة بـ $(g \cdot mol^{-1})$

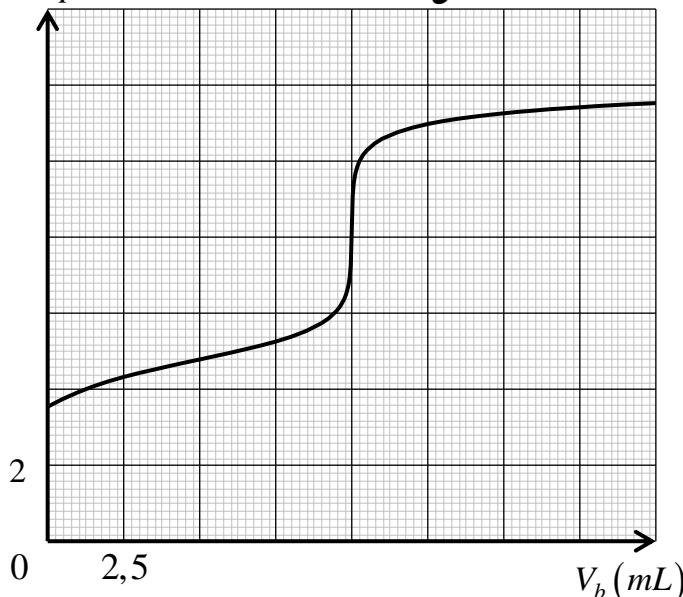
$$M(RCOOR') = 130 ; M(C) = 12 ; M(H) = 1 ; M(O) = 16$$

أولاً: لغرض تحديد صيغة حمض كربوكسيلي $RCOO(l)$ ، نحل كمية منه في الماء المقطر لنحصل بذلك على محلول (S_1) حجمه V_s تركيزه المولي C_0 .

نندرج التحول الكيميائي الحادث بمعادلة التفاعل التالية:

$RCOO(l) + H_2O(l) = RCOO^-(aq) + H_3O^+(aq)$
نعاير حجما $V_a = 50 \text{ mL}$ من محلول (S_1) بواسطة محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم $(Na^+(aq) + HO^-(aq))$
تركيزه المولي $C_b = 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$. سمحت المتابعة الـ pH مترية للمعايرة بالحصول على المنحنى البياني

الشكل 4.



$pH = f(V_b)$ الممثل للتغيرات pH المزيج بدلالة

حجم هيدروكسيد الصوديوم المسكوب (الشكل 4).

1. أذكر شروط استعمال لاقط قياس الـ pH .

2. أكتب معادلة تفاعل المعايرة الحادث.

3. أحسب قيمة التركيز المولي C_0 ، وبين أن الحمض $RCOOH(aq)$ ضعيف.

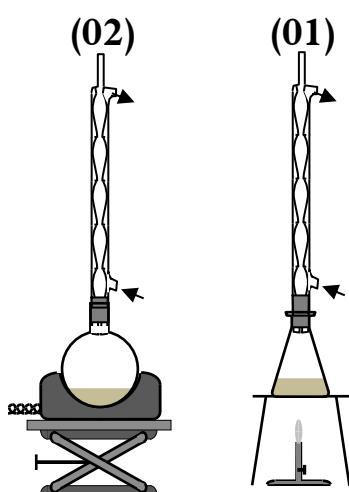
4. أعط عبارة ثابت الحموضة K_a للثنائية $(RCOOH(aq) / RCOO^-(aq))$

5. بين أنه من أجل الحجم المسكوب $V_b = \frac{V_{b,E}}{2}$

من محلول هيدروكسيد الصوديوم، يكون $pH = pK_a$.

6. حدد قيمة ثابت الحموضة $(RCOOH(aq) / RCOO^-(aq))$ للثنائية pK_a ، واستنتاج صيغة الحمض الكربوكسيلي المستعمل.

$C_2H_4O_2 / C_2H_3O_2^-$	$C_7H_6O_2 / C_7H_5O_2^-$	$C_6H_8O_6 / C_6H_7O_6^-$	الثنائيات
4,8	4,2	4,1	ثابت الحموضة



ثانياً: بتجهيز خاص من أجل تصنيع أستر، نمزج $0,2\text{ mol}$ من الحمض السابق $RCOOH(l)$ و $0,3\text{ mol}$ من كحول صيغته المجملة $R'-OH(l)$ ، ونضف للمزيج بعض قطرات من حمض الكبريت المركب. نسخن المزيج لمدة كافية حتى تبلغ حالة التوازن. بعد فصل الأستر وتنقيته تحصلنا على كتلة $m_E = 20,41\text{ g}$.

1. اقترح تلميذ على الأستاذ استعمال التركيب التجريبي رقم (01)، لكن الأستاذ رفض ذلك.

- حدد سبب رفض الأستاذ لهذا الاقتراح.

2. أعط اسم التركيب (02) المستعمل في عملية التصنيع.

3. حدد أهمية إضافة قطرات من حمض الكبريت المركب.

4. اكتب معادلة تفاعل الاسترة.

5. بالاعتماد على جدول تقدم تفاعل الاسترة، حدد التركيب المولي للمزيج عند حالة التوازن.

6. أحسب مردود تفاعل الاسترة وثابت التوازن K ، واستنتج صنف الكحول المستعمل.

7. أكتب الصيغة النصف المفصلة والاسم النظامي لكل من الكحول المستعمل والاستر الناتج، علماً أن الكحول ذو سلسلة فحمة خطية.

التمرين التجريبي: (07 نقاط)



تعتمد العديد من الأجهزة الكهربائية على مصدر الطاقة المخزنة في مكثفة ووشيعة. يهدف التمرين إلى دراسة تصرف ثانوي قطب (RC) و (RL)، مع تحديد بعض مميزات كل دارة.

نركب دارة كهربائية (الشكل 5) بالعناصر التالية:

- مولد مثالي توفره ثابت قوته المحركة الكهربائية E

- مكثفة فارغة سعتها C

- ناقل أومي مقاومته $R = 100\Omega$

- وشيعة مقاومتها الداخلية r وذاتيتها

- بادلة K مقاومتها مهملة

- فولطметр رقمي مربوط بين طرفي المكثفة وراسم اهتزاز ذو ذاكرة.

أ. عند اللحظة $t=0$ نضع البادلة في الوضع (1)، وبعد مدة يسقر جهاز الفولطметр على القيمة $u = 6V$.

1. حدد مدلول قيمة التوتر الكهربائي التي يشير لها الفولطметр.

2. أكتب عبارة الطاقة المخزنة في المكثفة ($E_C(t)$).

3. إذا علمت أن أكبر طاقة تخزنها المكثفة هي $E_{C_{\max}} = 0,9\text{ mJ}$ ، أحسب قيمة كل من:

- سعة المكثفة C . - الشحنة الأعظمية Q_{\max} . - ثابت الزمن τ .



١٢. نضع البادلة في الوضع (3)، ونربط المدخل (y) والأرضي لراسم الاهتزاز من أجل معاينة التوتر الكهربائي بين طфи الناقل الأومي (t) u_R ، ثم نغير البادلة في الوضع (2) عند اللحظة $t=0$. فنحصل على المنحنى البياني الممثل في الشكل.6.

١. انقل الدارة (الشكل.5) على ورقة الإجابة ثم:

- مثل جهة التيار في الدارة، ووجه سهمي التوتر بين طفي الناقل الأومي والوشيعة.

- بين عليها كيفية ربط جهاز راسم الاهتزاز لمشاهدة التوتر الكهربائي (t) u_R بين طفي الناقل الأومي.

٢. بتطبيق قانون جمع التوترات، جد المعادلة التقاضلية التي تميز تطور التوتر الكهربائي (t) u_R .

$$3. \text{ حل المعادلة التقاضلية هو } u_R(t) = R \cdot I_{\max} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \text{ ، حيث } \tau \text{ ثابت الزمن.}$$

١.٣. جد عبارة τ بدلالة مميزات الدارة.

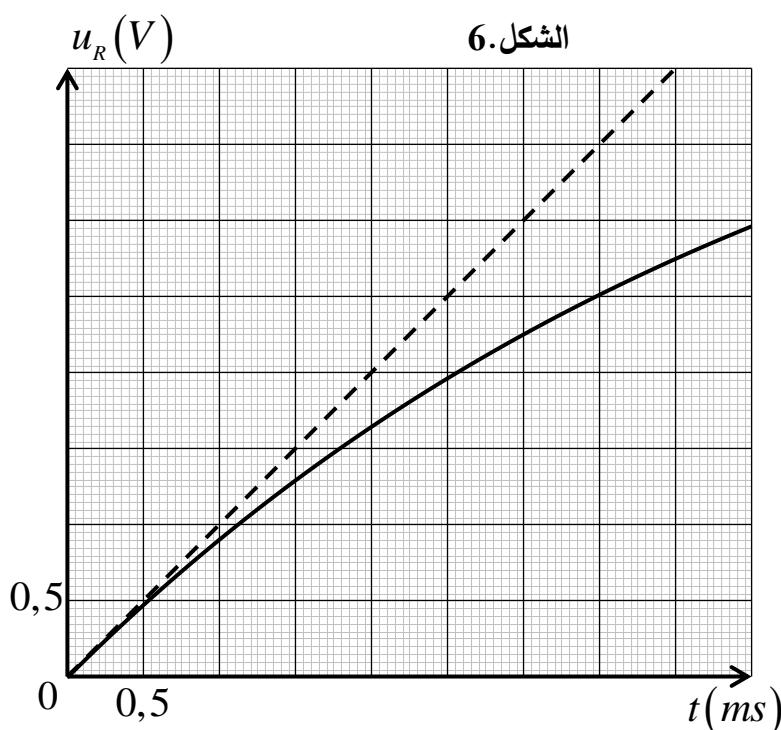
٢.٣. بين أن τ متبع مع الزمن.

٤. بعد مدة زمنية كافية يشير الأمبير متر إلى القيمة $I = 50 \text{ mA}$ ، جد r المقاومة الداخلية للوشيعة.

٥. أحسب معامل توجيه الماس $\frac{du_R}{dt}$ عند اللحظة $t=0$ ، ثم استنتج L ذاتية الوشيعة.

٦. احسب الطاقة المغناطيسية الأعظمية في الوشيعة.

٧. بالاعتماد على الشكل.6، حدد اللحظة التي تكون عندها الوشيعة تملك طاقة مغناطيسية تساوي ربع $\left(\frac{1}{4}\right)$ قيمتها الأعظمية.



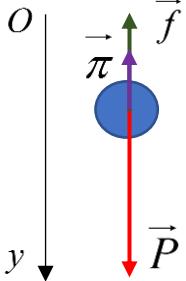
العلامة	عناصر الإجابة
مجموعه	مجازأة
	<p>الموضوع الأول</p> <p>التمرين الأول: (06 نقاط)</p> <p>1. 1.1. معادلة تفكك نواة الكربون 14: $^{14}_6C \rightarrow ^{14}_7N + ^A_ZX$: بتطبيق قانوني صودي للانفراط: ($A = 0$; $Z = -1$) وعليه:</p> <p>1. 2. تحديد أي النوتين أكثر استقراراً: حسب تعريف ظاهرة النشاط الاشعاعي، النواة البنت تكون أكثر استقرار من النواة الأم المشعة، وعليه فنواة $^{14}_7N$ أكثر استقرار من نواة الكربون 14.</p> <p>1. 3. تحديد موقع كل من النوتين $(^{14}_7N)$ و $(^{14}_6C)$ في المخطط : نواة $^{14}_6C$ لها $Z < 20$ ونشاطها الاشعاعي β^- فتقع فوق واد الاستقرار الموقع (3). نواة $^{14}_7N$ لها $Z = N$ وبذلك موقعها سيكون (2).</p> <p>2. 1. كتابة قانون التناقص الاشعاعي بدالة عدد الأنوية: $N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$</p> <p>2. 2. تعريف ثابت الزمن τ ، ثم تبيان عبارته: *تعريف ثابت الزمن τ: الزمن اللازم لبقاء 37% من عدد الأنوية المشعة الابتدائية $N(\tau) = 0,37N_0$ * تبيان عبارة ثابت الزمن: $t = \tau \Rightarrow N(\tau) = 0,37N_0 \Rightarrow N_0 e^{-\lambda \tau} = 0,37N_0 \Rightarrow \ln e^{-\lambda \tau} = \ln 0,37 \Rightarrow \lambda = \frac{1}{\tau}$</p> <p>3. 1.3. ايجاد N_0 عدد أنوية الكربون 14 في اللحظة $t=0$ ، ثم حساب m_0 للعينة عند نفس اللحظة: *أنوية الكربون 14 عند $t=0$ $N_0 = 9,36 \times 10^{18} \text{ noyaux}$ *كتلة الكربون 14 عند $t=0$ $m_0 = \frac{N_0}{N_A} \cdot M(^{14}_6C) = \frac{9,36 \times 10^{18} \times 14}{6,02 \times 10^{23}} = 2,17 \times 10^{-4} \text{ g}$</p> <p>3. 2. إيجاد قيمة ثابت الزمن τ ، ثم استنتاج قيمة ثابت التفكك λ : *ثابت الزمن τ: $\tau = 8 \times 10^3 \text{ ans}$ $N(^{14}_7N)(\tau) = N_0 - 0,37N_0 = 5,89 \times 10^{18} \text{ noyaux}$ *ثابت التفكك λ: $\lambda = \frac{1}{\tau} = 1,25 \times 10^{-4} \text{ ans}^{-1}$</p> <p>4. تبيان عبارة عمر الشهيد، ثم تحديد في أي سنة استشهد: *عبارة عمر الشهيد:</p>

	3x0,25	$N_C = N_0 - N_N \Rightarrow N_C = N_C e^{\lambda t} - N_N \Rightarrow e^{\lambda t} = 1 + \frac{N_N}{N_C} \Rightarrow t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(1 + \frac{N_N}{N_C} \right)$
	2x0,25	حيث : $t = \frac{1}{\lambda} \ln \left(1 + \frac{m_2}{m_1} \right)$ إذن $M_C = M_N$ و $N = \frac{m}{M} N_A$ *تحديد سنة الاستشهاد: $t \approx 62 \text{ ans}$ إذن تاريخ استشهاد الشهيد هو: 1955
	3x0,25	التمرين الثاني: (07 نقاط) ا. مرحلة الانطلاق: 1. 1. تحديد طبيعة حركة الجملة على المسار (AB): بما أن المسار مستقيم، $a > 0$ و $v > 0$ (معامل توجيه البيان ثابت القيمة) فإن حركة الجملة مستقيمة متتسعة بانتظام.
	0,25	2. 1. حساب طول المسار (AB), وتبين أن $\alpha \approx 20,5^\circ$: $AB = \frac{16,8 \times 2,7}{2} \approx 22,7 \text{ m}$: (AB) *طول المسار (AB) $\sin \alpha = \frac{h}{AB} = 0,35 \rightarrow \alpha \approx 20,5^\circ$: $\alpha \approx 20,5^\circ$ زاوية المنحدر
	0,25	3. 1. استنتاج a تسارع مركز عطالة الجملة: $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = 6 \text{ m.s}^{-2}$
	3x0,25	2. 2. تمثيل القوى المؤثرة على مركز عطالة الجملة:
	0,25	2. 2. تحديد المرجع المناسب للدراسة: سطحي أرضي.
	0,25	3. 2. إيجاد عبارة a تسارع مركز عطالة الجملة: - المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا. - الجملة: الجسم (S) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة الجملة: (1) $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = m \cdot \vec{a} \dots (1)$ بإسقاط العبارة الشعاعية على محور الحركة: $P_x - R_x + F = m \cdot a \rightarrow a = \frac{F}{m} + g \cdot \sin \alpha - \frac{R \cdot \sin \theta}{m}$
	2x0,25	4. 2. حساب شدة القوة R و \vec{F} : شدة القوة R : بإسقاط العبارة الشعاعية على المحور (yy'): $-P_y + R_y = 0 \rightarrow R \cdot \cos \theta = m \cdot g \cdot \cos \alpha \rightarrow R = \frac{m \cdot g \cdot \cos \alpha}{\cos \theta} = 883,5 \text{ N}$

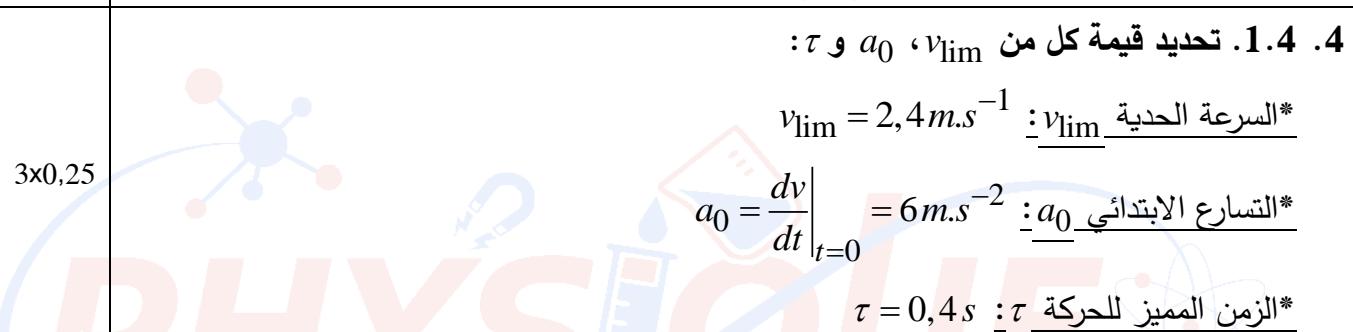
	0,25	$a = \frac{F}{m} + g \cdot \sin \alpha - \frac{R \cdot \sin \theta}{m} \rightarrow F = \left[a - g \cdot \sin \alpha + \frac{R \cdot \sin \theta}{m} \right] \cdot m \approx 467,5 N$ * شدة القوة \vec{F}								
	2x0,25	<p>II. مرحلة القفز:</p> <p>1. استخراج المعادلات الزمنية للحركة ($x(t)$ و $y(t)$) ، ثم ($y(x)$ معايير المسار الحركة:</p> $x(t) = v_o \cdot \cos \beta \cdot t ; \quad y(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + v_o \cdot \sin \beta \cdot t \quad : \underline{y(t)} \text{ و } \underline{x(t)}$ $y(x) = -\frac{g}{2v_o^2 \cdot \cos^2 \beta} \cdot x^2 + x \cdot \tan \beta \quad : \underline{y(x)}$								
	0,25	<p>1.2. التأكد من أن الجملة قد اجتازت الموضع E:</p> $y_E = -\frac{9,8}{2 \times 13,6^2 \times \cos^2(35)} \times 8,91^2 + 8,91 \times \tan(35) = 3,1 m$ <p>الدراج اجتاز الموضع E لأن $y_E > 2,6 m$</p>								
	2x0,25	<p>2.2. حساب أدنى قيمة لسرعة الابتدائية v'_o التي من أجلها تجتاز الجملة الموضع E:</p> <p>من أجل يجتاز الدراج الموضع E يجب أن تكون $y_E > 2,6 m$ ، وعليه:</p> $2,6 = -\frac{9,8}{2v'_o^2 \times \cos^2(35)} \times 8,91^2 + 8,91 \times \tan(35) \rightarrow v'_o = 12,62 m.s^{-1}$ <p>إذن: $v'_o > 12,62 m.s^{-1}$</p>								
	0,25	<p>3. حساب المسافة الأفقية للسقوط، وسرعة الجملة عندئذ:</p> $x_p = v_o \cdot \cos \beta \cdot t = 13,6 \times \cos(35) \times 1,8 = 20,05 m$ <p>* المسافة الأفقية:</p> <p>* سرعة الجملة عند لحظة السقوط:</p> $v_p = \sqrt{v_{xp}^2 + v_{yp}^2} = \sqrt{(13,6 \times \cos 35)^2 + (-9,8 \times 1,8 + 13,6 \times \sin 35)^2} = 24,86 m.s^{-1}$								
	4x0,25	<p>التمرين التجاري: (07 نقاط)</p> <p>- الجزء الأول:</p> <p>1. تسمية العناصر المرقمة، وحساب معامل التمدد F:</p> <table border="1"> <tr> <td>ماصة عيارية</td> <td>04</td> <td>مخبار مدرج</td> <td>03</td> <td>حوجلة عيارية</td> <td>02</td> <td>بيشر</td> <td>01</td> </tr> </table> $F = \frac{V}{V_0} = 10 : \underline{F}$ <p>* معامل التمدد</p>	ماصة عيارية	04	مخبار مدرج	03	حوجلة عيارية	02	بيشر	01
ماصة عيارية	04	مخبار مدرج	03	حوجلة عيارية	02	بيشر	01			
	2x0,25	<p>2.1. تحديد الزجاجيات المناسبة لعملية تحضير المحلول (S_1):</p> <p>- مخبار مدرج - حوجلة عيارية $250 mL$.</p>								
	0,25	<p>2.2. البروتوكول التجاري لتحضير المحلول (S_1):</p> <p>- باستعمال مخبار مدرج، نأخذ حجما $25 mL$ من المحلول المطهر.</p> <p>- نضعه في حوجلة عيارية سعتها $250 mL$ بها كمية من الماء المقطر.</p>								

	0,25	احتياطات الأمان: - قفازات، نظارات، مئزر، ...	- نكمل بالماء المقطر إلى خط العيار. - نسد الحوجلة ونرج المزيج جيدا.
	0,25	1. الهدف من استعمال الثلوج المهمش: توقيف تفاعل اليود مع الزنك.	- الجزء الثاني:
	0,25	2. جدول تقدم التفاعل، وكتابة عبارة $n_t(I_2)$:	*جدول تقدم التفاعل:
	0,25	معادلة التفاعل الحالة ابتدائية انتقالية نهائية	Zn + I ₂ = Zn ²⁺ + 2 I ⁻ كميات المادة ب (mol) $x = 0$ n_0 $n_1 = C_1 \cdot V$ 0 0 x $n_0 - x$ $n_1 - x$ x $2x$ x_f $n_0 - x_f$ $n_1 - x_f$ x_f $2x_f$
	0,25		$n_t(I_2) = C_1 \cdot V - x : n_t(I_2)$ *
	0,25		3. كتابة معادلة تفاعل المعايرة: $I_2 + 2e^- = 2I^-$ $2S_2O_3^{2-} = S_4O_6^{2-} + 2e^-$ $I_2 + 2S_2O_3^{2-} = S_4O_6^{2-} + 2I^-$
	0,25		4. تبيان عبارة حجم التكافؤ $V_E(t)$: $n'(I_2) = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{C' \cdot V_E}{2} \rightarrow n(I_2) = 5C' \cdot V_E$ عند التكافؤ: $n_t(I_2) = C_1 \cdot V - x$ $5C' \cdot V_E = C_1 \cdot V - x \rightarrow V_E = \frac{C_1 \cdot V - x}{5C'} \rightarrow V_E = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} - \frac{1}{5C'} \cdot x$
	2x0,25	5. تحديد المنحني المناسب، ثم حساب التركيز الموللي C_0 و C_1 و $V_E(0)$: عند $t = 0 ; x = 0$ إذن $V_E(0) = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} \neq 0$ ومنه المنحني الشكل 7 الصحيح.	*المنحني المناسب: حساب التركيز الموللي:
	2x0,25	$V_E(0) = 20mL \rightarrow C_1 = \frac{5C' \cdot V_E(0)}{V} = 4 \times 10^{-3} mol.L^{-1}$ $\rightarrow C_0 = F \cdot C_1 = 4 \times 10^{-2} mol.L^{-1}$	

	0,25	6. حساب m كتلة بوفيدون أيدين الموجودة في 100mL ، ثم التتحقق من الدلالة التجارية: $m = C_0 \cdot V \cdot M = 0,04 \times 0,1 \times 2368,8 = 9,47\text{ g}$ *كتلة بوفيدون أيدين الموجودة في 100mL *التحقق من الدلالة التجارية: $9,5\%$ النتيجة مقبولة في حدود أخطاء القياس.
	0,25	7. تعريف زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ، ثم تحديد قيمته بيانيًا: هو الزمن اللازم لبلوغ نصف التفاعل نصف تقدمه النهائي *تحديد قيمة زمن نصف التفاعل: $t_{1/2} = 5\text{ min}$ بالإسقاط على المنحنى، نجد: $V_E(t_{1/2}) = \frac{V_E(0)}{2}$
	0,25	8. حساب السرعة الحجمية للتفاعل عند $t = 0$: $\frac{dV_E}{dt} = -\frac{1}{5C'} \cdot \frac{dx}{dt}$ $V_E = \frac{C_1 \cdot V}{5C'} - \frac{1}{5C'} \cdot x$ لدينا سابقاً: V_E بالاشتقاق نجد: $v_{vol} = -\frac{5C'}{V} \cdot \frac{dV_E}{dt}$ وعليه تصبح العبارة: تطبيق عددي: $v_{vol} _{t=0} = -\frac{5 \times 10^{-2}}{250} \times \frac{0 - 20}{7,2 - 0} = 5,55 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$
	0,25	9. التفسير المجهري لتغير سرعة التفاعل: سرعة التفاعل عند $t = 0$ بالنسبة للتجربة (2) أكبر منها في التجربة (1)، وبذلك بسبب زيادة درجة الحرارة، والتي أدت إلى ارتفاع تواتر التصادمات الفعالة.
	0,25	الموضوع الثاني التمرين الأول: (06 نقاط) 1.1. تعريف السقوط الحر: حركة جسم خاضع لقوة تقله فقط.
	2x0,25	2. حساب v_I سرعة مركز عطالة الجملة (S) عند اصطدامها بسطح الأرض: بتطبيق مبدأ انحصار الطاقة للجملة (جسم (S)) بين الموضعين O و I : $Ec_O + W(\vec{P}) = Ec_I \rightarrow v_I = \sqrt{2 \cdot g \cdot h} = 6,26\text{ m.s}^{-1}$
	0,25	2.1. إعطاء العبارة الحرافية لشدة دافعة أرخميدس π ، وذكر مميزاتها: - المبدأ: مركز عطالة الجسم. - الحامل: شاقولي - الاتجاه: نحو الأعلى - الشدة: تعطى بالعلاقة $\pi = \rho_{air} \cdot V_S \cdot g$

3x0,25		<p>2. تمثيل القوى المؤثرة على مركز عطالة الجسم (S) عند اللحظة t:</p>
--------	---	--

0,25		<p>3. إيجاد عبارة شدة قوة الاحتاك f بدلالة a:</p> <ul style="list-style-type: none"> - المرجع: سطحي أرضي نعتبره غاليليا. - الجملة: كرة. <p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتون على مركز عطالة الجملة: $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \rightarrow \vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m \cdot \vec{a}$</p> <p>يسقط العبارات الشعاعية على المحور Oy: $m \cdot g - \pi - f = m \cdot a \rightarrow f = -m \cdot a + m \cdot g - \pi$</p>
2x0,25		

3x0,25		<p>4. 1.4. تحديد قيمة كل من v_{lim}، a_0 و τ:</p> <p>$v_{lim} = 2,4 \text{ m.s}^{-1}$: <u>v_{lim}</u> *</p> <p>$a_0 = \frac{dv}{dt} \Big _{t=0} = 6 \text{ m.s}^{-2}$: <u>a_0</u> *</p> <p>*<u>الزمن المميز للحركة</u> $\tau = 0,4 \text{ s}$: <u>τ</u> *</p>
--------	---	---

2x0,25	<p>2.4. استنتاج سلم الرسم، وتبيّان أن $m = 22 \text{ g}$</p> <p>$6 \text{ cm} \rightarrow a_0 = 6 \text{ m.s}^{-2}$ $1 \text{ cm} \rightarrow a$</p>	<p>$\left. \begin{array}{l} 6 \text{ cm} \rightarrow a_0 = 6 \text{ m.s}^{-2} \\ 1 \text{ cm} \rightarrow a \end{array} \right\} \rightarrow a = 1 \text{ m.s}^{-2}$ $1 \text{ cm} \rightarrow 1 \text{ m.s}^{-2}$ * <u>سلم الرسم</u>:</p> <p>*<u>تبيّان قيمة الكتلة</u>:</p> <p>تمثيل الكتلة m معامل توجيه بيّان الشكل 3، وعليه:</p>
2x0,25		$m = -\frac{\Delta f}{\Delta a} = -\frac{0 - 13,2 \times 10^{-2}}{6 - 0} = 0,022 \text{ kg} = 22 \text{ g}$

3x0,25		<p>3.4. حساب V_S و n:</p> <p>*<u>حجم الجسم</u> V_S</p> <p>في النظام الدائم $a = 0 \text{ m.s}^{-2}$ ، n جد:</p> <p>$f_{lim} = m \cdot g - \pi \rightarrow \rho_{air} \cdot V_S \cdot g = m \cdot g - f_{lim} \rightarrow V_S = \frac{m \cdot g - f_{lim}}{\rho_{air} \cdot g}$</p> <p>$\rightarrow V_S = 6,5 \times 10^{-3} \text{ m}^3$</p>
--------	--	---

$$f_{\lim} = k \cdot v_{\lim}^n \rightarrow n = \frac{\ln\left(\frac{f_{\lim}}{k}\right)}{\ln(v_{\lim})} = 2$$

*نموذج الاحتاك:

التمرين الثاني: (07 نقاط)

- أولاً:

1. شروط استعمال لاقط قياس الـ pH :

- يغمر جيدا في محلول.

- يوضع شاقوليا.

- معايرة اللاقط قبل الاستعمال.

0,25

2. كتابة معادلة تفاعل المعايرة:

0,25

3. حساب التركيز المولي C_0 ، وتبیان أن الحمض ضعیف:

0,25

$V_{bE} = 10mL$: تحديد حجم التكافؤ اعتمادا على طريقة المماسين *

0,25

$$C_0 \cdot V_a = C_b \cdot V_{bE} \rightarrow C_0 = \frac{C_b \cdot V_{bE}}{V_a} = 5 \times 10^{-3} mol.L^{-1}$$

2x0,25

*تبیان أن الحمض ضعیف:
لدينا عند $\tau_{f_0} = \frac{10^{-pH_0}}{C_0} = 0,05$ وعليه: $pH_0 = 3,6 \leftarrow V_b = 0mL$

0,25

4. عبارة ثابت الحموضة Ka للثانية :

$$Ka = \frac{[RCOO^-]_{eq} \cdot [H_3O^+]_{eq}}{[RCOOH]_{eq}}$$

0,25

5. تبیان أن $pH = pKa$ من أجل $V_b = \frac{V_{bE}}{2}$

$$pH = pKa + \log \frac{[RCOO^-]}{[RCOOH]}$$

نعم أن:

0,25

$$[RCOOH] = \frac{C_0 \cdot V_A - x_{eq}}{V_T} ; [RCOO^-] = \frac{x_{eq}}{V_T}$$

ومن جهة أخرى:

قبل التكافؤ نعلم أن OH^- مقاصل محد إذن $x_{eq} = C_b \cdot V_b$ ، وعليه:

$$[RCOOH] = \frac{C_0 \cdot V_A - C_b \cdot V_b}{V_T} ; [RCOO^-] = \frac{C_b \cdot V_b}{V_T}$$

0,25

$$\frac{[RCOO^-]}{[RCOOH]} = \frac{C_b \cdot V_b}{C_b \cdot V_{bE} - C_b \cdot V_b} = \frac{V_b}{V_{bE} - V_b}$$

إذن: $C_0 \cdot V_a = C_b \cdot V_{bE}$ عند التكافؤ

من العلاقات السابقة:

$$pH = pKa + \log\left(\frac{V_b}{V_{bE} - V_b}\right)$$

$$pH = pKa + \log\left(\frac{V_b}{2V_b - V_b}\right) = pKa + \log(1)^0 = pKa \quad \text{من أجل } V_b = \frac{V_{bE}}{2}$$

6. تحديد قيمة ثابت الحموضة pKa للثانية $(RCOOH(aq)/RCOO^-(aq))$ ، ثم استنتاج صيغة الحمض المستعمل:

عند نقطة نصف التكافؤ $V_b = \frac{V_{bE}}{2} = 5mL$ ، نجد أن

وعليه الحمض المستعمل هو: CH_3COOH

- ثانياً:

1. تحديد سبب رفض الأستاذ لهذا الاقتراح: الكحول مادة قابلة للاشتعال والتسخين المباشر باستعمال التركيب (01) يؤدي إلى اشتعاله.

2. إعطاء اسم التركيب (02) المستعمل في عملية التصنيع: التسخين بالارتداد (التسخين المرتد)

3. تحديد أهمية إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز: تسريع التفاعل

4. كتابة معادلة تفاعل الاسترة: $RCOOH(l) + R'OH(l) \rightarrow RCOOR'(l) + H_2O(l)$

5. تحديد التركيب المولي للمزيج عند حالة التوازن:

معادلة التفاعل		RCOOH	+	R'OH	=	RCOOR'	+	H ₂ O
الحالة	القدم	كميات المادة بـ (mol)						
ابتدائية	$x = 0$	0,2		0,3		0		0
انتقالية	x	$0,2 - x$		$0,3 - x$		x		x
نهائية	x_f	$0,2 - x_f$		$0,3 - x_f$		x_f		x_f

*التركيب المولي:

$$n_f(RCOOR') = n_f(H_2O) = \frac{m_f(RCOOR')}{M(RCOOR')} = \frac{20,41}{130} = 0,157 \text{ mol}$$

$$n_f(RCOOH) = 0,2 - x_f = 0,043 \text{ mol}$$

$$n_f(R'OH) = 0,3 - x_f = 0,143 \text{ mol}$$

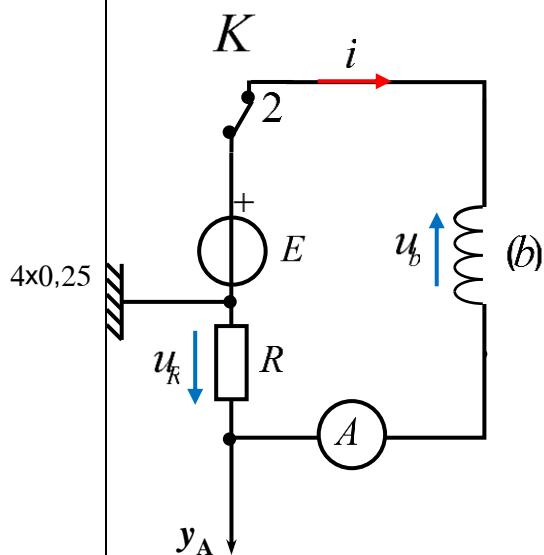
6. حساب مردود تفاعل الاسترة، وثابت التوازن K ، ثم استنتاج صنف الكحول المستعمل:

	2x0,25	$r = \frac{n_f(RCOOR')}{n_0(RCOOH)} \cdot 100 = \frac{0,157 \times 100}{0,2} = 78,5\%$ $K = \frac{n_f(RCOOR').n_f(H_2O)}{n_f(RCOOH).n_f(R'OH)} = \frac{0,157^2}{0,043 \times 0,143} = 4$ * ثابت التوازن * مردود تفاعل الأسترة:
	0,25	* صنف الكحول المستعمل: بما أن $K = 4$ فإن الكحول المستعمل أولي.
	0,25	7. كتابة الصيغة النصف المفصلة والاسم النظامي لكل من الكحول والستر: * الكحول: باستعمال الكتلة المولية للاستر وصيغته العامة: $M(C_nH_{2n}O_2) = 14n + 32 = 130 \rightarrow n = 7$ بما الحمض المستعمل هو $C_2H_4O_2$ فإن عدد ذرات الكربون التي يحتويها الكحول هي 5، وعليه تصبح صيغته العامة بالشكل التالي: $C_5H_{11}OH$
	2x0,25	الكتلة المولية للاستر وصيغته خطية إذن: Bentan 1 ول $CH_3 - CH_2 - CH_2 - CH_2 - OH$
	2x0,25	الاستر: * إيثانوات البنليل $CH_3 - COO - CH_2 - CH_2 - CH_2 - CH_3$
	0,25	التمرين التجاري: (07 نقاط) - الجزء الأول: 1. مدلول قيمة التوتر الكهربائي التي يشير لها الفولطметр: القوة المحركة الكهربائية E للمولد.
	0,25	2. كتابة عبارة الطاقة المخزنة في المكثفة $E_C(t) = \frac{1}{2} C \cdot u_C^2(t)$
	2x0,25	3. حساب قيمة كل من C ، Q_{max} و τ : * سعة المكثفة C :
	2x0,25	$E_{Cmax} = \frac{1}{2} C \cdot E^2 \rightarrow C = \frac{2E_{Cmax}}{E^2} = \frac{2 \times 0,9 \times 10^{-3}}{6^2} = 5 \times 10^{-5} F$
	0,25	* الشحنة الأعظمية $Q_{max} = C \cdot E = 5 \times 10^{-5} \times 6 = 3 \times 10^{-4} C$
	0,25	* ثابت الزمن $\tau = R \cdot C = 100 \times 5 \times 10^{-5} = 5 \times 10^{-3} s$

- الجزء الثاني:

1. تمثيل جهة التيار في الدارة، والتوترات u_R و u_b ، وتبيان

كيفية ربط راسم الاهتزاز:



2. إيجاد المعادلة التفاضلية بدلالة تطور التوتر الكهربائي u_R :

بتطبيق قانون جمع التوترات:

$$u_b + u_R = E \rightarrow L \cdot \frac{d\left(\frac{u_R}{R}\right)}{dt} + r \cdot \frac{u_R}{R} + u_R = E \rightarrow \frac{du_R}{dt} + \frac{R+r}{L} \cdot u_R = \frac{R \cdot E}{L}$$

3.1.3. إيجاد عبارة ثابت الزمن ' τ' :

$$\frac{du_R}{dt} = \frac{R \cdot I_{\max}}{\tau'} \cdot e^{-\frac{t}{\tau'}} \quad \text{باشتراك عبارة } u_R(t), \text{ نجد:}$$

بتعييض عبارتي $u_R(t)$ و $\frac{du_R}{dt}$ في المعادلة التفاضلية السابقة نجد:

$$\left. \begin{aligned} & \frac{R \cdot I_{\max}}{\tau'} \cdot e^{-\frac{t}{\tau'}} + \frac{R+r}{L} \cdot R I_{\max} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau'}} \right) = \frac{R \cdot E}{L} \\ & \rightarrow \frac{(R+r) \cdot R I_{\max} - R \cdot E}{L} + \left(\frac{1}{\tau'} - \frac{R+r}{L} \right) \cdot R I_{\max} e^{-\frac{t}{\tau'}} = 0 \end{aligned} \right\} \rightarrow \tau' = \frac{L}{R+r}$$

2.3. تبيان أن ' τ' متجانس مع الزمن:

$$\left\{ \begin{array}{l} u_L = L \cdot \frac{di}{dt} \\ u_R = R \cdot i \end{array} \right. \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} [L] = \frac{[u][t]}{[i]} \\ [R] = \frac{[u]}{[i]} \end{array} \right. \rightarrow [\tau'] = \frac{UT}{I} = T$$

وعليه ' τ' متجانس مع الزمن.

	2x0,25	4. إيجاد قيمة r المقاومة الداخلية للوسيطة:
		$I_{\max} = \frac{E}{R+r} \rightarrow r = \frac{E}{I_{\max}} - R = \frac{6}{0,05} - 100 = 20\Omega$
	0,25	5. حساب معامل التوجيه $\frac{du_R}{dt}$ عند اللحظة $t=0$ ، واستنتاج L ذاتية الوسيطة:
		$\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0} = \frac{1-0}{1-0} = 1V.ms^{-1} : \underline{t=0} \text{ عند } \frac{du_R}{dt} *$
	2x0,25	$\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0} = \frac{RE}{L} \rightarrow L = \frac{RE}{\left. \frac{du_R}{dt} \right _{t=0}} = \frac{100 \times 6}{1} = 600mH : L \text{ ذاتية الوسيطة}$
	0,25	6. حساب الطاقة المغناطيسية الأعظمية في الوسيطة:
		$E_{b\max} = \frac{1}{2} L I_{\max}^2 = 0,5 \times 0,6 \times (50 \times 10^{-3})^2 = 7,5 \times 10^{-4} J$
	3x0,25	7. تحديد اللحظة ' t' التي تكون عنها الوسيطة تملك طاقة مغناطيسية تساوي ربع قيمتها الأعظمية:
		$E_b(t') = \frac{E_{b\max}}{4} \rightarrow \frac{1}{2} L i(t')^2 = \frac{E_{b\max}}{4} \rightarrow i(t') = \sqrt{\frac{E_{b\max}}{2L}}$
		$\rightarrow u_R(t') = R \sqrt{\frac{E_{b\max}}{2L}} \rightarrow u_R(t') = 100 \times \sqrt{\frac{7,5 \times 10^{-4}}{2 \times 0,6}} = 2,5V$
		بالإسقاط على المنحنى، نجد: $t' = 3,5 s$